



WAchhalten und DIagnostizieren

**von Grundkenntnissen und Grundfertigkeiten
im Fach Mathematik**

Kurstufe

**Markus Kammerer
Rüdiger Sandmann
Ulrich Wagner
Manfred Zinser**

**Maike Hofmann
Christian Künstle
Chaya Maaß
Barbara Stockburger
Arnold Zitterbart**

		Aufgaben	Lösungen
Analysis			
C25	Verknüpfung von Funktionen	4	52
C26	Ableitungsregeln	5	53
C27	2. Ableitung und Extremstellen	6	54
C28	Wendestellen	7	55
C29	Die natürliche Exponentialfunktion	8	56
C30	Logarithmus und Exponentialgleichung	9	57
C31	Definitionslücken, senkrechte Asymptoten	10	58
C32	Verhalten für $x \rightarrow \pm\infty$	11	59
C33	Trigonometrische Funktionen	12	60
C34	Graphen zuordnen	13	61
C35	Extremwertprobleme	14	62
C36	Tangentenprobleme	15	63
C37	Funktionenscharen	16	64
C38	Änderung und Gesamtänderung	17	65
C39	Stammfunktion, Integral	18	66
C40*	Integralfunktion	19	67
C41	Flächen	20	68
C42	Mittelwerte und Rauminhalte	21	69
C43	Exponentielles Wachstum	22	70
C44	Beschränktes Wachstum	23	71
C45	Logistisches Wachstum	24	72
C46	Differenzialgleichungen exponentieller Prozesse	25	73
C47*	Folgen	26	74
C48	Monotonie und Beschränktheit bei Folgen	27	75
C49	Grenzwerte von Folgen	28	76
Lineare Gleichungssysteme, Analytische Geometrie			
B30	Lösen von LGS: Das Gauß-Verfahren	29	77
B31	Lösungsmengen von LGS	30	78
B32	Bestimmung ganzrationaler Funktionen	31	79
B33	Abstand zweier Punkte im Raum	32	80
B34	Ebengleichungen 1	33	81
B35	Ebengleichungen 2	34	82
B36	Besondere Lage von Ebenen	35	83
B37	Gegenseitige Lage Gerade und Ebene	36	84
B38	Lagebeziehung zwischen Ebenen	37	85
B39	Hessesche Normalenform (HNF)	38	86
B40	Abstand Punkt - Gerade	39	87
B41	Abstand zweier Geraden	40	88

B42	Skalarprodukt	41		89
B43	Orthogonalität, Winkel	42		90
B44	Spiegelung und Symmetrie	43		91
Stochastik				
D13	Standardabweichung	44		92
D14	Sigma-Regeln	45		93
D15	Statistische Tests	46		94
D16*	Signifikanztests	47	103	95 109
D17*	Fehler beim Testen	48	104	96 110
D18	Stetig verteilte Zufallsvariablen	49		97
D19*	Gauß'sche Glockenfunktion	50	105	98 111
D20*	Normalverteilungen	51	106	99 112

Hinweis: Die Seitenzahlen der Aufgaben und Lösungen sind in den elektronischen Versionen verlinkt.

Hinweis zum GTR: Die GTR-Screenshots sind mit dem **TI 84 plus** erstellt.

* Im Anhang ab Seite 100 befinden sich zusätzlich die Aufgaben- und Lösungsblätter mit GTR-Abbildungen für den **Casio fx-9860 GII**. Für die Erstellung dieser Screenshots bedanken wir uns bei Frau StD Monika Eisenmann und Herrn StD Jürgen Appel.

Für andere Modelle muss gegebenenfalls eine Anpassung vorgenommen werden.

Anregungen, Hinweise oder Rückmeldungen von Fehlern senden Sie bitte an die folgende E-Mail-Adresse: **WADI-Mathematik@semgym-rw.de**.

Achtung:

Unter dem Betriebssystem Windows XP kann es beim Ausdrucken der Formeln zu Problemen kommen (Formeln werden zwar im Layout angezeigt, aber nicht ausgedruckt).

Abhilfe kann das von Microsoft unter


<http://support.microsoft.com/kb/960985/de> vorgeschlagene Vorgehen schaffen.

Einführung

Wie bei den vorhergehenden Bänden zu den anderen Klassenstufen sollen die thematisch geordneten Aufgabenblätter Grundwissen und Grundfertigkeiten abbilden, die für einen kompetenzorientierten Mathematikunterricht von zentraler Bedeutung sind.

Die WADI-Aufgabenblätter decken alle drei Themengebiete Analysis, Analytische Geometrie und Stochastik ab.

Es wurde von uns versucht, das vom Bildungsplan erwartete Grundwissen und die Grundfertigkeiten abzubilden. Aufgrund des WADI spezifischen Formats können dabei allerdings nicht alle Basisfertigkeiten, wie z.B. die Beschreibung eines mathematischen Verfahrens, abgebildet werden.

Ist der Einsatz des grafikfähigen Taschenrechners angebracht, so ist dies durch das Zeichen  gekennzeichnet.

WADI – Basiswissen – Abitur

Der Fokus der WADI-Aufgabenblätter liegt verstärkt darauf, Grundwissen und Grundfertigkeiten wachzuhalten, welche in der schriftlichen Abiturprüfung gefordert sein können. Bei den Lernenden hierbei auftretende Defizite können mit den WADI-Aufgabenblättern diagnostiziert werden.

An einigen Stellen geht WADI über die derzeitigen Anforderungen in der schriftlichen Prüfung hinaus, z.B. gibt es mehrere Aufgabenblätter zum Themenkreis „Folgen“.

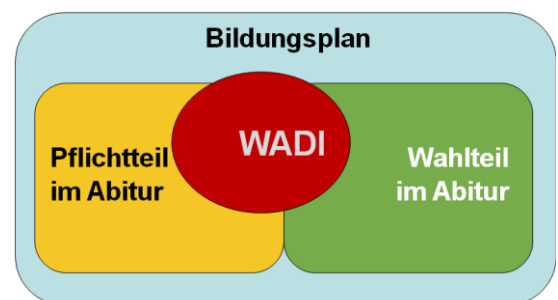
Im Bereich der Stochastik haben sich die Autoren bei der im Bildungsplan geforderten stetigen Verteilung für die Normalverteilung entschieden.

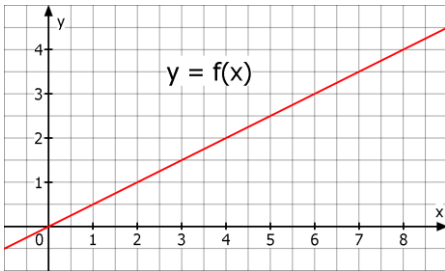
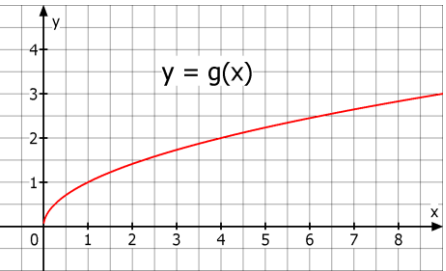
Zum Abschluss sei nochmals darauf hingewiesen, dass zum Erwerb von Kompetenzen, die über diese Grundlagen hinausgehen und die sowohl für den Unterricht, als auch für die Abiturprüfung notwendig sind, die WADI-Aufgabenblätter alleine nicht ausreichen.

Wir wünschen allen Nutzern dieses Heftes viel Spaß und Erfolg.

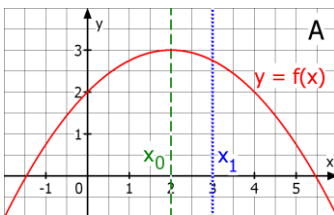
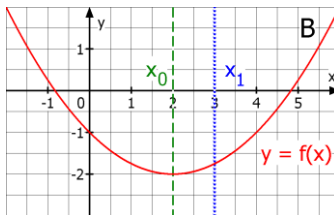
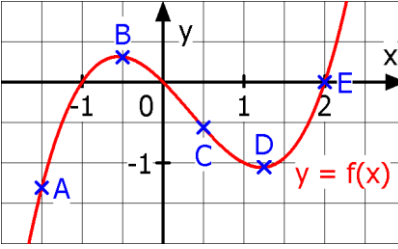
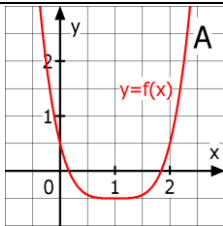
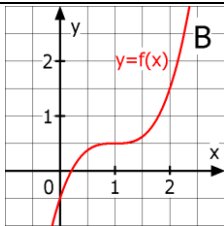
Rottweil, im November 2010

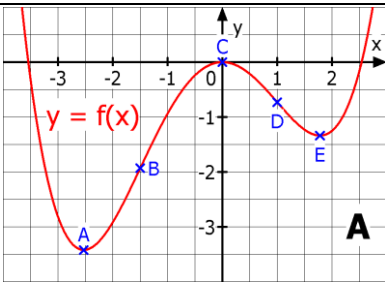
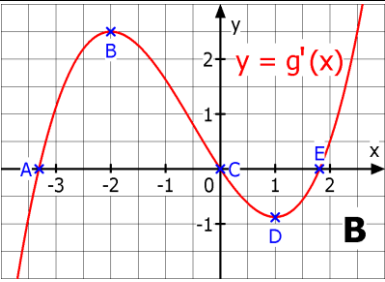
Maike Hofmann, Markus Kammerer, Christian Künstle, Chaya Maaß, Rüdiger Sandmann, Barbara Stockburger, Ulrich Wagner, Manfred Zinser, Arnold Zitterbart



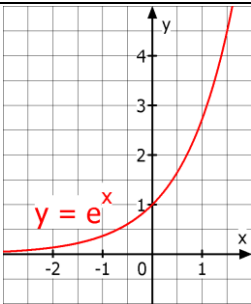
WADI Kursstufe C25		Verknüpfen von Funktionen	
Name: _____ Klasse: _____		r/f /n	
1	<p>Verkettet man die Funktionen u und v, so bedeutet $(u \circ v)(x)$, dass im Funktionsterm von</p> <p>a) u jedes $v(x)$ durch x ersetzt wird. b) u jedes x durch $v(x)$ ersetzt wird. c) v jedes x durch $u(x)$ ersetzt wird. d) v jedes $u(x)$ durch x ersetzt wird.</p>	<p>Ja Nein</p> <p>a) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>b) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>c) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>d) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p>	
2	<p>Bestimmen Sie anhand der Graphen die gesuchten Funktionswerte.</p> <div style="display: flex; justify-content: space-around;">   </div>	<p>a) $f(g(1)) =$ _____</p> <p>b) $f(g(4)) =$ _____</p> <p>c) $g(f(2)) =$ _____</p> <p>d) $g(f(8)) =$ _____</p>	
3	<p>Gegeben sind die Funktionen u und v mit $u(x) = 2x^2$ und $v(x) = x + 2$. Ordnen Sie den Verkettungen jeweils das richtige Ergebnis zu.</p> <p>A: $u(v(1))$ C: $u(u(0))$ B: $v(u(1))$ D: $v(u(-4))$</p>	<p>— 3 — 16</p> <p>— 18 — 8</p> <p>— 0 — 4</p> <p>— 34 — 66</p>	
4	<p>Ist die Funktion aus den Funktionen u und v mit $u(x) = x^3$ und $v(x) = 3x + 1$ gebildet worden? Wenn ja, auf welche Art?</p> <p>A: $f(x)=6x+2$ B: $g(x)=3x^3+1$ C: $h(x)=x^3+3x+1$ D: $i(x)=x^6$ E: $j(x)=(3x+1)^3$ F: $k(x)=(3x+1)^2$</p>	<p>— $u+v$ — $u:v$</p> <p>— $u-v$ — $u \circ v$</p> <p>— $u \cdot v$ — $v \circ u$</p>	
5	<p>Wahr oder falsch:</p> <p>a) Bei der Verkettung von zwei Funktionen ist die Reihenfolge ohne Bedeutung. b) Eine Funktion kann nie mit sich selbst verkettet werden. c) Eine Verkettung von mehr als zwei Funktionen ist nicht möglich. d) Bei der Verkettung $(u \circ v)(x) = u(v(x))$ ist v die innere und u die äußere Funktion.</p>	<p>Wahr Falsch</p> <p>a) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>b) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>c) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>d) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p>	
6	<p>Welche Funktion entsteht bei der Verkettung mit dem GTR für Y_3?</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; width: fit-content;"> <pre> Plot1 Plot2 Plot3 \Y1=X^2 \Y2=X+4 \Y3=Y1(Y2) \U.= </pre> </div>	<p><input type="checkbox"/> $f(x) = (x + 2)^4$</p> <p><input type="checkbox"/> $f(x) = x^2 + 4$</p> <p><input type="checkbox"/> $f(x) = (x + 4)^2$</p>	

WADI Kursstufe C26		Ableitungsregeln																										
Name: _____ Klasse: _____		r/f /n																										
1	Gegeben sind die Funktionen f und g durch $f(x) = (u \circ v)(x)$ und $g(x) = (u \cdot v)(x)$. Dabei sind die Funktionen u und v differenzierbar. a) Die Zeichen \circ und \cdot bedeuten das Gleiche, also haben f und g die gleiche Ableitung. b) für f' gilt: $f'(x) = v'(x) \cdot u'(v(x))$ c) f und g müssen nicht differenzierbar sein. d) für g' gilt: $g'(x) = u'(x) \cdot v'(x) + u(x) \cdot v(x)$ e) $f(x)$ schreibt man auch als $u(v(x))$.	<table><tr><th></th><th>Wahr</th><th>Falsch</th></tr><tr><td>a)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>b)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>c)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>d)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>e)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>				Wahr	Falsch	a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	d)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	e)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>						
	Wahr	Falsch																										
a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																										
b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																										
c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																										
d)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																										
e)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																										
2	Welche der Ableitungsregeln (Potenz-, Produkt- oder Kettenregel (Pot, Pro oder Ket)) hilft beim Ableiten der Funktionen? A: $f(x) = \frac{1}{x^2}$ B: $g(x) = \sin(x^2)$ C: $h(x) = \sqrt{3 + x^3}$ D: $i(x) = 2x \cdot \cos(x)$ E: $m(x) = \frac{1}{2}x^2 \cdot (1 - x)^2$	<table><tr><th></th><th>Pot</th><th>Pro</th><th>Ket</th></tr><tr><td>A</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>B</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>C</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>D</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>E</td><td></td><td></td><td></td></tr></table>				Pot	Pro	Ket	A				B				C				D				E			
	Pot	Pro	Ket																									
A																												
B																												
C																												
D																												
E																												
3	Bei $u \circ v$ mit $u(x) = x^2$ und $v(x) = \sin(x)$ ist a) $\cos(x)$ die Ableitung der äußeren Funktion. b) $\cos(x)$ die Ableitung der inneren Funktion.	<table><tr><th></th><th>Richtig</th><th>Falsch</th></tr><tr><td>a)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>b)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>				Richtig	Falsch	a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>															
	Richtig	Falsch																										
a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																										
b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																										
4	Gegeben sind die Funktionen f und g durch $f(x) = (3 - x)^4$ und $g(x) = (2 + x) \cdot (1 + 4x)^4$. Ergänzen Sie die Lücken in der Ableitung: a) $f'(x) = \square \cdot (3 - x)^3$ b) $g'(x) = (1 + 4x)^4 + (2 + x) \cdot \square \cdot (1 + 4x)^3$	Für <input type="checkbox"/> muss stehen: a) _____ b) _____																										
5	Entscheiden Sie, welches die Ableitung von f mit $f(x) = (3x + 5) \cdot \sin(x)$ ist. a) $f'(x) = 3 \cdot \cos(x)$ b) $f'(x) = 3x \cdot \cos(x)$ c) $f'(x) = 3 \cdot \sin(x) + (3x + 5) \cdot \cos(x)$ d) $f'(x) = 3 \cdot \cos(x) + (3x + 5) \cdot \sin(x)$	Richtig ist: a) <input type="checkbox"/> b) <input type="checkbox"/> c) <input type="checkbox"/> d) <input type="checkbox"/>																										
6	Geben Sie zur Funktion f jeweils $f'(3)$ an. a) $f(x) = (x + 5)^2$ b) $f(x) = \frac{-3x + 5}{9}$ c) $f(x) = \frac{1}{(x - 5)^2}$ d) $f(x) = \frac{1}{(4x - 6)^2}$	Es ist $f'(3)$ a) _____ b) _____ c) _____ d) _____																										
7	Gegeben ist die Funktion f mit $f(x) = (2x + 1)^3$. a) Welche Steigung hat der Graph in $P(-2 f(-2))$? b) An welcher Stelle hat der Graph eine waagrechte Tangente?	a) Steigung $m =$ _____ b) Stelle $x =$ _____																										

WADI Kursstufe C27		2. Ableitung und Extremstellen																								
Name: 		Klasse: 																								
		r/f /n																								
1	<p>Entscheiden Sie, welche Aussagen zutreffen.</p> <div style="display: flex; justify-content: space-around;">   </div> <p>a) Der Graph von f ist eine Rechtskurve. b) Der Graph von f ist eine Linkskurve. c) Der Graph von f' steigt streng monoton. d) Es ist $f''(x_0) < 0$. e) Es ist $f''(x_1) < 0$.</p>	<p>Trifft im dargestellten Intervall zu für den Graphen in</p> <table style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <thead> <tr> <th></th> <th style="text-align: center;">A</th> <th style="text-align: center;">B</th> </tr> </thead> <tbody> <tr><td>a)</td><td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td><td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td></tr> <tr><td>b)</td><td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td><td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td></tr> <tr><td>c)</td><td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td><td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td></tr> <tr><td>d)</td><td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td><td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td></tr> <tr><td>e)</td><td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td><td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td></tr> </tbody> </table>		A	B	a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	d)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	e)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>						
	A	B																								
a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																								
b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																								
c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																								
d)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																								
e)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																								
2	<p>Tragen Sie in der Tabelle ein, ob $f(x)$, $f'(x)$ und $f''(x)$ in den markierten Punkten positiv (>0), negativ (<0) oder Null sind.</p> 	<table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse; text-align: center;"> <thead> <tr> <th></th> <th>$f(x)$</th> <th>$f'(x)$</th> <th>$f''(x)$</th> </tr> </thead> <tbody> <tr><td>A</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>B</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>C</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>D</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>E</td><td></td><td></td><td></td></tr> </tbody> </table>		$f(x)$	$f'(x)$	$f''(x)$	A				B				C				D				E			
	$f(x)$	$f'(x)$	$f''(x)$																							
A																										
B																										
C																										
D																										
E																										
3	<p>Entscheiden Sie anhand der 2. Ableitung, ob der Extrempunkt P ein Hochpunkt (HP) oder Tiefpunkt (TP) des Graphen von f ist.</p> <p>a) $f(x) = x^2 + 6x + 5$, $P(-3 -4)$ b) $f(x) = 2x^3 + 3x^2 - 12x$, $P(-2 20)$ c) $f(x) = 0,75x^4 - x^3 - 3x^2$, $P(2 -8)$</p>	<p>a) $f''(-3) = \underline{\hspace{2cm}}$ HP <input type="checkbox"/> TP <input type="checkbox"/></p> <p>b) $f''(-2) = \underline{\hspace{2cm}}$ HP <input type="checkbox"/> TP <input type="checkbox"/></p> <p>c) $f''(2) = \underline{\hspace{2cm}}$ HP <input type="checkbox"/> TP <input type="checkbox"/></p>																								
4	<p>Berechnen Sie die Hochpunkte (HP) und Tiefpunkte (TP) des Graphen von f.</p> <p>a) $f(x) = x^3 - 3x^2 + 2$ b) $f(x) = x + \frac{4}{x}$</p>	<p>a) HP(<u> </u> <u> </u>) TP(<u> </u> <u> </u>) b) HP(<u> </u> <u> </u>) TP(<u> </u> <u> </u>)</p>																								
5	<p>Welche Aussagen sind zutreffend?</p> <p>a) $f'(1)=0$ und $f''(1)=0$ b) f' wechselt bei $x = 1$ sein Vorzeichen. c) Für $x = 1$ hat der Graph einen Sattelpunkt. d) f' wechselt bei $x = 1$ sein Vorzeichen nicht. e) Für $x = 1$ hat der Graph einen Extrempunkt.</p> <div style="display: flex; justify-content: space-around;">   </div>	<p>Trifft zu für den Graphen in</p> <table style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <thead> <tr> <th></th> <th style="text-align: center;">A</th> <th style="text-align: center;">B</th> </tr> </thead> <tbody> <tr><td>a)</td><td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td><td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td></tr> <tr><td>b)</td><td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td><td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td></tr> <tr><td>c)</td><td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td><td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td></tr> <tr><td>d)</td><td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td><td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td></tr> <tr><td>e)</td><td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td><td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td></tr> </tbody> </table>		A	B	a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	d)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	e)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>						
	A	B																								
a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																								
b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																								
c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																								
d)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																								
e)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																								
6	<p>Eine ganzrationale Funktion f ...</p> <p>a) ... vom Grad 2 hat genau eine Extremstelle. b) ... mit genau drei verschiedenen Extremstellen ist mindestens vom Grad 4. c) ... vom Grad n hat höchstens n Extremstellen.</p>	<table style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <thead> <tr> <th></th> <th style="text-align: center;">Richtig</th> <th style="text-align: center;">Falsch</th> </tr> </thead> <tbody> <tr><td>a)</td><td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td><td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td></tr> <tr><td>b)</td><td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td><td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td></tr> <tr><td>c)</td><td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td><td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td></tr> </tbody> </table>		Richtig	Falsch	a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>												
	Richtig	Falsch																								
a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																								
b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																								
c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																								

WADI Kursstufe C28		Wendestellen																									
Name: Klasse: 		r/f /n																									
1	<p>Abb. A zeigt den Graphen einer Funktion f. Die markierten Punkte sind entweder Extrempunkte (HP oder TP) oder Wendepunkte (WP). Füllen Sie die Tabelle aus.</p>		<p>Die Punkte sind für den Graphen von f</p> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse; text-align: center;"> <thead> <tr> <th></th> <th>HP</th> <th>TP</th> <th>WP</th> </tr> </thead> <tbody> <tr><td>A</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr> <tr><td>B</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr> <tr><td>C</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr> <tr><td>D</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr> <tr><td>E</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr> </tbody> </table>		HP	TP	WP	A	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	B	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	C	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	D	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	E	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
	HP	TP	WP																								
A	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																								
B	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																								
C	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																								
D	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																								
E	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																								
2	<p>Abb. B zeigt den Graphen der Ableitung einer Funktion g. Die markierten Punkte sind entweder Extrempunkte (HP oder TP) oder Wendepunkte (WP) des Graphen von g. Füllen Sie die Tabelle aus.</p>		<p>Die Punkte sind für den Graphen von g</p> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse; text-align: center;"> <thead> <tr> <th></th> <th>HP</th> <th>TP</th> <th>WP</th> </tr> </thead> <tbody> <tr><td>A</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr> <tr><td>B</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr> <tr><td>C</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr> <tr><td>D</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr> <tr><td>E</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr> </tbody> </table>		HP	TP	WP	A	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	B	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	C	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	D	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	E	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
	HP	TP	WP																								
A	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																								
B	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																								
C	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																								
D	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																								
E	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																								
3	<p>Entscheiden Sie, ob die Aussagen zur Funktion f bzw. zu ihrem Graphen wahr oder falsch sind.</p> <p>a) Wendestellen von f sind Extremstellen von f'.</p> <p>b) in einem Wendepunkt geht der Graph immer von einer Links- in eine Rechtskurve über.</p> <p>c) Gilt $f'(x_0) = 0$, $f''(x_0) = 0$ und $f'''(x_0) \neq 0$, so ist $W(x_0 f(x_0))$ Sattelpunkt des Graphen von f.</p>	<table style="width: 100%; text-align: center;"> <tr> <th></th> <th>Wahr</th> <th>Falsch</th> </tr> <tr> <td>a)</td> <td><input type="checkbox"/></td> <td><input type="checkbox"/></td> </tr> <tr> <td>b)</td> <td><input type="checkbox"/></td> <td><input type="checkbox"/></td> </tr> <tr> <td>c)</td> <td><input type="checkbox"/></td> <td><input type="checkbox"/></td> </tr> </table>			Wahr	Falsch	a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>												
	Wahr	Falsch																									
a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																									
b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																									
c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																									
4	<p>Welche der angegebenen Stellen sind Wendestellen der Funktion f mit $f(x) = x^4 - 6x^2 - 8x$? $x_1 = -3$, $x_2 = -2$, $x_3 = -1$, $x_4 = 1$, $x_5 = 2$, $x_6 = 3$</p>	<p>Wendestellen sind</p> <table style="width: 100%; text-align: center;"> <tr> <td><input type="checkbox"/> x_1</td> <td><input type="checkbox"/> x_2</td> <td><input type="checkbox"/> x_3</td> </tr> <tr> <td><input type="checkbox"/> x_4</td> <td><input type="checkbox"/> x_5</td> <td><input type="checkbox"/> x_6</td> </tr> </table>		<input type="checkbox"/> x_1	<input type="checkbox"/> x_2	<input type="checkbox"/> x_3	<input type="checkbox"/> x_4	<input type="checkbox"/> x_5	<input type="checkbox"/> x_6																		
<input type="checkbox"/> x_1	<input type="checkbox"/> x_2	<input type="checkbox"/> x_3																									
<input type="checkbox"/> x_4	<input type="checkbox"/> x_5	<input type="checkbox"/> x_6																									
5	<p>Welche der angegebenen Gleichungen gehören zu Wendetangenten an den Graphen von f mit $f(x) = \frac{1}{2}x^4 + x^3 + 1$</p> <p>a) $y = x$ b) $y = 1$ c) $x = 1$ d) $y = x + 1,5$ e) $y = x + 0,5$ f) $y = -x + 1,5$</p>	<p>Gleichungen zu Wendetangenten sind:</p> <table style="width: 100%; text-align: center;"> <tr> <td>a) <input type="checkbox"/></td> <td>d) <input type="checkbox"/></td> </tr> <tr> <td>b) <input type="checkbox"/></td> <td>e) <input type="checkbox"/></td> </tr> <tr> <td>c) <input type="checkbox"/></td> <td>f) <input type="checkbox"/></td> </tr> </table>		a) <input type="checkbox"/>	d) <input type="checkbox"/>	b) <input type="checkbox"/>	e) <input type="checkbox"/>	c) <input type="checkbox"/>	f) <input type="checkbox"/>																		
a) <input type="checkbox"/>	d) <input type="checkbox"/>																										
b) <input type="checkbox"/>	e) <input type="checkbox"/>																										
c) <input type="checkbox"/>	f) <input type="checkbox"/>																										
6	<p>Bestimmen Sie mit dem GTR die Wendepunkte des Graphen von f mit $f(x) = 2x^4 + 8x^3 - 7x + 3$.</p>	<p>Wendepunkte</p> <p>$W_1(__ __) \quad W_2(__ __)$</p>																									
7	<p>Jede ganzrationale Funktion...</p> <p>a) ...mit ungeradem Grad größer 1 hat mindestens eine Wendestelle.</p> <p>b) ...die symmetrisch zur y-Achse ist, hat mindestens eine Wendestelle.</p>	<table style="width: 100%; text-align: center;"> <tr> <th></th> <th>Richtig</th> <th>Falsch</th> </tr> <tr> <td>a)</td> <td><input type="checkbox"/></td> <td><input type="checkbox"/></td> </tr> <tr> <td>b)</td> <td><input type="checkbox"/></td> <td><input type="checkbox"/></td> </tr> </table>			Richtig	Falsch	a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>															
	Richtig	Falsch																									
a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																									
b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																									

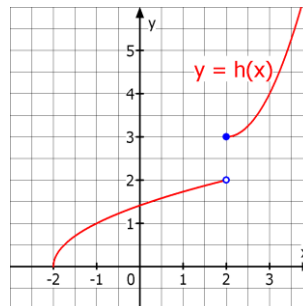
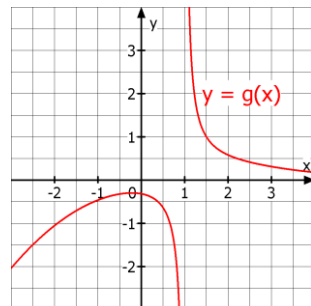
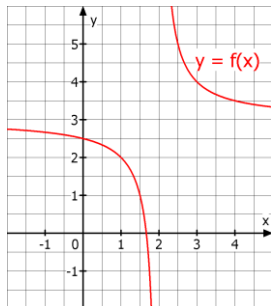
WADI Kursstufe C29		Natürliche Exponentialfunktion																									
Name: <div></div> Klasse: <div></div>		r/f /n																									
1	<p>Ordnen Sie jeder Funktionsgleichung den passenden Graphen zu.</p> <div><div></div><div></div><div></div><div></div></div>	<div><div>___ $f(x) = e^{-x}$</div><div>___ $g(x) = e^x$</div><div>___ $h(x) = -e^x$</div><div>___ $m(x) = -e^{-x}$</div></div>																									
2	<p>Welche Aussagen über die Zahl e sind wahr.</p> <p>a) e ist eine reelle Zahl. b) e ist ein Bruch.</p> <p>c) $e \approx 2,71828$. d) e hat eine Periode.</p>	<p>Wahr ist:</p> <p>a) <input type="checkbox"/> b) <input type="checkbox"/></p> <p>c) <input type="checkbox"/> d) <input type="checkbox"/></p>																									
3	<p>Sind die Umformungen richtig oder falsch?</p> <p>a) $e^x \cdot e^{2x} = e^{3x}$ b) $2e^x \cdot 3e^x = 6e^x$</p> <p>c) $e^{x^2} = (e^x)^2$ d) $e^{2x} + (e^x)^3 = e^{5x}$</p> <p>e) $\frac{e^{2x}}{e^x} = e^{-x}$ f) $(-e)^x = e^{-x}$</p>	<p>Richtig ist:</p> <p>a) <input type="checkbox"/> b) <input type="checkbox"/></p> <p>c) <input type="checkbox"/> d) <input type="checkbox"/></p> <p>e) <input type="checkbox"/> f) <input type="checkbox"/></p>																									
4	<p>Gegeben sind f mit $f(x) = e^x$ und g mit $g(x) = e^{-x}$. Welche der Eigenschaften treffen auf den Graphen von f, welche auf g zu?</p> <p>a) Der Graph ist streng monoton.</p> <p>b) Der Graph ist immer rechtsgekrümmt.</p> <p>c) Der Graph ist immer linksgekrümmt.</p> <p>d) Der Graph verläuft durch den Punkt (1 0).</p> <p>e) Der Graph schneidet die y-Achse bei 1.</p> <p>f) Die positive x-Achse ist Asymptote.</p> <p>g) Die negative x-Achse ist Asymptote.</p>	<p>Eigenschaft trifft zu für den Graphen von</p> <table><tr><th></th><th>e^x</th><th>e^{-x}</th></tr><tr><td>a)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>b)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>c)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>d)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>e)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>f)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>g)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>			e^x	e^{-x}	a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	d)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	e)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	f)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	g)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
	e^x	e^{-x}																									
a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																									
b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																									
c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																									
d)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																									
e)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																									
f)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																									
g)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																									
5	<p>Wahr oder falsch?</p> <p>a) Aus f mit $f(x) = e^x$ folgt $f'(x) = x \cdot e^{x-1}$</p> <p>b) Aus f mit $f(x) = x \cdot e^x$ folgt $f''(x) = (x + 2)e^x$</p> <p>c) Aus f mit $f(x) = (e^x)^2$ folgt $f'(x) = 2e^{2x}$</p> <p>d) Aus f mit $f(x) = \frac{1}{e^x}$ folgt $f'(x) = -e^{-x}$</p>	<table><tr><th></th><th>Wahr</th><th>Falsch</th></tr><tr><td>a)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>b)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>c)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>d)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>			Wahr	Falsch	a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	d)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>									
	Wahr	Falsch																									
a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																									
b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																									
c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																									
d)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																									
6	<p>Welche der Funktionen stimmt mit ihrer Ableitung überein?</p> <p>$f(x) = 1,5e^{x-1} + 5$ $g(x) = 5e^{x+2}$</p> <p>$h(x) = 2e^{-x} - 2e^x$ $k(x) = -e^{-x} + e^{x+1}$</p> <p>$m(x) = -8e^x$</p>	<table><tr><td><input type="checkbox"/> f(x)</td><td><input type="checkbox"/> g(x)</td></tr><tr><td><input type="checkbox"/> h(x)</td><td><input type="checkbox"/> k(x)</td></tr><tr><td><input type="checkbox"/> m(x)</td><td></td></tr></table>		<input type="checkbox"/> f(x)	<input type="checkbox"/> g(x)	<input type="checkbox"/> h(x)	<input type="checkbox"/> k(x)	<input type="checkbox"/> m(x)																			
<input type="checkbox"/> f(x)	<input type="checkbox"/> g(x)																										
<input type="checkbox"/> h(x)	<input type="checkbox"/> k(x)																										
<input type="checkbox"/> m(x)																											

WADI Kursstufe C30		Logarithmus und Exponentialgleichung	
Name: _____ Klasse: _____		r/f /n	
1	<p>Ordnen Sie mithilfe des Graphen von f mit $f(x) = e^x$ die folgenden Werte richtig zu.</p> <p>a) $e^{0,5}$ b) $\ln(1)$ c) $\ln(2)$ d) $\ln(0,5)$ e) $\ln(4)$ f) e^{-1}</p>		<p>_____ 0,368 _____ 0,693 _____ 0 _____ -0,693 _____ 1,386 _____ 1,649</p>
2	<p>Vereinfachen Sie:</p> <p>a) $\ln(e)$ b) $\ln(e^2)$ c) $\ln(\frac{1}{e})$ d) $\ln(1)$ e) $\ln(e^{-1})$ f) $e^{\ln(4)}$</p>	<p>a) _____ b) _____ c) _____ d) _____ e) _____ f) _____</p>	
3	<p>Entscheiden Sie, ob die Aussage wahr ist.</p> <p>a) $\ln(2)$ ist die Zahl, die mit e potenziert 2 ergibt. b) $\ln(2)$ ist Lösung der Gleichung $e^x = 2$. c) $\ln(2)$ ist Lösung der Gleichung $2^x = e$. d) $\ln(2)$ ist die Zahl, die mit 2 potenziert e ergibt. e) $\ln(2)$ ist näherungsweise 0,693.</p>	<p>Wahr Falsch</p> <p>a) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> b) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> c) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> d) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> e) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p>	
4	<p>Welche Umformungen sind richtig?</p> <p>a) $\ln(e^x) = e$ ($x \in \mathbb{R}$) b) $\ln(e^x) = x$ ($x \in \mathbb{R}$) c) $e^{\ln(x)} = x$ ($x \in \mathbb{R}^+$) d) $e^{\ln(x)} = \ln(x)$ ($x \in \mathbb{R}$)</p>	<p>Richtig ist:</p> <p>a) <input type="checkbox"/> b) <input type="checkbox"/> c) <input type="checkbox"/> d) <input type="checkbox"/></p>	
5	<p>Berechnen Sie die Nullstellen der Funktion f</p> <p>a) $f(x) = e^x - e$ b) $f(x) = (x + 1) \cdot e^x$</p>	<p>Nullstelle</p> <p>a) $x = \underline{\hspace{2cm}}$ b) $x = \underline{\hspace{2cm}}$</p>	
6	<p>Der Term 2^x ist äquivalent zu</p> <p>a) $\ln(e^{2x})$ b) $e^{\ln(2x)}$ c) $e^{x \ln(2)}$ d) $e^{x + \ln(2)}$</p>	<p>a) <input type="checkbox"/> b) <input type="checkbox"/> c) <input type="checkbox"/> d) <input type="checkbox"/></p>	
7	<p>Für welchen x-Wert nimmt die Funktion den Wert 12 an (auf zwei Dezimalen gerundet)?</p> <p>a) $f(x) = e^x$ b) $g(x) = e^{2x}$ c) $h(x) = 3e^x$ d) $k(x) = e^{3x+1}$</p>	<p>Der x-Wert ist</p> <p>a) _____ b) _____ c) _____ d) _____</p>	
8	<p>Lösen Sie die Gleichung.</p> <p>a) $e^x = e^6$ b) $3^x = 9$ c) $e^x(e^x - 5) = 0$</p>	<p>a) _____ b) _____ c) _____</p>	
9	<p>Sind die folgenden Schritte zur Lösung der Gleichung $e^{2x} - 10e^x + 9 = 0$ richtig?</p> <p>1. Mit $z = e^x$ erhält man $z^2 - 10z + 9 = 0$ 2. Lösungen sind $z_1 = 9$ und $z_2 = 1$. 3. Aus $e^x = 9$ und $e^x = 1$ erhält man als Lösungen der Gleichung $x_1 = \ln(9)$ oder $x_2 = 1$.</p>	<p>Der Schritt ist</p> <p>richtig falsch</p> <p>1. <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> 2. <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> 3. <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p>	

Name: _____ Klasse: _____

r/f
/n

1 Ordnen Sie den Funktionen ihre Polstelle zu:



Polstelle von

	f	g	h
x = 3	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
y = 2	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
x = 2	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
x = 1	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
y = 0	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
x = -2	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
keine	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

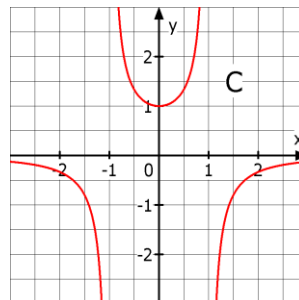
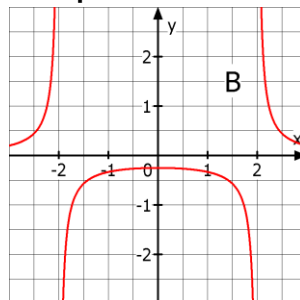
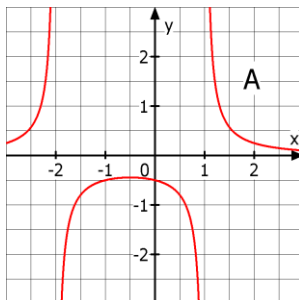
2 Welche Aussagen zur Funktion f sind wahr, welche falsch?

- a) Hat f eine Polstelle an der Stelle 3, so hat der Graph von f eine senkrechte Asymptote mit der Gleichung $x = 3$.
- b) Hat f eine Polstelle bei x_0 , so gilt $f(x_0) = \infty$.
- c) Hat f eine Polstelle bei x_0 , so ist f an der Stelle x_0 nicht definiert.
- d) Hat f die Definitionslücke x_0 , so hat f an dieser Stelle eine Polstelle.

Wahr Falsch

- a) ☐ ☐
- b) ☐ ☐
- c) ☐ ☐
- d) ☐ ☐

3 Ordnen Sie den Graphen die Funktionsterme zu:



- _____ $\frac{1}{1-x^2}$
- _____ $\frac{1}{(x-1)(x+2)}$
- _____ $\frac{1}{x^2-1}$
- _____ $\frac{1}{x^2-4}$

4 Gegeben sind die Funktionen f, g und h mit $f(x) = \frac{7}{x-5}$, $g(x) = \frac{e^x}{(x+3)^2}$ und $h(x) = \frac{1}{x^2-4}$.
Geben Sie, wenn vorhanden, die Gleichungen der senkrechten Asymptoten der Graphen an.

zu f: _____

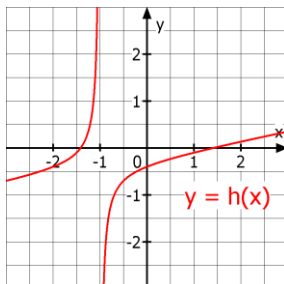
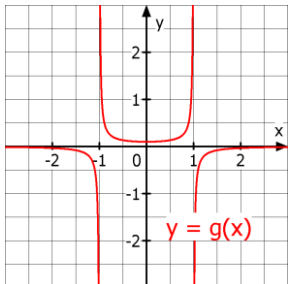
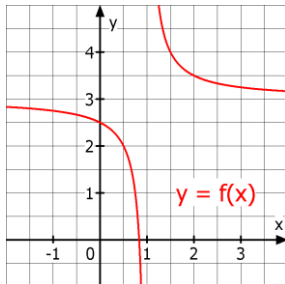
zu g: _____

zu h: _____

5 Ordnen Sie eine passende Funktion zu:

- a) $x = 2$ ist Nullstelle und $x = -1$ ist Polstelle der Funktion.
- b) Der Graph der Funktion hat senkrechte Asymptoten für $x = -2$ und $x = 1$.

- _____ $f(x) = \frac{(x-2)}{(x+1)^2}$
- _____ $g(x) = \frac{(x+1)}{(x-2)}$
- _____ $h(x) = \frac{(x^2+1)}{(x+2)(x+1)}$
- _____ $m(x) = \frac{(x+1)}{(x+2)(x-1)}$

WADI Kursstufe C32		Verhalten für $x \rightarrow \pm\infty$																																				
Name: _____ Klasse: _____		r/f /n																																				
1	<p>Welche waagrechte Asymptote gehört zum Graphen welcher Funktion?</p> <div></div>	<table><tr><th rowspan="2"></th><th colspan="3">Graph von</th></tr><tr><th>f</th><th>g</th><th>h</th></tr><tr><td>$x = 3$</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>$y = 1$</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>$x = 1$</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>$y = 3$</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>$y = 0$</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>$x = -1$</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>keine</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>			Graph von			f	g	h	$x = 3$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	$y = 1$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	$x = 1$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	$y = 3$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	$y = 0$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	$x = -1$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	keine	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
	Graph von																																					
	f	g	h																																			
$x = 3$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																																			
$y = 1$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																																			
$x = 1$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																																			
$y = 3$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																																			
$y = 0$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																																			
$x = -1$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																																			
keine	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																																			
2	<p>f ist eine Funktion und für $x \rightarrow \infty$ gelte $f(x) \rightarrow 2$ aber $f(x) \neq 2$. Entscheiden Sie.</p> <p>a) Der Graph von f hat die waagrechte Asymptote mit der Gleichung $y = 2$.</p> <p>b) Der Graph von f hat die senkrechte Asymptote mit der Gleichung $y = 2$.</p> <p>c) Geht man auf der x-Achse immer weiter nach rechts, so nähern sich die Funktionswerte immer mehr der 2 an.</p> <p>d) Es gilt dann $f(100) = 2$.</p>	<table><tr><th></th><th>Wahr</th><th>Falsch</th></tr><tr><td>a)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>b)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>c)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>d)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>			Wahr	Falsch	a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	d)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																				
	Wahr	Falsch																																				
a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																																				
b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																																				
c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																																				
d)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																																				
3	<p>Gesucht sind die Funktionen, deren Graph die waagrechte Asymptote $y = 2$ besitzt.</p> <p>a) $f(x) = 2x^2 + 5$ b) $f(x) = \frac{2x+3}{x^2-1}$</p> <p>c) $f(x) = \frac{x^2+1}{2x^2}$ d) $f(x) = 2 + \frac{1}{x^2}$</p> <p>e) $f(x) = \frac{2x+1}{x-3}$ f) $f(x) = \frac{4x^2-5}{2x^2-4}$</p>	<p>Graph hat $y = 2$ als waagrechte Asymptote</p> <p>a) <input type="checkbox"/> b) <input type="checkbox"/></p> <p>c) <input type="checkbox"/> d) <input type="checkbox"/></p> <p>e) <input type="checkbox"/> f) <input type="checkbox"/></p>																																				
4	<p>Geben Sie, wenn vorhanden, die Gleichung der waagrechten Asymptoten an.</p> <p>a) $f(x) = \frac{x^2+4x}{x^3+6}$ b) $g(x) = \frac{x^2+2x}{x^2+3}$</p> <p>c) $h(x) = \frac{6x^2+3x}{3x^2-1}$ d) $m(x) = \frac{2x^3}{x+1}$</p>	<p>a) _____</p> <p>b) _____</p> <p>c) _____</p> <p>d) _____</p>																																				
5	<p>Für $x \rightarrow \infty$ gilt: „e^x dominiert x^n.“ Welche Aussage ist dann richtig?</p> <p>a) Für $x \rightarrow \infty$ gilt dann $e^x \cdot x^2 \rightarrow \infty$.</p> <p>b) Es existiert eine Zahl $k > 0$ mit $e^k > k^2$.</p> <p>c) Für $x \rightarrow \infty$ gilt dann $\frac{x^3}{e^x} \rightarrow \infty$</p>	<table><tr><th></th><th>Richtig</th><th>Falsch</th></tr><tr><td>a)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>b)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>c)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>			Richtig	Falsch	a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																							
	Richtig	Falsch																																				
a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																																				
b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																																				
c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																																				

Name: _____ Klasse: _____

 r/f
/n

1 Was wurde vom Graphen A zum Graphen B verändert? Ordnen Sie jeder Abbildung die passende Aussage zu.

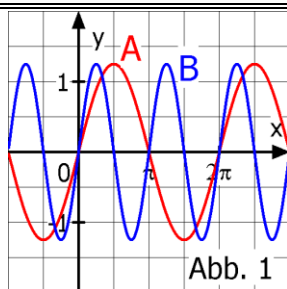


Abb. 1

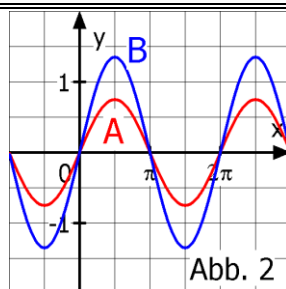


Abb. 2

Die Periode wurde halbiert.

Die Periode wurde verdoppelt.

Die Amplitude wurde halbiert.

Die Amplitude wurde verdoppelt.

2 Gegeben sind die Funktionen f und g mit $f(x) = -\sin(3(x + \frac{\pi}{2}))$ und $g(x) = \sin(\frac{\pi}{4}(x - 3))$. Welche Aussage trifft zu?

a) Für die Amplitude a gilt: $|a| = 1$.

b) Die Periode ist $p = 8$.

c) Graph ist gegenüber dem Graphen von $\sin(x)$ um 3 in die positive x -Richtung verschoben.

d) Graph ist gegenüber dem Graphen von $\sin(x)$ um $\frac{\pi}{2}$ in die negative x -Richtung verschoben.

Die Aussage trifft zu für den Graphen von

f **g**

 a) ☐ ☐

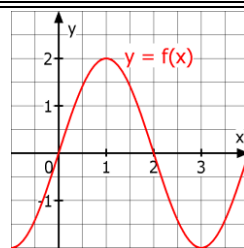
 b) ☐ ☐

 c) ☐ ☐

 d) ☐ ☐

3 Ermitteln Sie anhand der Tabelle und dem Graphen die Amplitude, Periode und Gleichung von f .

x	0	0,5	1	1,5	2	2,5	3	3,5
f(x)	0	1,41	2	1,41	0	-1,41	-2	-1,41



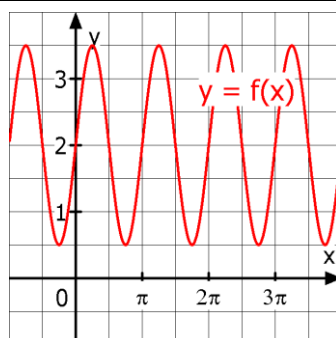
Amplitude = ____

Periode = ____

 $f(x) = _ \cdot \sin(_ \cdot x)$

4 Welche der Funktionsgleichungen passen zu dem Graphen? Füllen Sie die Tabelle aus (Werte auf 2 Dezimalen gerundet):

x	-0,5	0	1	4	6
f(x)					


 $f(x) =$
☐ $1,5\sin(\frac{1}{2}x) + 2$
☐ $1,5\cos(2(x - \frac{\pi}{4})) + 2$
☐ $1,5\sin(2(x - \pi)) + 2$
☐ $1,5\sin(2x) + 2$
☐ $1,5\cos(2(x + \frac{\pi}{4})) + 2$

5 Gegeben ist die Funktion f mit $f(x) = 3\sin(\pi x)$. Geben Sie alle Nullstellen (NS) und Extremstellen (ES) im Intervall $0 < x \leq 3$ an.

NS: _____

ES: _____

6 Geben Sie die Ableitung an:

a) $f(x) = 5 \cdot \sin(3x) - \cos(x)$

b) $g(x) = 2 \cdot \sin(8(x + 3))$

 $f'(x) =$
 $g'(x) =$

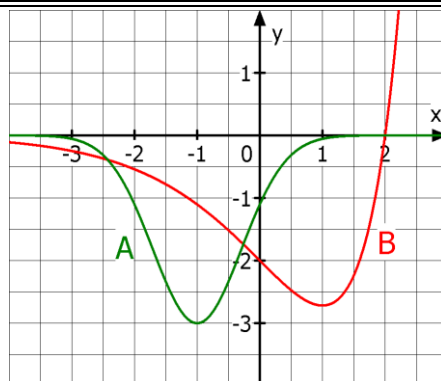
Name:

Klasse:

r/f
/n

1 Treffen die folgenden Eigenschaften auf die Graphen A und B zu?

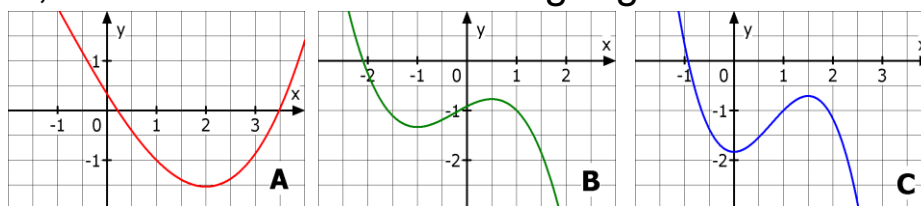
- a) Der Graph hat einen Tiefpunkt.
b) Die Steigung ist immer negativ.
c) Die x-Achse ist Asymptote für $x \rightarrow \pm\infty$.
d) Für $x < 1$ ist die Steigung negativ.
e) Der Graph besitzt zwei Wendepunkte.
f) Der Graph verläuft nie oberhalb der x-Achse.



Die Eigenschaft **trifft zu** für

	Graph A	Graph B
a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
d)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
e)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
f)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

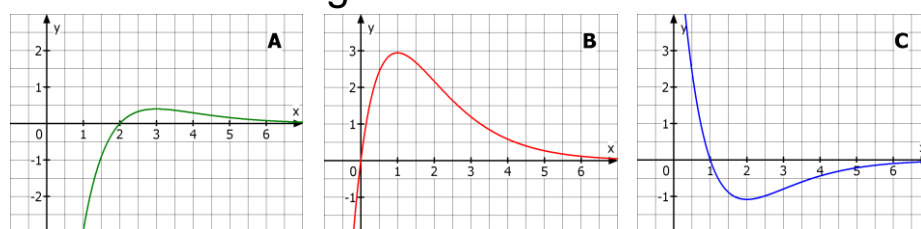
2 Für eine Funktion f soll gelten: $f(1) = -1$, $f'(1) = -1$ und $f''(1) < 0$. Welcher der Graphen A, B oder C erfüllt alle Bedingungen?



Der gesuchte Graph ist

- A ☐
B ☐
C ☐

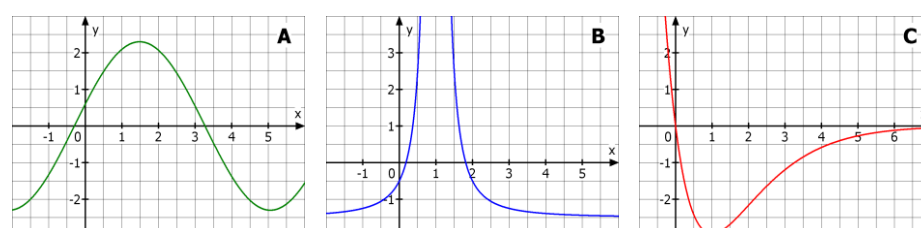
3 Die drei Abbildungen zeigen die Graphen einer Funktion f und ihre Ableitungen f' und f'' . Ordnen Sie richtig zu.



Graph von

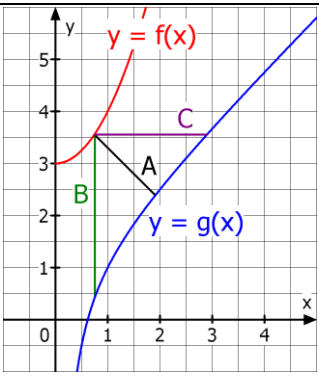
f _____
 f' _____
 f'' _____

4 Die Abbildungen gehören je zu einer gebrochen-rationalen Funktion, zu einer Exponentialfunktion und zu einer trigonometrischen Funktion. Ordnen Sie richtig zu.

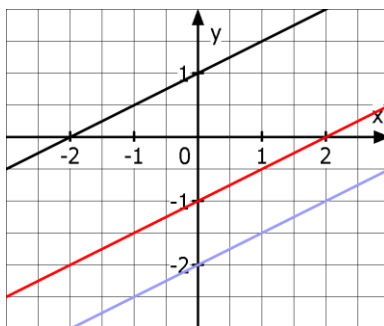
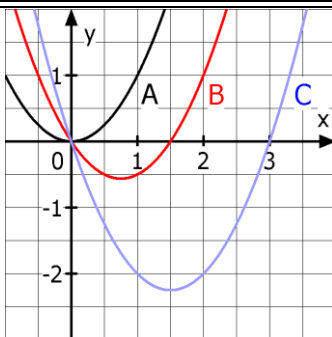


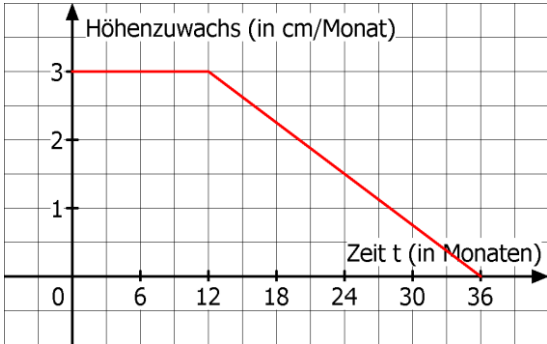
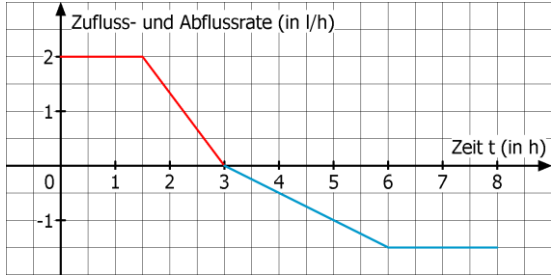
Graph einer

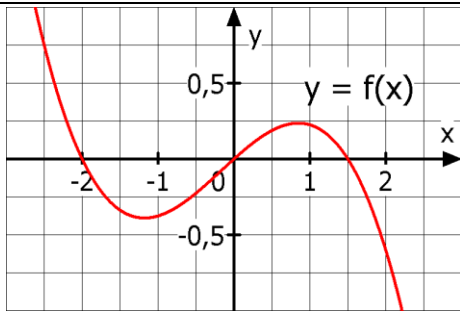
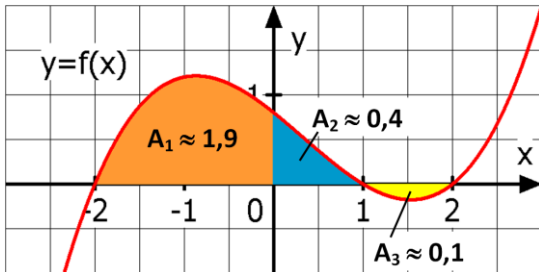
- _____ gebrochen-rationalen Funktion
_____ Exponentialfunktion
_____ trigonometrischen Funktion

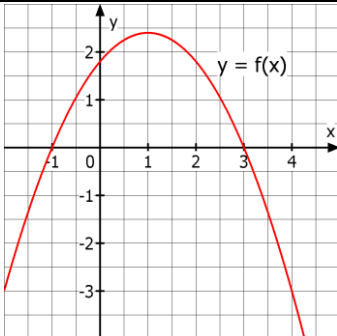

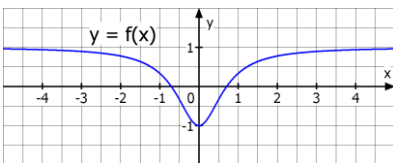
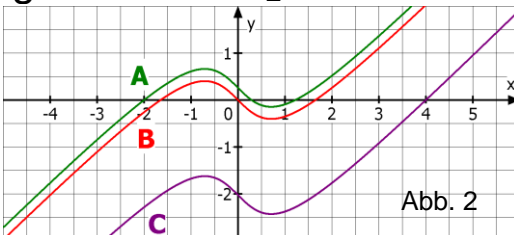
WADI Kursstufe C35		Extremwertprobleme	
Name: _____		Klasse: _____	
		r/f /n	
1	<p>Gegeben sind für $x > 0$ die Funktionen f mit $f(x) = x^2 + 3$ und g mit $g(x) = \frac{x^2+x-1}{x}$.</p> <p>a) Zeigt A, B oder C den Abstand der Graphen für $x=0,75$?</p> <p>b) Berechnen Sie die Stelle des minimalen Abstand der Graphen.</p>		<p>a) Richtig ist:</p> <p>A <input type="checkbox"/></p> <p>B <input type="checkbox"/></p> <p>C <input type="checkbox"/></p> <p>b) Stelle: $x = \underline{\hspace{2cm}}$</p>
2	<p>Die zweimal differenzierbare Funktion f stellt den Gewinn eines Unternehmens im Laufe eines Jahres dar (x in Monaten, $f(x)$ in Mio. €).</p> <p>Ordnen Sie den Textbeispielen den passenden mathematischen Ausdruck zu.</p> <p>A: Der Monat mit dem höchsten Gewinn</p> <p>B: Der größte erzielte Gewinn im Jahr</p> <p>C: Der Gewinn im Monat März</p> <p>D: Ein Gewinnzuwachs von 3 Mio. €</p>	<p>Ordnen Sie zu:</p> <p>___ $f(3)$</p> <p>___ Funktionswert des Hochpunkts</p> <p>___ $f'(x) = 3$</p> <p>___ x-Wert des Hochpunkts</p>	
3	<p>Lea will mit einer Schnur der Länge $U = 3,58 \text{ m}$ ein Rechteck mit den Seitenlängen x und y (in m) mit einem möglichst großen Flächeninhalt A abstecken.</p> <p>a) Welcher Ansatz passt zu dieser Aufgabe?</p> <p>$U(x)=3,58$ gesucht: Maximum von $U = 2x+2y$</p> <p>$U(x)=2x+y$ gesucht: Maximum von $A = x \cdot y$</p> <p>$3,58=2x+2y$ gesucht: Maximum von $U = 2x+2y$</p> <p>$3,58=2x+2y$ gesucht: Maximum von $A = x \cdot y$</p> <p>b) Welche Funktion beschreibt das Problem?</p> <p>A: $f(x) = (3,58 - 2x) : 2x$ B: $f(x) = 3,58x - 2x^2$</p> <p>C: $f(x) = 1,79x - x^2$ D: $f(x) = 1,79x - 2x^2$</p>	<p>a)</p> <p>Richtig ist der Ansatz:</p> <p><input type="checkbox"/></p> <p><input type="checkbox"/></p> <p><input type="checkbox"/></p> <p><input type="checkbox"/></p> <p>b)</p> <p>A <input type="checkbox"/> B <input type="checkbox"/></p> <p>C <input type="checkbox"/> D <input type="checkbox"/></p>	
4	<p>Der Umsatz eines Pizzaservice lässt sich für die letzten 20 Tage beschreiben durch U mit $U(t) = 0,1t^3 - 2,3t^2 + 300$ (t in Tagen, $U(t)$ in €).</p> <p>a) An welchem Tag war der Umsatz am geringsten?</p> <p>b) An welchem Tag war der Umsatzrückgang am größten?</p>	<p>Richtig ist:</p> <p>a) <input type="checkbox"/> am 1. Tag</p> <p><input type="checkbox"/> am 15. Tag</p> <p><input type="checkbox"/> am 16. Tag</p> <p>b) <input type="checkbox"/> am 7. Tag</p> <p><input type="checkbox"/> am 8. Tag</p> <p><input type="checkbox"/> am 15. Tag</p>	

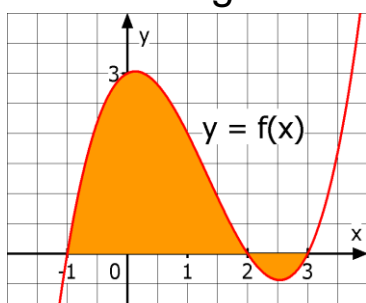
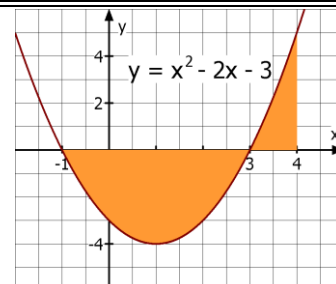
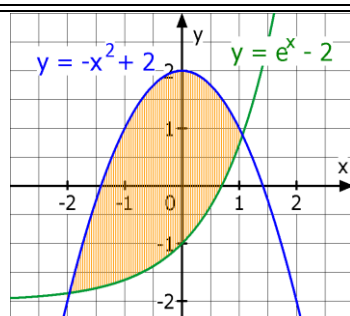
[illegible]

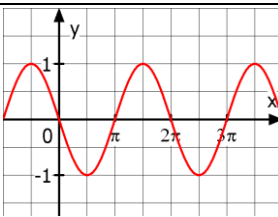
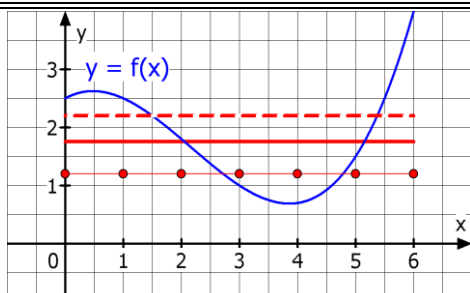



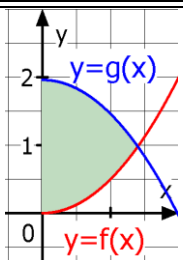
WADI Kursstufe C37		Funktionenscharen																			
Name: _____ Klasse: _____		r/f /n																			
1	<p>Sind die Aussagen zu einer Funktionenschar f_t richtig oder falsch:</p> <p>a) Zu jedem Wert des Parameters t gehört eine eigene Funktion mit einem eigenen Graphen.</p> <p>b) Es gilt immer $f_t(x) = f_x(t)$ für alle x und t.</p> <p>c) Beim Ableiten von $f_t(x)$ wird t wie eine Konstante behandelt.</p>	<table><tr><td></td><td>Richtig</td><td>Falsch</td></tr><tr><td>a)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>b)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>c)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>		Richtig	Falsch	a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>							
	Richtig	Falsch																			
a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																			
b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																			
c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																			
2	<p>Welche der Funktionen gehört zur Funktionenschar f_t mit $f_t(x) = t - e^{-tx}$ ($t \geq 0, x \in \mathbb{R}$)?</p> <p>a) $g(x) = 1 - e^{-x}$ b) $h(x) = e^{-x}$ c) $m(x) = 2 - \frac{1}{e^{2x}}$</p> <p>d) $n(x) = -2 - e^{2x}$ e) $p(x) = 2 - e^{2x}$</p>	<table><tr><td></td><td>Ja</td><td>Nein</td></tr><tr><td>a)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>b)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>c)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>d)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>e)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>		Ja	Nein	a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	d)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	e)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	
	Ja	Nein																			
a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																			
b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																			
c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																			
d)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																			
e)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																			
3	<p>Die Graphen f_{-1}, f_1 und f_2 gehören zu einer Funktionenschar f_t. Wie lautet ein Term für $f_t(x)$?</p> <p>a) $f_t(x) = 0,5tx + 1$</p> <p>b) $f_t(x) = 0,5tx + t$</p> <p>c) $f_t(x) = 0,5x + t$</p> <p>d) $f_t(x) = 0,5x - t$</p>	 <p>Die richtige Schargleichung ist:</p> <p>a) <input type="checkbox"/></p> <p>b) <input type="checkbox"/></p> <p>c) <input type="checkbox"/></p> <p>d) <input type="checkbox"/></p>																			
4	<p>Die Graphen A, B und C gehören zu der Funktionenschar f_t mit $f_t(x) = x^2 - tx$ mit $t \geq 0$ und $x \in \mathbb{R}$. Geben Sie zu jedem Graphen den zugehörigen Wert von t an.</p>	 <p>A $t =$ _____</p> <p>B $t =$ _____</p> <p>C $t =$ _____</p>																			
5	<p>Die Graphen einer Funktionenschar</p> <p>a) verlaufen immer parallel zueinander.</p> <p>b) können einen gemeinsamen Punkt besitzen.</p> <p>c) haben für $x = 0$ alle die selbe Steigung.</p>	<table><tr><td></td><td>Richtig</td><td>Falsch</td></tr><tr><td>a)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>b)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>c)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>		Richtig	Falsch	a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>							
	Richtig	Falsch																			
a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																			
b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																			
c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																			
6	<p>Ordnen Sie den gegebenen Funktionenscharn f_t die richtige Ableitungsfunktion zu:</p> <p>A $f_t(x) = 4x^2 - e^{tx}$</p> <p>B $f_t(x) = 4tx^2 - e^x$</p>	<p>_____ $f'_t(x) = 8x - e^{tx}$</p> <p>_____ $f'_t(x) = 8x - te^{tx}$</p> <p>_____ $f'_t(x) = 8tx - e^x$</p> <p>_____ $f'_t(x) = 8x - e^x$</p>																			




WADI Kursstufe C38		Änderung und Gesamtänderung	
Name: _____ Klasse: _____		r/f /n	
1	<p>Durch eine Pipeline fließt Öl. Dabei wird die momentane Durchflussrate gemessen. Diese misst, welche Menge an Öl ...</p> <p>a) .. insgesamt an einem ganzen Tag durch die Pipeline strömt.</p> <p>b) .. durch die Pipeline strömt.</p> <p>c) .. pro Zeiteinheit durch die Pipeline strömt.</p> <p>d) .. im Durchschnitt durch die Pipeline strömt.</p>	<p>Richtig ist:</p> <p>a) <input type="checkbox"/></p> <p>b) <input type="checkbox"/></p> <p>c) <input type="checkbox"/></p> <p>d) <input type="checkbox"/></p>	
2	<p>Eine Pflanze wächst nach dem Einpflanzen in die Höhe.</p> <p>a) Wie viel cm wächst sie im 6. Monat?</p> <p>b) Um wie viel wächst sie innerhalb der ersten 12 Monate?</p> <p>c) Um wie viel in den folgenden zwei Jahren?</p> <p>d) Wie hoch ist sie nach drei Jahren, wenn sie beim Einpflanzen 10 cm hoch war?</p>	 <p>a) _____ cm</p> <p>b) _____ cm</p> <p>c) _____ cm</p> <p>d) _____ cm</p>	
3	<p>Der Graph zeigt die Zu- bzw. Abflussrate in einen Gartenteich für einen Zeitraum von 8 Stunden.</p> <p>a) Welche Wassermenge fließt in diesem Zeitraum zu?</p> <p>b) Welche Menge fließt ab?</p> <p>c) Wie groß ist die Gesamtänderung der Wassermenge im Gartenteich?</p>	 <p>Kreuzen Sie an:</p> <p>a) <input type="checkbox"/> 6 l <input type="checkbox"/> 4,5 l <input type="checkbox"/> 5,25 l</p> <p>b) <input type="checkbox"/> 7,5 l <input type="checkbox"/> 4,5 l <input type="checkbox"/> 5,25 l</p> <p>c) Zufluss von _____ l oder Abfluss von _____ l</p>	
4	<p>Für die Gesamtänderung einer Größe ...</p> <p>a) .. zählt man Flächeninhalte unterhalb der x-Achse negativ.</p> <p>b) .. addiert man alle Flächeninhalte.</p> <p>c) .. benötigt man den Ausgangswert der Größe nicht.</p>	<p>Richtig Falsch</p> <p>a) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>b) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>c) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p>	

WADI Kursstufe C39		Stammfunktion, Integral	
Name: _____ Klasse: _____		r/f /n	
1	Ist die Stammfunktion F zu f richtig berechnet? a) $f(x) = 0,2 \cdot x^3$, $F(x) = 0,05 \cdot x^4 + 6$ b) $f(x) = \frac{3}{x} + \frac{4}{x^2}$, $F(x) = 3 \cdot \ln x - \frac{4}{x}$ c) $f(x) = e^{2x}$, $F(x) = e^{2x}$ d) $f(x) = 3\sin(2x)$, $F(x) = -1,5\cos(2x)$	F(x) richtig? Ja Nein a) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> b) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> c) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> d) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	
2	Sei f eine auf I = (a;b) differenzierbare Funktion. a) Die Funktion f hat genau eine Ableitung, aber viele Stammfunktionen F. b) Sind F und G Stammfunktionen zu f, so ist auch die Summe F+G eine Stammfunktion zu f. c) Ist F Stammfunktion zu f, so gilt $f'(x) = F(x)$. d) Stammfunktionen von f unterscheiden sich nur durch eine Konstante.	Richtig Falsch a) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> b) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> c) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> d) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	
3	Gegeben ist die Funktion f mit $f(x) = 3x^2 - 4x$. Der Graph welcher Stammfunktion F zu f verläuft durch den Punkt P(1 4)?	<input type="checkbox"/> $F(x) = x^3 - 2x^2 + 4$ <input type="checkbox"/> $F(x) = x^3 - 2x^2 + 5$ <input type="checkbox"/> keine ist richtig	
4	F sei eine Stammfunktion zu dem dargestellten Graphen der Funktion f. Welche der Aussagen über die Stammfunktion F sind wahr, welche falsch? a) F hat bei x = -2 ein lokales Maximum. b) F hat für $-2 \leq x \leq 2$ genau zwei Wendestellen. c) Es gilt immer $F(0) = F(1,5)$.	 Wahr Falsch a) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> b) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> c) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	
5	Bestimmen Sie das Integral mithilfe der Flächeninhalte. a) $\int_{-2}^0 f(x) dx$ b) $\int_{-2}^1 f(x) dx$ c) $\int_0^2 f(x) dx$ d) $\int_{-2}^2 f(x) dx$	 a) _____ b) _____ c) _____ d) _____	
6	Berechnen Sie: a) $\int_0^3 x^2 dx$ b) $\int_{-1}^3 3x^2 dx$ c) $\int_{-2}^{-1} (-2x) dx$	a) _____ b) _____ c) _____	

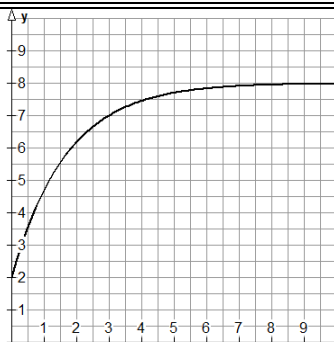
WADI Kursstufe C40		Integralfunktion					
Name: _____ Klasse: _____		r/f /n					
1	Entscheiden Sie, ob jeweils eine Integralfunktion zu f mit $f(x) = x - 1$ vorliegt. a) $\int_2^x f(t)dt$ b) $\int_2^5 f(t)dt$ c) $\frac{1}{2}x^2 - x - 4$ d) $\int_0^t f(t)dt$	Integralfunktion Ja Nein a) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> b) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> c) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> d) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>					
2	Sind die Aussagen zu Integralfunktionen I von f wahr oder falsch? a) $I_{-1}(x) > 0$ für $-1 < x \leq 3$. b) $I_3(x) < 0$ für $x > 3$. c) $I_{2,5}(4) > 0$ d) $I_3(3) = 0$ und $I_2(2) \neq 0$	 Wahr Falsch a) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> b) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> c) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> d) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>					
3	Wie lautet die Integralfunktion I_a zur Funktion f? a) $f(x) = x - 2$; a = 0 b) $f(x) = x^2 + 3$; a = -1	a) $I_0(x) = \underline{\hspace{2cm}}$ b) $I_{-1}(x) = \underline{\hspace{2cm}}$					
4	Welcher GTR Befehl stellt die Integralfunktion I_1 zur Funktion f mit $f(x) = x^2$ dar?  <div>Plot1 Plot2 Plot3 Y1=fnInt(X^2,1,X)</div> <div>Plot1 Plot2 Plot3 Y1=fnInt(X^2,X,X,1)</div> <div>Plot1 Plot2 Plot3 Y1=fnInt(X^2,X,1,X)</div> <div>Plot1 Plot2 Plot3 Y1=fnInt(X,X^2,1,X)</div>	Kreuzen Sie das Feld mit dem richtigen Befehl an: <table border="1" data-bbox="1163 1162 1415 1292"><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr></table>					
5	Den Graphen einer Funktion f zeigt Abb. 1. In Abb. 2 sind Stammfunktionen von f dargestellt. Ist eine davon die Integralfunktion I_{-2} ?  Abb. 1  Abb. 2	A <input type="checkbox"/> B <input type="checkbox"/> C <input type="checkbox"/> keine <input type="checkbox"/>					
6	a) Integralfunktionen enthalten immer Integralzeichen. b) Integralfunktionen sind spezielle Stammfunktionen. c) Die Funktionswerte einer Integralfunktion erhält man mithilfe der orientierten Flächeninhalte.	Richtig Falsch a) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> b) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> c) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>					

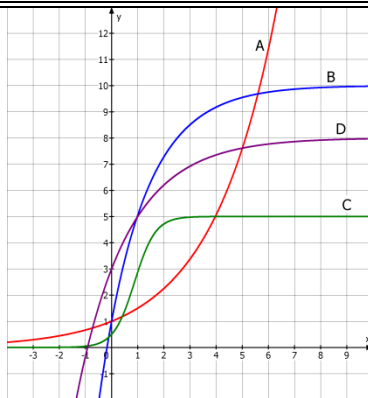
WADI Kursstufe C41		Flächen										
Name: _____ Klasse: _____		r/f /n										
1	<p>Welcher Term berechnet den Inhalt der gefärbten Fläche?</p> <p>a) $\int_{-1}^3 f(x)dx$</p> <p>b) $\int_{-1}^2 f(x)dx + \int_2^3 (-f(x))dx$</p> <p>c) $\int_{-1}^2 f(x)dx - \int_2^3 f(x)dx$</p> <p>d) $\int_{-1}^3 f(x)dx$</p>		<p>a) <input type="checkbox"/></p> <p>b) <input type="checkbox"/></p> <p>c) <input type="checkbox"/></p> <p>d) <input type="checkbox"/></p>									
2	<p>Berechnen Sie den Inhalt A der gefärbten Fläche. Die für die Berechnung notwendigen Grenzen sollen abgelesen werden.</p>		<p>A = _____</p>									
3	<p>Berechnen Sie den Flächeninhalt A, den der Graph der Funktion f mit $f(x) = x^3 - 3x$ im Intervall $[-2 ; 3]$ mit der x-Achse einschließt.</p>		<p>A = _____</p>									
4	<p>Die Funktion schließt mit der x-Achse eine Fläche ein. Berechnen Sie den Inhalt A der Fläche.</p> <p>a) $f(x) = -x^2 + 9$</p> <p>b) $f(x) = x \cdot (x + 4) \cdot (x - 2)$</p>		<p>a) A = _____</p> <p>b) A = _____</p>									
5	<p>a) Berechnen Sie die Schnittstellen der beiden Graphen näherungsweise.</p> <p>b) Berechnen Sie den Inhalt A der gefärbten Fläche. Geben Sie das Ergebnis auf 2 Dezimalen gerundet an.</p>		<p>a) Schnittstellen</p> <p>$x_1 = \underline{\hspace{2cm}}$</p> <p>$x_2 = \underline{\hspace{2cm}}$</p> <p>b) A = _____</p>									
6	<p>Gegeben ist $\int_a^b (f(x) - g(x))dx$ mit $I = [a; b]$.</p> <p>a) Das Integral berechnet immer den Inhalt der Fläche zwischen den Graphen von f und g.</p> <p>b) Das Integral berechnet den Inhalt der Fläche zwischen den Graphen von f und g, wenn $f(x) \geq g(x)$ für alle $x \in I$.</p>		<table><tr><td></td><td>Wahr</td><td>Falsch</td></tr><tr><td>a)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>b)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>		Wahr	Falsch	a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
	Wahr	Falsch										
a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>										
b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>										
7	<p>Berechnen Sie für $z \rightarrow \infty$.</p> <p>a) $\int_1^z \frac{1}{x^2} dx$</p> <p>b) $\int_0^z 2e^{-x} dx$</p>		<p>a) _____</p> <p>b) _____</p>									

WADI Kursstufe C42		Mittelwerte und Rotationskörper																
Name: _____ Klasse: _____		r/f /n																
1	<p>Geben Sie den Mittelwert \bar{m} für f mit $f(x) = -\sin(x)$ auf dem Intervall</p> <p>a) $[0 ; 2\pi]$ b) $[0 ; 3\pi]$ an.</p>		<p>a) $\bar{m} = \underline{\hspace{2cm}}$</p> <p>b) $\bar{m} = \underline{\hspace{2cm}}$</p>															
2	<p>Welche der eingezeichneten Strecken veranschaulicht den Mittelwert der Funktion f auf dem Intervall $[0 ; 6]$?</p>		<p>Die</p> <p><input type="checkbox"/> gestrichelte</p> <p><input type="checkbox"/> durchgezogene</p> <p><input type="checkbox"/> gepunktete</p> <p>Strecke.</p>															
3	<p>Man berechnet den Mittelwert \bar{m} einer stetigen Funktion f auf dem Intervall $[1 ; 5]$ durch</p> <p>a) $\bar{m} = \frac{1}{5} (f(1) + f(2) + f(3) + f(4) + f(5))$</p> <p>b) $\bar{m} = \frac{1}{4} \cdot \int_1^5 f(x) dx$ c) $\bar{m} = \frac{1}{5} \cdot \int_1^5 f(x) dx$</p> <p>d) $\bar{m} = \int_1^5 (\frac{1}{4} \cdot f(x)) dx$</p>	<table><tr><td></td><td>Richtig</td><td>Falsch</td></tr><tr><td>a)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>b)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>c)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>d)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>		Richtig	Falsch	a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	d)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	
	Richtig	Falsch																
a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
d)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
4	<p> Die Herstellungskosten K eines Hutes werden durch $K(x) = \frac{x+5}{x+1}$ modelliert. $K(x)$ sind die Kosten in € für den x-ten Hut. Berechnen Sie die mittleren Kosten für die ersten 5 Hüte mit</p> <p>a) den Kosten $K(1), K(2), \dots, K(5)$</p> <p>b) einem geeigneten Integral.</p> <p>c) Welches Ergebnis ist die exakte Lösung?</p>	<p>a) _____ €</p> <p>b) _____ €</p> <p>c) Exakte Lösung:</p> <p><input type="checkbox"/> a)</p> <p><input type="checkbox"/> b)</p>																
5	<p>Der Graph der Funktion f rotiert in $I = [a ; b]$ um die x-Achse. Welcher Drehkörper entsteht?</p> <p>a) $f(x) = 2 ; I=[0 ; 3]$ b) $f(x) = -2x+4 ; I=[0;2]$</p>	<p>___ Kugel</p> <p>___ Kegel</p> <p>___ Zylinder</p>																
6	<p> Der Graph von f mit $f(x) = x \cdot \sqrt{6-x}$ begrenzt mit der x-Achse eine Fläche, die um die x-Achse rotiert. Welches Volumen hat der Drehkörper?</p>	<p>$V =$</p> <table><tr><td>108</td><td><input type="checkbox"/></td><td>23,52</td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>339,29</td><td><input type="checkbox"/></td><td>34,38</td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>	108	<input type="checkbox"/>	23,52	<input type="checkbox"/>	339,29	<input type="checkbox"/>	34,38	<input type="checkbox"/>								
108	<input type="checkbox"/>	23,52	<input type="checkbox"/>															
339,29	<input type="checkbox"/>	34,38	<input type="checkbox"/>															
7	<p> Rotiert die gefärbte Fläche um die x-Achse, so entsteht ein Rotationskörper. Welches Volumen erhält man für f mit $f(x) = 0,5x^2$ und g mit $g(x) = -0,5x^2 + 1,96$?</p>		<p>Volumen V (gerundet)</p> <table><tr><td>3,59</td><td><input type="checkbox"/></td><td>9,02</td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>2,87</td><td><input type="checkbox"/></td><td>11,26</td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>	3,59	<input type="checkbox"/>	9,02	<input type="checkbox"/>	2,87	<input type="checkbox"/>	11,26	<input type="checkbox"/>							
3,59	<input type="checkbox"/>	9,02	<input type="checkbox"/>															
2,87	<input type="checkbox"/>	11,26	<input type="checkbox"/>															

WADI Kursstufe C43		Exponentielles Wachstum																						
Name: _____ Klasse: _____		r/f /n																						
1	<div></div> Gegeben sind die Funktionen f und g mit $f(x) = 2 \cdot e^{kx}$ und $g(x) = c \cdot e^{3x}$ sowie der Punkt $P(1 4)$, der auf den Graphen von f und g liegt. Bestimmen Sie k und c und geben Sie die Ergebnisse auf 2 Dezimalen gerundet an.	$k \approx$ _____ $c \approx$ _____																						
2	Die Wachstumsfunktion $f(t) = f(0) \cdot a^t$ lässt sich umschreiben in $f(t) = f(0) \cdot e^{kt}$. Dabei gilt: a) $k = e^a$ b) $k = \ln(a)$ c) $a = e^k$ d) $a = \ln(k)$	<div>Richtig</div> <div>Falsch</div> <div>a) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></div> <div>b) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></div> <div>c) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></div> <div>d) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></div>																						
3	<div></div> Für ein Wachstum f mit $f(t) = c \cdot e^{kt}$ ist bekannt: a) $f(0) = 8, f(1) = 12$ b) $f(1) = 27, f(4) = 1$ Bestimmen Sie jeweils die Funktion f . Geben Sie c als ganze Zahl und k auf 2 Dezimalen gerundet an.	a) $f(t) = _____\cdot e^{_____\cdot t}$ b) $f(t) = _____\cdot e^{_____\cdot t}$																						
4	In einer Wertetabelle mit den x -Werten $0, 1, 2, \dots$ wachsen die y -Werte exponentiell an, wenn benachbarte Werte a) konstante Differenz, b) konstantes Produkt, c) konstanten Quotienten, d) konstante absolute Abweichung, e) konstante prozentuale Abweichung besitzen.	<div>Richtig</div> <div>Falsch</div> <div>a) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></div> <div>b) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></div> <div>c) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></div> <div>d) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></div> <div>e) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></div>																						
5	<div></div> Die Funktion B mit $B(t) = 1000 \cdot e^{0,02t}$ (t in Jahren) beschreibt das Bevölkerungswachstum einer Kleinstadt. Berechnen Sie die a) Bevölkerung nach 10 Jahren, b) prozentuale jährliche Zunahme, c) Wachstumsgeschwindigkeit nach 10 Jahren.	a) $B(10) \approx$ _____ b) $p \approx$ _____ % c) $B'(10) \approx$ _____																						
6	Für den radioaktiven Zerfall nach der Funktion f mit $f(t) = f(0) \cdot e^{-kt}$ bedeuten $f(3)$ und $f'(3)$ a) zerfallende Atome in 3 Zeiteinheiten b) zerfallene Atome zum Zeitpunkt $t = 3$ c) vorhandene Atome zum Zeitpunkt $t = 3$ d) Zerfälle pro 3 Zeiteinheiten e) Zerfälle pro Zeiteinheit zum Zeitpunkt $t = 3$ f) Zerfallsgeschwindigkeit zum Zeitpunkt $t = 3$	<div>Richtig ist für</div> <table><tr><td></td><td>$f(3)$</td><td>$f'(3)$</td></tr><tr><td>a)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>b)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>c)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>d)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>e)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>f)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>			$f(3)$	$f'(3)$	a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	d)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	e)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	f)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
	$f(3)$	$f'(3)$																						
a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																						
b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																						
c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																						
d)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																						
e)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																						
f)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																						

WADI Kursstufe C44		Beschränktes Wachstum																
Name: Klasse: 			r/f /n															
1	<p>Sind die Aussagen für ein Wachstum der Form f mit $f(t) = S - ce^{-kt}$ richtig oder falsch?</p> <p>a) Für $c > 0$ sind die Funktionswerte immer kleiner als der Wert S.</p> <p>b) Für $k < 0$ erhält man einen beschränkten Zerfall.</p> <p>c) Für $c < 0$ gilt immer $f(t) > S$.</p> <p>d) k muss sowohl bei einem beschränkten Wachstum als auch Zerfall positiv sein.</p>	<table style="margin: auto;"> <tr> <th></th> <th>Richtig</th> <th>Falsch</th> </tr> <tr> <td>a)</td> <td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td> <td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td> </tr> <tr> <td>b)</td> <td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td> <td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td> </tr> <tr> <td>c)</td> <td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td> <td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td> </tr> <tr> <td>d)</td> <td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td> <td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td> </tr> </table>			Richtig	Falsch	a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	d)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
	Richtig	Falsch																
a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
d)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
2	<p> Für ein beschränktes Wachstum ist bekannt: $B(0) = 1$ und $B(t+1) = B(t) + 0,02 \cdot (500 - B(t))$; $t \in \mathbb{N}$.</p> <p>a) Geben Sie die Schranke S an.</p> <p>b) Erstellen Sie eine Wertetabelle für $t = 1; 2; 3$.</p>	<p>a) $S = \underline{\hspace{2cm}}$</p> <p>b) Runden Sie jeweils auf ganze Zahlen.</p> <table style="margin: auto; border-collapse: collapse;"> <tr> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">t</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">1</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">2</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">3</td> </tr> <tr> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">B(t)</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;"></td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;"></td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;"></td> </tr> </table>		t	1	2	3	B(t)										
t	1	2	3															
B(t)																		
3	<p> Für ein beschränktes Wachstum gilt: $f(t) = 10 - 0,2e^{-0,05t}$.</p> <p>a) Geben Sie die Schranke S an.</p> <p>b) Bestimmen Sie den Anfangswert für $t = 0$.</p> <p>c) Bestimmen Sie die Wachstumsgeschwindigkeit zur Zeit $t = 2$ (auf 2 Dezimalen gerundet).</p>	<p>a) $S = \underline{\hspace{2cm}}$</p> <p>b) $f(0) = \underline{\hspace{2cm}}$</p> <p>c) $f'(2) \approx \underline{\hspace{2cm}}$</p>																
4	<p>Für ein beschränktes Wachstum der Form f mit $f(t) = S - ce^{-kt}$ gilt:</p> <p>a) $f(t) \rightarrow S$ für $t \rightarrow \infty$ c) $f(1) = S - c$</p> <p>b) $f(t) \rightarrow c$ für $t \rightarrow \infty$ d) $f(1) = S - \frac{c}{e^k}$</p>	<table style="margin: auto;"> <tr> <th></th> <th>Richtig</th> <th>Falsch</th> </tr> <tr> <td>a)</td> <td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td> <td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td> </tr> <tr> <td>b)</td> <td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td> <td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td> </tr> <tr> <td>c)</td> <td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td> <td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td> </tr> <tr> <td>d)</td> <td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td> <td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td> </tr> </table>			Richtig	Falsch	a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	d)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
	Richtig	Falsch																
a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
d)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
5	<p> Für ein beschränktes Wachstum der Form $f(t) = S - ce^{-kt}$ ist bekannt:</p> <p>a) $f(0) = 10$, $k = 0,05$, $S = 40$</p> <p>b) $f(0) = 5$, $f(1) = 10$, $S = 200$</p> <p>c) $f(0) = 8$, $f(1) = 7,5$, $k = 0,4$</p> <p>Bestimmen Sie jeweils näherungsweise die Gleichung der Wachstumsfunktion.</p>	<p>a) $f(t) = \underline{\hspace{2cm}}$</p> <p>b) $f(t) = \underline{\hspace{2cm}}$</p> <p>c) $f(t) = \underline{\hspace{2cm}}$</p>																
6	<p> Der Graph gehört zu einem beschränkten Wachstum. Bestimmen Sie anhand des Graphen</p> <p>a) die Schranke S</p> <p>b) den Funktionswert $B(0)$</p> <p>c) die Wachstumsgleichung.</p>	<p>a) $S =$ <input type="checkbox"/> 2 <input type="checkbox"/> 4 <input type="checkbox"/> 8 <input type="checkbox"/> 9</p> <p>b) $B(0) =$ <input type="checkbox"/> 2 <input type="checkbox"/> 4 <input type="checkbox"/> 8 <input type="checkbox"/> 9</p> <p>c) k gerundet auf eine Dezimale $f(t) = \underline{\hspace{2cm}}$</p>																

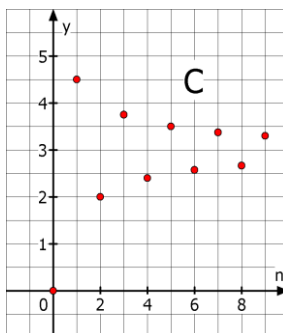
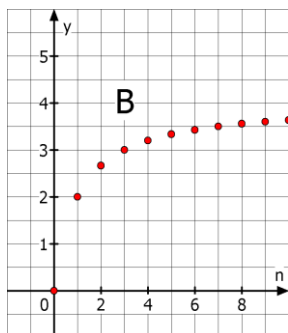
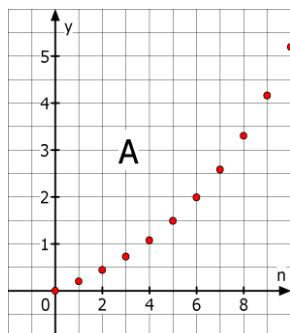


WADI Kursstufe C45		Logistisches Wachstum																										
Name: _____ Klasse: _____		r/f /n																										
1	<p>Für eine logistisches Wachstumsfunktion f gilt</p> <p>$f(t) = \frac{150}{1+14e^{-0,05t}}$</p> <p>a) Geben Sie die Schranke S an. b) Bestimmen Sie den Anfangswert für t = 0. c) Bestimmen Sie f(4) (auf 2 Dez. gerundet).</p>	<p>a) S = ____ b) f(0) = ____ c) f(4) ≈ ____</p>																										
2	<p>Für ein logistisches Wachstum der Form f mit</p> <p>$f(t) = \frac{S}{1+ae^{-kt}}$ ist bekannt:</p> <p>a) f(0)=2, k=0,05, S=80 b) f(0)=5, f(1)=10, S=100</p> <p>Bestimmen Sie jeweils näherungsweise einen Term für die Wachstumsfunktion.</p>	<p>a) f(t)=_____ b) f(t)= _____</p>																										
3	<p>Die Höhe H einer Maispflanze wird durch die folgende logistische Wachstumsgleichung modelliert: $H(t) = \frac{250}{1+49e^{-0,08t}}$; H(t) in cm; t in Tagen.</p> <p>Bestimmen Sie die bzw. den</p> <p>a) Anfangshöhe und die Höhe nach 30 Tagen b) maximal erreichbare Höhe c) Zeitpunkt mit der Höhe 1,5 m d) Zeitpunkt der größten Wachstumsgeschwindigkeit.</p>	<p>a) H(0) = __ cm H(30) ≈ __ cm b) S = ____ cm c) t ≈ ____ Tage d) t ≈ ____ Tage</p>																										
4	<p>Die Abbildung zeigt die Graphen A, B, C und D von Wachstumsfunktionen. Welches Wachstum liegt vor?</p>																											
		<p>Kreuzen Sie an: Ex... exponentiell Be... Beschränkt Lo... Logistisch K... Keines der drei</p> <table><tr><td></td><td>E</td><td>B</td><td>L</td><td>K</td></tr><tr><td>A</td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>B</td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>C</td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>D</td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr></table>			E	B	L	K	A					B					C					D				
	E	B	L	K																								
A																												
B																												
C																												
D																												
5	<p>Es soll durch eine Wachstumsfunktion modelliert werden. Welches Wachstum passt am besten?</p> <p>a) Aufwärmen einer Flüssigkeit aus dem Kühlschrank auf Raumtemperatur. b) Verbreitung eines Gerüchts durch eine Person in einer Schule. c) Wasserstand an einer Hafenmole. d) Bankguthaben bei konstanter Verzinsung.</p>	<p>Ex... exponentiell Be... Beschränkt Lo... Logistisch K... Keines der drei</p> <table><tr><td></td><td>Ex</td><td>Be</td><td>Lo</td><td>K</td></tr><tr><td>a)</td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>b)</td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>c)</td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>d)</td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr></table>			Ex	Be	Lo	K	a)					b)					c)					d)				
	Ex	Be	Lo	K																								
a)																												
b)																												
c)																												
d)																												

WADI Kursstufe C46		DGL von Wachstumsprozessen																															
Name: Klasse: 			r/f /n																														
1	<p>Die Differenzialgleichung (DGL) $f'(t) = k \cdot f(t)$</p> <p>A: kann als Lösung auch eine Zahl besitzen</p> <p>B: hat f mit $f(t) = c \cdot e^{kt}$ als Lösungsfunktion.</p> <p>C: bedeutet, dass die momentane Änderungsrate proportional zum jeweiligen Funktionswert ist.</p> <p>D: $k > 0$ beschreibt einen exponentiellen Zerfall.</p> <p>E: wird durch eine Funktion gelöst, deren Ableitung ein Vielfaches der Funktion ist.</p>	<p>Richtig ist:</p> <p>A <input type="checkbox"/></p> <p>B <input type="checkbox"/></p> <p>C <input type="checkbox"/></p> <p>D <input type="checkbox"/></p> <p>E <input type="checkbox"/></p>																															
2	<div style="display: flex; align-items: center;"> <p>Ein exponentielles Wachstum ist gegeben durch die Differenzialgleichung $f'(t) = 0,5 \cdot f(t)$ mit $f(0) = 10$. Bestimmen Sie</p> <p>a) die Lösung der Differenzialgleichung</p> <p>b) die Wachstumsgeschwindigkeit zu Beginn.</p> </div>	<p>a) <input type="checkbox"/> $f(t) = 10 \cdot e^{0,5t}$</p> <p style="margin-left: 20px;"><input type="checkbox"/> $f(t) = 0,5 \cdot e^{10t}$</p> <p style="margin-left: 20px;"><input type="checkbox"/> $f(t) = 5 \cdot e^{10t}$</p> <p>b) $f'(0) = \underline{\hspace{2cm}}$</p>																															
3	<p>Gegeben sind die Graphen zweier exponentieller Wachstumsfunktionen f und g. Geben Sie die zugehörige Differenzialgleichung anhand der Graphen an.</p>	<div style="display: flex; align-items: center;"> <div style="padding-top: 10px;"> <p>a) $f'(t) = k \cdot f(t)$</p> <p>k = <input type="checkbox"/> 0,5 <input type="checkbox"/> -0,5 <input type="checkbox"/> 2</p> <p>b) $g'(t) = k \cdot g(t)$</p> <p>k = <input type="checkbox"/> -1 <input type="checkbox"/> 1 <input type="checkbox"/> 0,1</p> </div> </div>																															
4	<p>Die Differenzialgleichung des beschränkten Wachstums ist $f'(t) = k \cdot (S - f(t))$, $k > 0$. Dies bedeutet, dass die Wachstumsgeschwindigkeit</p> <p>a) konstant k ist,</p> <p>b) betragsmäßig für $t \rightarrow \infty$ immer mehr abnimmt,</p> <p>c) den maximalen Wert S hat,</p> <p>d) proportional zum Sättigungsmanko $S - f(t)$ ist,</p> <p>e) immer positiv ist, wenn $S > f(t)$.</p>	<table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse; text-align: center;"> <thead> <tr> <th></th> <th>Richtig</th> <th>Falsch</th> </tr> </thead> <tbody> <tr><td>a)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr> <tr><td>b)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr> <tr><td>c)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr> <tr><td>d)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr> <tr><td>e)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr> </tbody> </table>			Richtig	Falsch	a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	d)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	e)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>												
	Richtig	Falsch																															
a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																															
b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																															
c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																															
d)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																															
e)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																															
5	<p>Kreuzen Sie an, welches Wachstum gegebenenfalls vorliegen kann.</p> <p>a) monoton steigender Bestand</p> <p>b) monoton fallende Änderungsrate</p> <p>c) konstante Verdopplungszeit</p> <p>d) konstante Wachstumsgeschwindigkeit</p> <p>e) durch Schranke begrenzt</p>	<p>E... Exponentiell; B... Beschränkt; L... Logistisch K... Keines der drei</p> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse; text-align: center;"> <thead> <tr> <th></th> <th>E</th> <th>B</th> <th>L</th> <th>K</th> </tr> </thead> <tbody> <tr><td>a)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr> <tr><td>b)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr> <tr><td>c)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr> <tr><td>d)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr> <tr><td>e)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr> </tbody> </table>			E	B	L	K	a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	d)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	e)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
	E	B	L	K																													
a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																													
b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																													
c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																													
d)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																													
e)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																													

WADI Kursstufe C47		Folgen																												
Name: Klasse: 			r/f /n																											
1	<p>Gegeben sind für $n \in \mathbb{N}$ die Folgen a und b mit $a(n) = n^2 + 23$ und $b(n) = 2 \cdot b(n - 1)$; $b(0)=4$. Was trifft zu?</p> <p>a) Einzelne Folgenglieder können nur mit Hilfe des Vorgängers berechnet werden.</p> <p>b) Für $n = 3$ hat das Folgenglied den Wert 32.</p> <p>c) Die Folge ist explizit dargestellt</p> <p>d) Die Folge ist rekursiv dargestellt</p> <p>e) Jedes Folgenglied kann durch das Einsetzen eines Wertes für n direkt berechnet werden.</p>	<p>Trifft zu für die Folge</p> <table style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <thead> <tr> <th></th> <th style="text-align: center;">a</th> <th style="text-align: center;">b</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>a)</td> <td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td> <td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td> </tr> <tr> <td>b)</td> <td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td> <td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td> </tr> <tr> <td>c)</td> <td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td> <td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td> </tr> <tr> <td>d)</td> <td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td> <td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td> </tr> <tr> <td>e)</td> <td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td> <td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td> </tr> </tbody> </table>			a	b	a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	d)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	e)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>									
	a	b																												
a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																												
b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																												
c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																												
d)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																												
e)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																												
2	<div style="display: flex; align-items: flex-start;"> <div style="margin-right: 10px;"> </div> <div> <p>Ordnen Sie die Graphen der richtigen Folge zu.</p> <div style="display: grid; grid-template-columns: 1fr 1fr; gap: 10px;"> <div> <p style="text-align: center;">A</p> </div> <div> <p style="text-align: center;">B</p> </div> <div> <p style="text-align: center;">C</p> </div> <div> <p style="text-align: center;">D</p> </div> </div> </div> </div>	<div style="display: flex; flex-direction: column; gap: 10px;"> <div>___ $s(n) = -1 + \frac{3n}{n+1}$</div> <div>___ $t(n) = -\cos(n \cdot \frac{\pi}{4})$</div> <div>___ $u(n) = u(n-1)+0,5$ mit $u(0) = -1$</div> <div>___ $v(n) = 2 - 3 \cdot 2^{-x}$</div> </div> <p><i>Hinweis: Verwenden Sie den GTR nur ohne seq-Modus.</i></p>																												
3	<p>Welche Folge liefert die angegebenen Werte in der Wertetabelle? Ordnen Sie zu.</p> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse; text-align: center;"> <thead> <tr> <th>n</th> <th>1</th> <th>2</th> <th>3</th> <th>4</th> <th>5</th> <th>6</th> <th>7</th> <th>8</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>A</td> <td>5</td> <td>4</td> <td>$4\frac{1}{3}$</td> <td>5</td> <td>5,8</td> <td>$6\frac{2}{3}$</td> <td>$7\frac{4}{7}$</td> <td>8,5</td> </tr> <tr> <td>B</td> <td>3</td> <td>-2</td> <td>3</td> <td>-2</td> <td>3</td> <td>-2</td> <td>3</td> <td>-2</td> </tr> </tbody> </table>	n	1	2	3	4	5	6	7	8	A	5	4	$4\frac{1}{3}$	5	5,8	$6\frac{2}{3}$	$7\frac{4}{7}$	8,5	B	3	-2	3	-2	3	-2	3	-2	<div style="display: flex; flex-direction: column; gap: 10px;"> <div>___ $s(n) = 2 - s(n-1)$ mit $s(1) = 3$</div> <div>___ $t(n) = 1 - t(n-1)$ mit $t(1) = 3$</div> <div>___ $u(n) = n + \frac{4}{n}$</div> <div>___ $v(n) = \frac{n^2+3}{n}$</div> </div>	
n	1	2	3	4	5	6	7	8																						
A	5	4	$4\frac{1}{3}$	5	5,8	$6\frac{2}{3}$	$7\frac{4}{7}$	8,5																						
B	3	-2	3	-2	3	-2	3	-2																						
4	<div style="display: flex; align-items: flex-start;"> <div style="margin-right: 10px;"> </div> <div> <p>Ordnen Sie die GTR-Abbildung A und B den richtigen ersten fünf Gliedern der angegebenen Zahlenfolge zu.</p> <div style="display: flex; justify-content: space-around;"> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; width: 45%;"> <p>A</p> <pre> Plot1 Plot2 Plot3 nMin=1 u(n)≙n²-1 u(nMin)≙ v(n)= </pre> </div> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; width: 45%;"> <p>B</p> <pre> Plot1 Plot2 Plot3 nMin=1 u(n)≙2u(n-1)-3 u(nMin)≙43 v(n)= </pre> </div> </div> </div> </div>	<div style="display: flex; flex-direction: column; gap: 10px;"> <div>___ 0; 3; 8; 15; 24</div> <div>___ -1; 0; 3; 8; 15</div> <div>___ 4; 5; 7; 11; 19</div> <div>___ 5; 7; 11; 19; 34</div> </div>																												
5	<p>Stellen Sie die Folge a bzw. b mit</p> <p>a) $a(n) = a(n - 1) + 2$, $a(0) = 0$ explizit dar.</p> <p>b) $b(n) = 2n + 1$, mit $n \geq 0$ rekursiv dar.</p>	<p>a) $a(n) = \underline{\hspace{2cm}}$</p> <p>b) $b(n) = \underline{\hspace{2cm}}$ mit $b(\underline{\hspace{1cm}}) = \underline{\hspace{1cm}}$</p>																												

Name: _____ Klasse: _____

r/f
/n**1** Gegeben sind die Graphen von Folgen.

Die Folge in der Abbildung ...

- a) ist streng monoton steigend.
 b) ist nicht monoton steigend.
 c) ist teilweise streng monoton fallend.
 d) ist durch $S = 4$ nach oben beschränkt.
 e) ist durch $s = 0$ nach unten beschränkt.
 f) ist beschränkt.

Trifft zu für die Folge in Abbildung

	A	B	C
a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
d)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
e)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
f)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

Hinweis: Das Verhalten der Folgen soll sich außerhalb des dargestellten Intervalls nicht ändern.

- 2** Eine Folge ist genau dann monoton steigend,
 a) wenn ein Folgenglied stets größer ist als sein Vorgänger.
 b) wenn kein Folgenglied kleiner ist als sein Vorgänger.
 c) wenn für jedes $n \in \mathbb{N}$ gilt: $a(n+1) \geq a(n)$.

	Wahr	Falsch
a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

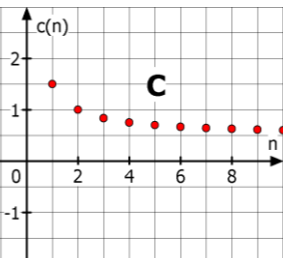
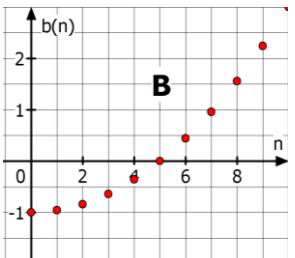
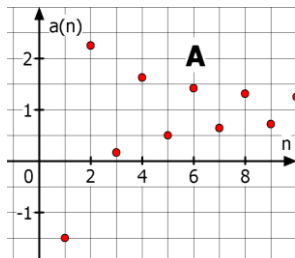
- 3** Eine Folge ist genau dann beschränkt, wenn
 a) die Werte der Folgenglieder eine Zahl S nicht über- und eine Zahl s nicht unterschreiten.
 b) eine Zahl S existiert, so dass die Werte aller Folgenglieder kleiner als S sind.
 c) eine untere Schranke für die Werte der Folgenglieder existiert.

	Wahr	Falsch
a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

- 4** Gegeben sind die Folgen a, b, c und d mit $a(n)=-n^2$, $b(n)=-\frac{3}{n}$, $c(n)=(-1)^n \cdot 2n$, $d(n)=\sin(n \cdot \pi)$
 Die Folge..
 a) ist beschränkt.
 b) ist streng monoton fallend.
 c) besitzt eine obere Schranke.
 d) besitzt weder obere noch untere Schranke.
 e) hat die obere Schranke $S = 1$.
 f) ist monoton steigend.

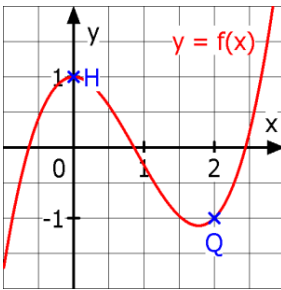

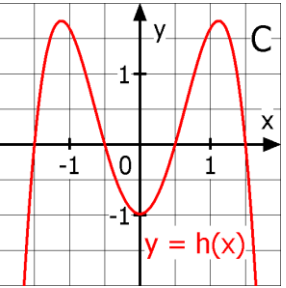
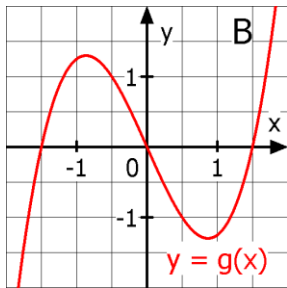
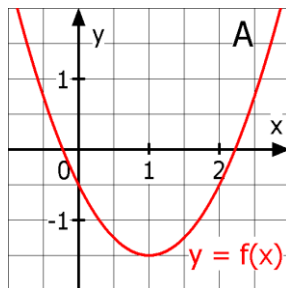
Trifft zu für die Folge

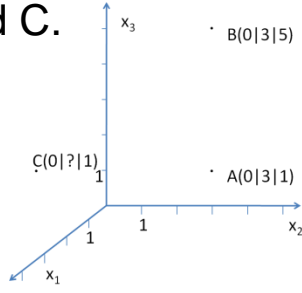
	a	b	c	d
a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
d)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
e)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
f)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

WADI Kursstufe C49		Grenzwert von Folgen																			
Name: _____ Klasse: _____		r/f /n																			
1	<p>Welcher der Graphen gehört zu einer Folge mit Grenzwert? Welchen Grenzwert vermuten Sie?</p> <div></div>	<p>_____ mit Grenzwert _____</p> <p>_____ mit Grenzwert _____</p> <p>_____ mit Grenzwert _____</p>																			
2	<p>Der Grenzwert g einer Folge a ist...</p> <p>a) der größte bzw. kleinste Wert, den die Folgenglieder für beliebiges n annehmen können.</p> <p>b) ein Wert, an den sich die Folgenglieder für wachsendes n beliebig nahe annähern.</p> <p>c) der größte Wert, den n annehmen kann.</p> <p>d) derjenige Wert für n, ab dem die Folgenglieder zum ersten Mal eine vorgegebene Grenze überschreiten.</p> <p>e) Die Zahl g, für die $\lim_{n \rightarrow \infty} a(n) = g$ gilt.</p>	<table><tr><td></td><td>Wahr</td><td>Falsch</td></tr><tr><td>a)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>b)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>c)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>d)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>e)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>			Wahr	Falsch	a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	d)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	e)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
	Wahr	Falsch																			
a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																			
b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																			
c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																			
d)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																			
e)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																			
3	<p>Ordnen Sie den Folgen – ohne Nachweis – den richtigen Grenzwert zu.</p> <p>a) $a(n) = \frac{4}{n^2}$ b) $b(n) = 3 - 0,5^n$ c) $c(n) = \frac{1+2n}{2n}$</p> <p>d) $d(n) = \frac{1}{n+3} + 6$ e) $e(n) = \frac{n+2}{n^2-4} - 1$</p>	<p>Grenzwert der Folge</p> <table><tr><td>_____ 2</td><td>_____ 0</td></tr><tr><td>_____ 6</td><td>_____ -1</td></tr><tr><td>_____ 1</td><td>_____ 3</td></tr></table>		_____ 2	_____ 0	_____ 6	_____ -1	_____ 1	_____ 3												
_____ 2	_____ 0																				
_____ 6	_____ -1																				
_____ 1	_____ 3																				
4	<p>Wahr oder falsch?</p> <p>Eine Folge a besitzt einen Grenzwert g, wenn</p> <p>a) sie streng monoton steigt.</p> <p>b) sie monoton und beschränkt ist.</p> <p>c) sie monoton steigend und beschränkt ist.</p> <p>d) sie streng monoton fällt und für alle Folgenglieder $a(n) > 0$ gilt.</p>	<table><tr><td></td><td>Wahr</td><td>Falsch</td></tr><tr><td>a)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>b)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>c)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>d)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>			Wahr	Falsch	a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	d)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>			
	Wahr	Falsch																			
a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																			
b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																			
c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																			
d)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																			
5	<p>Welche Umformung ist richtig, um den Grenzwert der Folge a mit $a(n) = \frac{10n+3}{2n+7}$ zu berechnen?</p> <p>a) $\frac{10n+3}{2n+7} = \frac{10n}{2n} + \frac{3}{7} = 5 + \frac{3}{7}$, also Grenzwert $g = 5\frac{3}{7}$</p> <p>b) $\frac{10n+3}{2n+7} = \frac{n \cdot (10+3)}{n \cdot (2+7)} = \frac{13}{9}$, also Grenzwert $g = \frac{13}{9}$</p> <p>c) $\frac{10n+3}{2n+7} = \frac{n \cdot (10+\frac{3}{n})}{n \cdot (2+\frac{7}{n})} = \frac{10+\frac{3}{n}}{2+\frac{7}{n}}$, also Grenzwert $g = 5$</p>	<p>Richtig ist die Umformung:</p> <p>a) <input type="checkbox"/></p> <p>b) <input type="checkbox"/></p> <p>c) <input type="checkbox"/></p>																			

WADI Kursstufe B30		Lösen von LGS: Gauß Verfahren	
Name: <div></div> Klasse: <div></div>		r/f /n	
1	Bestimmen Sie die Lösung des linearen Gleichungssystems (LGS): <div><div>$\begin{array}{rc$</div></div>		

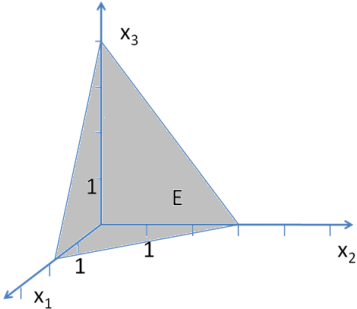
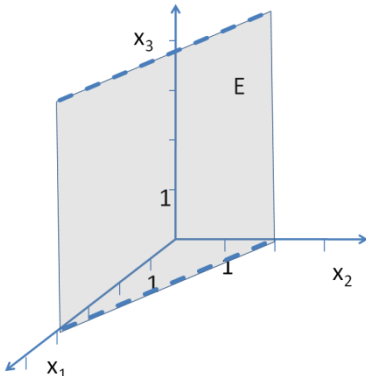
WADI Kursstufe B31		Lösungsmengen von LGS	
Name: <div></div> Klasse: <div></div>		r/f /n	
1	Wie viele Lösungen kann ein lineares Gleichungssystem (LGS) besitzen?	<div><input type="checkbox"/> mehr als eine</div> <div><input type="checkbox"/> genau zwei</div> <div><input type="checkbox"/> keine</div> <div><input type="checkbox"/> unendlich viele</div> <div><input type="checkbox"/> Anzahl der Gleichungen entspricht der Anzahl der Lösungen</div>	
2	Entscheiden Sie, wie viele Lösungen ein LGS hat, wenn der GTR Folgendes zeigt: <div><div><div>rref([A]</div><div><div><div><div>1</div><div>0</div><div>0</div><div>8</div></div><div><div>0</div><div>1</div><div>0</div><div>-1</div></div><div><div>0</div><div>0</div><div>0</div><div>0</div></div></div></div><div>A</div></div></div> <div><div>rref([B]</div><div><div><div>1</div><div>0</div><div>1</div><div>0</div></div><div><div>0</div><div>1</div><div>0</div><div>0</div></div><div><div>0</div><div>0</div><div>0</div><div>1</div></div></div></div> <div>B</div> <div><div>rref([C]</div><div><div><div>1</div><div>0</div><div>0</div><div>3</div></div><div><div>0</div><div>1</div><div>0</div><div>-2</div></div><div><div>0</div><div>0</div><div>1</div><div>6</div></div></div></div> <div>C</div>	Ordnen Sie die Buchstaben A, B und C zu. <div><div>_____ genau eine</div><div><div>_____ keine</div><div>_____ unendlich viele</div></div></div>	
3	Das LGS hat unendlich viele Lösungen. Entscheiden Sie, welche der angegebenen Zahlentripel Lösungen sind. <div><div><div><div><div><div>-x₁</div><div>+</div><div>2x₂</div><div>-</div><div>x₃</div><div>=</div><div>2</div></div></div><div><div><div>x₁</div><div>-</div><div>3x₂</div><div>+</div><div>2x₃</div><div>=</div><div>1</div></div></div><div><div><div>-</div><div>x₂</div><div>+</div><div>x₃</div><div>=</div><div>3</div></div></div></div></div></div>	<div><input type="checkbox"/> (-8 -3 0)</div> <div><input type="checkbox"/> (5 0 3)</div> <div><input type="checkbox"/> (-7 -2 1)</div> <div><input type="checkbox"/> (-11 1 -2)</div>	
4	Bestimmen Sie die Lösungsmenge von folgendem LGS. <div><div><div><div><div><div>x₁</div><div>+</div><div>3x₂</div><div>-</div><div>2x₃</div><div>=</div><div>0</div></div></div><div><div><div>-x₁</div><div>+</div><div>3x₂</div><div>+</div><div>x₃</div><div>=</div><div>4</div></div></div><div><div><div>2x₁</div><div></div><div></div><div>-</div><div>3x₃</div><div>=</div><div>2</div></div></div></div></div></div>	<div><input type="checkbox"/> (-1 1 1)</div> <div><input type="checkbox"/> keine Lösung</div> <div><input type="checkbox"/> unendlich viele Lösungen</div>	
5	Lösen Sie das LGS. <div><div><div><div><div><div>x₁</div><div>+</div><div>2x₂</div><div>+</div><div>3x₃</div><div>+</div><div>x₄</div><div>=</div><div>9</div></div></div><div><div><div>2x₁</div><div>+</div><div>x₂</div><div>-</div><div>2x₃</div><div>-</div><div>2x₄</div><div>=</div><div>-8</div></div></div><div><div><div></div><div>3x₂</div><div>-</div><div>3x₃</div><div>+</div><div>4x₄</div><div>=</div><div>15</div></div></div><div><div><div>-x₁</div><div>-</div><div>2x₂</div><div>+</div><div>x₃</div><div>+</div><div>x₄</div><div>=</div><div>1</div></div></div></div></div></div>	<div><input type="checkbox"/> (-1 2 1 3)</div> <div><input type="checkbox"/> keine Lösung</div> <div><input type="checkbox"/> unendlich viele Lösungen</div>	
6	Bestimmen Sie die Lösungsmenge. <div><div><div><div><div><div>2x₁</div><div>+</div><div>4x₂</div><div>-</div><div>6x₃</div><div>=</div><div>12</div></div></div><div><div><div>x₁</div><div>-</div><div>0,5x₂</div><div>+</div><div>2x₃</div><div>=</div><div>1</div></div></div><div><div><div>4x₁</div><div>+</div><div>3x₂</div><div>-</div><div>2x₃</div><div>=</div><div>14</div></div></div></div></div></div>	Mit x ₃ = _____ ist L={ (____ ____ ____) ____ ∈ IR }	
7	Sind folgende Aussagen wahr oder falsch? <div>a) Ein LGS mit drei Unbekannten und zwei Gleichungen hat immer unendlich viele Lösungen.</div> <div>b) Ein lineares Gleichungssystem mit drei Unbekannten und drei Gleichungen kann genau zwei Lösungen besitzen.</div> <div>c) Ein LGS mit mehr Gleichungen als Unbekannten kann eine eindeutige Lösung haben.</div>	<div><div>Wahr</div><div>Falsch</div></div> <div><div>a)</div><div><input type="checkbox"/></div><div><input type="checkbox"/></div></div> <div><div>b)</div><div><input type="checkbox"/></div><div><input type="checkbox"/></div></div> <div><div>c)</div><div><input type="checkbox"/></div><div><input type="checkbox"/></div></div>	


WADI Kursstufe B32		Bestimmung ganzrationaler Funktionen																			
Name: _____ Klasse: _____		r/f /n																			
1	Das Schaubild der Funktion f mit $f(x) = 2x^2 + bx - 4$ geht durch den Punkt $P(1 2)$. Bestimme den Funktionsterm von f .	<input type="checkbox"/> $f(x) = 2x^2 - 1,5x - 4$ <input type="checkbox"/> $f(x) = 2x^2 + 4x - 4$ <input type="checkbox"/> $f(x) = 2x^2 - 4x - 4$																			
2	Der Graph einer ganzrationalen Funktion f mit $f(x) = ax^2 + bx + c$ hat den Tiefpunkt $T(-2 1)$. Entscheiden Sie welche der folgenden Gleichungen richtig bzw. falsch sind. a) $4a - 2b + c = 1$ b) $a + b + c = -2$ c) $-4a + b = 1$ d) $2a + b = -2$ e) $-4a + b = 0$	<table><tr><th></th><th>Richtig</th><th>Falsch</th></tr><tr><td>a)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>b)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>c)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>d)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>e)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>			Richtig	Falsch	a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	d)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	e)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
	Richtig	Falsch																			
a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																			
b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																			
c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																			
d)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																			
e)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																			
3	Gegeben ist der Graph von f mit $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$. Welche Bedingungen lassen sich anhand des Graphen in den Punkten $H(0 1)$ und $Q(2 -1)$ aufstellen?		<input type="checkbox"/> $d = 1$ <input type="checkbox"/> $-1 = 8a + 4b + 2c + d$ <input type="checkbox"/> $2 = -a + b - c + d$ <input type="checkbox"/> $c = 0$ <input type="checkbox"/> $c = 1$																		
4	 Eine ganzrationale Funktion f dritten Grades hat eine Nullstelle für $x = -2$, geht durch den Punkt $P(0 -1)$ und hat den Tiefpunkt $T(-1 -4)$. Entscheiden Sie, welche der drei Abb. beim Bestimmen des Funktionsterms mit dem GTR entsteht und geben Sie den Funktionsterm an. <div><div>A <pre>rref([A]) [[1 0 0 0 -1.5 ... [0 1 0 0 -6 ... [0 0 1 0 -10.5 ... [0 0 0 1 -1 ...</pre></div><div>B <pre>rref([B]) [[1 0 0 0 -1.5] [0 1 0 0 2] [0 0 1 0 5.5] [0 0 0 1 -1]]</pre></div><div>C <pre>rref([C]) [[1 0 0 0 -1] [0 1 0 0 5.5] [0 0 1 0 2] [0 0 0 1 -1.5]]</pre></div></div>	Abbildung: <input type="checkbox"/> A <input type="checkbox"/> B <input type="checkbox"/> C $f(x) =$ <input type="checkbox"/> $3,5x^3 + 14x^2 + 13,5x - 1$ <input type="checkbox"/> $-0,5x^3 + 2x^2 + 5,5x - 1$ <input type="checkbox"/> $-x^3 + 5,5x^2 + 2x - 0,5$																			
5	Zu den Graphen von f , g und h soll ein Funktionsterm ermittelt werden. Welcher Ansatz - mit möglichst niedrigem Grad - ist hierfür geeignet? Mehrere Lösungen können möglich sein. <div></div>	A $f(x) =$ <input type="checkbox"/> $ax^2 + bx + c$ <input type="checkbox"/> $ax + b$ <input type="checkbox"/> $ax^3 + bx^2 + cx + d$ B $g(x) =$ <input type="checkbox"/> $ax^3 + cx$ <input type="checkbox"/> $ax^4 + bx^2 + c$ <input type="checkbox"/> $ax^3 + bx^2 + cx + d$ C $h(x) =$ <input type="checkbox"/> $ax^5 + bx^3 + cx$ <input type="checkbox"/> $ax^4 + bx^2 + c$ <input type="checkbox"/> $ax^4 + bx^3 + cx^2 + dx + e$																			

WADI Kursstufe B33		Abstand zweier Punkte im Raum	
Name: _____ Klasse: _____		r/f /n	
1	Gegeben ist der Vektor $\vec{u} = \begin{pmatrix} a \\ -3 \\ 4 \end{pmatrix}$. a) Bestimmen Sie den Betrag von \vec{u} für $a = 0$. b) Bestimmen Sie a so, dass \vec{u} die Länge $\sqrt{125}$ hat.	a) <input type="checkbox"/> $ \vec{u} = 1$ <input type="checkbox"/> $ \vec{u} = 5$ <input type="checkbox"/> $ \vec{u} = 7$ b) <input type="checkbox"/> $a = -10$ <input type="checkbox"/> $a = 5$ <input type="checkbox"/> $a = 10$	
2	Gegeben sind Punkte $P(1 0 -2)$ und $Q(-1 -2 a)$. a) Bestimmen Sie den Abstand PQ für $a = 4$ b) Für welche Werte von a haben P und Q den Abstand 3?	a) <input type="checkbox"/> $\sqrt{40}$ <input type="checkbox"/> $\sqrt{44}$ <input type="checkbox"/> $\sqrt{12}$ b) <input type="checkbox"/> $a = -1$ <input type="checkbox"/> $a = 0$ <input type="checkbox"/> $a = -3$	
3	Wahr oder falsch: A: Spiegelt man einen Punkt P an einem Punkt Q und erhält P', so gilt: $ \overrightarrow{PQ} = \overrightarrow{P'Q} $ B: Der Betrag eines Vektors kann nie negativ werden.	Wahr Falsch A <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> B <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	
4	Gegeben sind die Punkte $A(6 -3 -2)$ und $B(2 -3 1)$. a) Bestimmen Sie den Einheitsvektor zu \overrightarrow{AB} . b) Welcher Punkt ergibt sich, wenn man den Punkt A 10 mal in Richtung des Einheitsvektors von \overrightarrow{AB} verschiebt.	a) $ \overrightarrow{AB} = \frac{1}{} \begin{pmatrix} \\ \\ \end{pmatrix}$ b) P (____ ____ ____)	
5	Gegeben sind die Punkte A, B und C. a) Geben Sie den Abstand von A und B an. b) Ergänzen Sie die Koordinaten von C so, dass der Abstand zwischen A und C 5 LE beträgt.	 a) <input type="checkbox"/> 1 <input type="checkbox"/> 2 <input type="checkbox"/> 3 <input type="checkbox"/> 4 b) C(0 ? 1) Das ? wird ersetzt: <input type="checkbox"/> 0 <input type="checkbox"/> -1 <input type="checkbox"/> -2 <input type="checkbox"/> -3	
6	Das Dreieck ABC mit $A(4 -2 2)$, $B(6 -4 2)$ und $C(2 -6 2)$ ist gleichschenkelig mit der Basis AB. a) Bestimmen Sie die Koordinaten des Mittelpunkts M_{AB} . b) Bestimmen Sie die Länge der Strecke CM_{AB} . c) Welchen Flächeninhalt hat das Dreieck ABC?	a) $M_{AB}(\text{____} \text{____} \text{____})$ b) $ CM_{AB} = \sqrt{\text{____}} \text{ LE}$ c) $A = \text{____} \text{ FE}$	
7	Die Punkte $A(1 2 -1)$, $B(0 0 0)$ und $C(1 0 1)$ bilden ein rechtwinkliges Dreieck bei B. Bestimmen Sie den Flächeninhalt dieses Dreiecks.	$A = \frac{1}{2} \sqrt{\text{____}} \text{ FE}$	

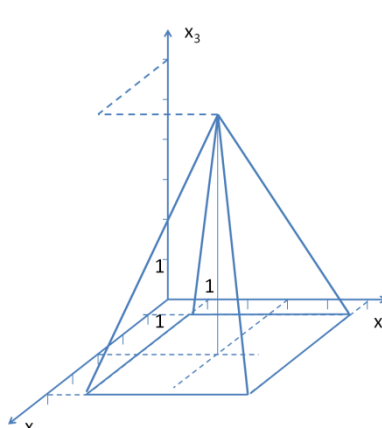
WADI Kursstufe B34		Ebenengleichungen 1	
Name: _____ Klasse: _____			r/f /n
1	<p>Welche der folgenden Gleichungen sind die Gleichung einer Ebene im Raum?</p> <p>A: $x_1 - x_3 = -11$ B: $x_1 = 0$</p> <p>C: $\left[\vec{x} - \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \right] \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ -1 \end{pmatrix} = 0$ D: $\left[\vec{x} - \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} \right] \cdot \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} = 0$</p> <p>E: $\vec{x} = r \cdot \begin{pmatrix} 3 \\ 2 \\ -1 \end{pmatrix} + s \cdot \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \\ -1 \end{pmatrix}$ F: $\vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ -1 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ -1 \end{pmatrix} + s \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ -1 \end{pmatrix}$</p>	<p>Gleichung einer Ebene im Raum sind</p> <p><input type="checkbox"/> A <input type="checkbox"/> B</p> <p><input type="checkbox"/> C <input type="checkbox"/> D</p> <p><input type="checkbox"/> E <input type="checkbox"/> F</p>	
2	<p>Durch welche geometrischen Objekte ist eine Ebene eindeutig festgelegt?</p> <p>A: Zwei sich schneidende Geraden</p> <p>B: Zwei parallele Geraden (nicht identisch)</p> <p>C: Zwei windschiefe Geraden</p> <p>D: Drei beliebige Punkte</p> <p>E: Drei Punkte, nicht auf einer Geraden liegen.</p>	<p>Richtig ist:</p> <p><input type="checkbox"/> A</p> <p><input type="checkbox"/> B</p> <p><input type="checkbox"/> C</p> <p><input type="checkbox"/> D</p> <p><input type="checkbox"/> E</p>	
3	<p>In die folgenden Ebenengleichungen haben sich Fehler eingeschlichen. Korrigieren Sie:</p> <p>A: $x_1 - 2x + 2x_3 = 1$ C: $\vec{x}_1 - 2\vec{x}_2 + 2\vec{x}_3 = 1$</p> <p>B: $\left[\vec{x} - \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} \right] \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ -1 \end{pmatrix}$ D: $\begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ -1 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} = 0$</p>	<p>A: _____</p> <p>B: _____</p> <p>C: _____</p> <p>D: _____</p>	
4	<p>Gegeben sind die Punkte P(1 2 3), Q(0 -1 2), R(2 2 1). Welche der folgenden Gleichungen stellen eine Parametergleichung der Ebene durch diese drei Punkte dar.</p> <p>A: $\vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 0 \\ -1 \\ 2 \end{pmatrix} + s \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix}$ B: $\vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} -1 \\ -3 \\ -1 \end{pmatrix} + s \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ -2 \end{pmatrix}$</p>	<p>Richtig ist:</p> <p><input type="checkbox"/> A</p> <p><input type="checkbox"/> B</p>	
5	<p>Gegeben ist die Ebene E in Normalenform:</p> <p>$\left[\vec{x} - \begin{pmatrix} 3 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} \right] \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ -1 \end{pmatrix} = 0$. Bestimmen Sie eine Gleichung der Ebene in Koordinatenform.</p>	<p>E: _____</p>	
6	<p>Gegeben ist die Ebene E: $\vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ -1 \end{pmatrix} + s \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$.</p> <p>Stellen Sie diese dar in der</p> <p>a) Koordinatenform</p> <p>b) Normalenform</p> <p>c) Hesseschen Normalenform</p>	<p>a) _____</p> <p>b) _____</p> <p>c) $\frac{\text{_____}}{\sqrt{\text{_____}}} = 0$</p>	

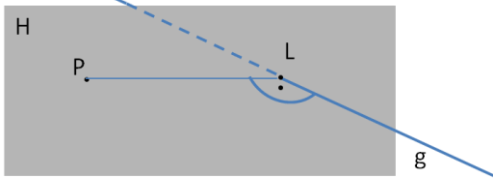


WADI Kursstufe B35		Ebenengleichungen 2																	
Name: Klasse: 			r/f /n																
1	<p>Prüfen Sie, ob der Punkt $P(1 2 -1)$ in der Ebene E liegt.</p> <p>a) $E: \vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ -1 \end{pmatrix} + s \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$</p> <p>b) $E: 6x_1 + 3x_2 + 4x_3 = 8$</p> <p>c) $E: \left[\vec{x} - \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} \right] \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ -1 \end{pmatrix} = 0$</p>	<p>Setzen Sie \in oder \notin ein:</p> <p>a) P _____ E</p> <p>b) P _____ E</p> <p>c) P _____ E</p>																	
2	<p>Gegeben ist der Punkt $P_a(1 2 a)$. Bestimmen Sie a so, dass P_a in E_a liegt.</p> <p>a) $E_a: x_1 + ax_2 + 4x_3 = 13$.</p> <p>b) $E_a: \left[\vec{x} - \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ a \end{pmatrix} \right] \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ a \\ -1 \end{pmatrix} = 0$</p>	<p>a) $a =$ _____</p> <p>b) $a =$ _____</p>																	
3	<p>Gegeben ist die Ebene E. Bestimmen Sie deren Spurpunkte.</p> <p>a) $6x_1 + 3x_2 + 4x_3 = 12$</p> <p>b) $2x_1 + 3x_3 = 6$</p> <p>c) $2x_1 = 6$</p>	<table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse; text-align: center;"> <tr> <th style="width: 10%;"></th> <th style="width: 20%;">a)</th> <th style="width: 20%;">b)</th> <th style="width: 20%;">c)</th> </tr> <tr> <td>S_1</td> <td></td> <td></td> <td></td> </tr> <tr> <td>S_2</td> <td></td> <td></td> <td></td> </tr> <tr> <td>S_3</td> <td></td> <td></td> <td></td> </tr> </table>			a)	b)	c)	S_1				S_2				S_3			
	a)	b)	c)																
S_1																			
S_2																			
S_3																			
4	<div style="display: flex; align-items: flex-start;"> <div style="margin-right: 20px;"> </div> <div> <p>Bestimmen Sie eine Koordinatengleichung der Ebene E.</p> <p>a)</p> </div> </div> <p>b)</p>	<p>a) $E:$ _____</p> <p>b) $E:$ _____</p>																	
5	<p>Gegeben sind die Punkte $A(1 1 1)$, $B(-1 1 2)$, $C(1 0 0)$ und $D(3 1 0)$.</p> <p>a) Stellen Sie eine Gleichung der Ebene E durch A, B und C in Koordinatenform auf.</p> <p>b) Liegen die vier Punkte in einer Ebene?</p>	<p>a) $E:$ _____</p> <p>b) <input type="checkbox"/> Ja <input type="checkbox"/> Nein.</p>																	

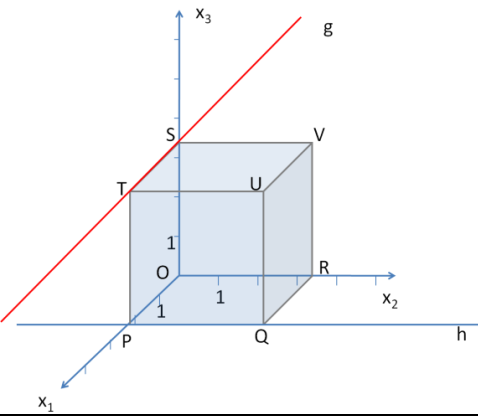
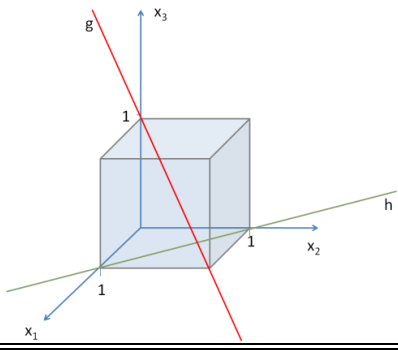
WADI Kursstufe B36		Besondere Lage von Ebenen																													
Name: _____ Klasse: _____		r/f /n																													
1	<p>Wahr oder falsch?</p> <p>A: Die Ebene $2x_3 = 4$ ist parallel zur x_3-Achse.</p> <p>B: Die Ebene $x_3 = 2$ ist parallel zur x_1x_2-Ebene.</p> <p>C: Die Ebene $x_1+x_3 = 2$ ist parallel zur x_2-Achse.</p> <p>D: Die Ebene $x_1+x_3=1$ ist parallel zur x_1x_3-Ebene.</p> <p>E: Alle Ebenen der Form $ax_1 + bx_2+ cx_3 = 0$ ($a; b; c \in \mathbb{R}$, nicht alle $= 0$) verlaufen durch den Ursprung.</p> <p>F: Ebenen der Form $ax_1 = 1$ sind alle parallel zur x_2x_3-Ebene.</p> <p>G: Eine Ebene hat maximal drei Spurpunkte.</p> <p>H: Ist eine Ebene parallel zur x_1x_2-Ebene, so ist sie auch parallel zur x_1- und x_2- Achse.</p>	<p>Wahr Falsch</p> <p>A <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>B <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>C <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>D <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>E <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>F <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>G <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>H <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p>																													
2	<p>Welche der folgenden Veranschaulichung der Ebene E: $x_1 + 2x_2 = 4$ ist richtig?</p> <div style="display: flex; justify-content: space-around; align-items: flex-start;"> <div style="text-align: center;"> <p>A:</p>  </div> <div style="text-align: center;"> <p>B:</p>  </div> </div>	<p>Richtig ist:</p> <p>A <input type="checkbox"/> B <input type="checkbox"/></p>																													
3	<p>Geben Sie eine Gleichung in Koordinatenform ...</p> <p>a) .. der x_2x_3-Ebene an.</p> <p>b) .. einer Ebene an, die parallel zur x_2-Achse ist und durch $P(0 0 2)$ und $Q(3 0 0)$ verläuft.</p> <p>c) .. der Ebenen an, welche parallel zur x_1x_2-Ebene mit dem Abstand 4 sind.</p>	<p>a) _____</p> <p>b) _____</p> <p>c) _____ sowie _____</p>																													
4	<p>Welche besondere Lage haben diese Ebenen im Raum?</p> <p>A: $x_1 + x_2 = 1$</p> <p>B: $\left[\vec{x} - \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} \right] \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} = 0$</p> <p>C: $\vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix} + s \begin{pmatrix} 3 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$</p>	<p>Parallel zur</p> <table> <tr> <th></th><th>A</th><th>B</th><th>C</th></tr> <tr> <td>x_1x_2-Ebene</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr> <tr> <td>x_2x_3-Ebene</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr> <tr> <td>x_1x_3-Ebene</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr> <tr> <td>x_1-Achse</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr> <tr> <td>x_2-Achse</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr> <tr> <td>x_3-Achse</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr> </table>		A	B	C	x_1x_2 -Ebene	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	x_2x_3 -Ebene	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	x_1x_3 -Ebene	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	x_1 -Achse	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	x_2 -Achse	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	x_3 -Achse	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	
	A	B	C																												
x_1x_2 -Ebene	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																												
x_2x_3 -Ebene	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																												
x_1x_3 -Ebene	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																												
x_1 -Achse	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																												
x_2 -Achse	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																												
x_3 -Achse	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																												

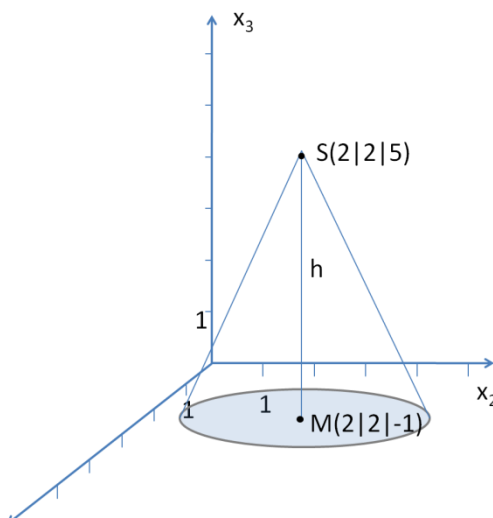
WADI Kursstufe B37		Gegenseitige Lage Gerade und Ebene																	
Name: _____ Klasse: _____		r/f /n																	
1	<p>Die Geradengleichung von g: $\vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ -1 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ -2 \end{pmatrix}$ wird in die Koordinatengleichung der Ebene E: $x_1 - x_2 = 1$ eingesetzt: $1 - r = 1$. Man erhält: $r = 0$. Das bedeutet:</p> <p>A: g in E; B: g E; C: g schneidet E; D: die Gerade verläuft durch den Ursprung.</p>	<p>Wahr Falsch</p> <p>A <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>B <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>C <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>D <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p>																	
2	<p>Gegeben sind die Gerade g: $\vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix}$ sowie jeweils die Ebene E. Bestimmen Sie deren gegenseitige Lage und gegebenenfalls den Durchstoßpunkt D.</p> <p>a) E: $2x_1 - x_2 + x_3 = 1$ b) E: $-4x_1 + 2x_2 - x_3 = -4$ c) E: $x_1 - x_2 - x_3 = 1$</p>	<table border="1"> <thead> <tr> <th></th><th>g E</th><th>g in E</th><th>D</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td>a</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr> <td>b</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr> <td>c</td><td></td><td></td><td></td></tr> </tbody> </table> <p>D... Durchstoßpunkt</p>		g E	g in E	D	a				b				c				
	g E	g in E	D																
a																			
b																			
c																			
3	<p> Bestimmen Sie den Durchstoßpunkt der Geraden g: $\vec{x} = \begin{pmatrix} 0 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}$ und der Ebene E:</p> <p>a) E: $2x_1 + x_2 + x_3 = 4$ b) E: $\left[\vec{x} - \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ -1 \end{pmatrix} \right] \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ -1 \end{pmatrix} = 0$</p>	<p>a) $r = \underline{\hspace{1cm}}$; P(<u> </u> <u> </u> <u> </u>)</p> <p>b) $r = \underline{\hspace{1cm}}$; P(<u> </u> <u> </u> <u> </u>)</p>																	
4	<p>Wo schneidet die Gerade g: $\vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ -1 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix}$</p> <p>a) die x_1x_2-Ebene b) die x_1x_3-Ebene</p>	<p>a) P(<u> </u> <u> </u> <u> </u>) b) P(<u> </u> <u> </u> <u> </u>)</p>																	
5	<p>Gegeben ist die Ebene E: $\left[\vec{x} - \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ -1 \end{pmatrix} \right] \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ -1 \end{pmatrix} = 0$</p> <p>Wo schneidet die x_1-Achse die Ebene E?</p>	<p>D (<u> </u> <u> </u> <u> </u>)</p>																	
6	<p>Die Ebene E: $x_1 + x_2 + x_3 = 16$ stellt in einem geeigneten Koordinatensystem einen Hang dar. Ein Sendemast hat seine Spitze in S(6 4 8). Die Richtung der parallelen Sonnenstrahlen wird durch $\vec{v} = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ -1 \end{pmatrix}$ festgelegt. Bestimmen Sie den Endpunkt des Schattens des Sendemastes auf dem Hang.</p>	<p><input type="checkbox"/> P(6 4 0) <input type="checkbox"/> P(1 1 -1) <input type="checkbox"/> P(4 2 10) <input type="checkbox"/> P(5 5 7)</p>																	

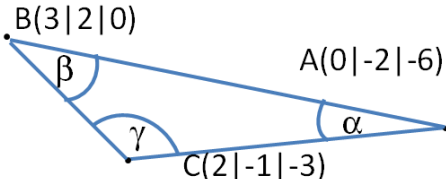
WADI Kursstufe B38		Lagebeziehung zwischen Ebenen													
Name: _____ Klasse: _____		r/f /n													
1	<p>Gegeben sind die Ebenen E und F. Wie liegen die beiden Ebenen zueinander?</p> <p>a) E: $x_1 + x_2 - 2x_3 = 1$ F: $2x_1 + 2x_2 - 4x_3 = 1$</p> <p>b) E: $x_1 + x_2 - 2x_3 = 1$ F: $2x_1 + 2x_2 - 4x_3 = 2$</p> <p>c) E: $x_1 + x_2 - 2x_3 = 1$ F: $2x_1 - x_3 = 1$</p>	<p>Tragen Sie den entsprechenden Buchstaben ein: E und F</p> <p>.. schneiden sich in einer Geraden _____</p> <p>.. sind echt parallel _____</p> <p>.. sind identisch _____</p>													
2	<p>Bestimmen Sie a so, dass die beiden Ebenen E und F parallel sind.</p> <p>E: $3x_1 - 2x_2 + 2x_3 = 1$ F: $\left[\vec{x} - \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} \right] \cdot \begin{pmatrix} 6 \\ a \\ 4 \end{pmatrix} = 0$</p>	<p>a = _____</p>													
3	<p>Bestimmen Sie eine Gleichung der Schnittgeraden von E und F.</p> <p>a) E: $x_1 + 2x_2 - 2x_3 = 6$ F: $2x_1 - x_3 = 0$</p> <p>b) E: $4x_1 + 3x_2 - 2x_3 = 6$ F: $\left[\vec{x} - \begin{pmatrix} 0 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix} \right] \cdot \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix} = 0$</p>	<p>a) $\vec{x} = \begin{pmatrix} \\ \\ 0 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 2 \\ \\ \end{pmatrix}$</p> <p>b) $\vec{x} = \begin{pmatrix} \\ \\ 0 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} \\ \\ 1 \end{pmatrix}$</p>													
4	<p>Ein Schüler hat die Koordinatengleichungen zweier Ebenen als LGS in Matrixform in den GTR eingegeben. Auf dem GTR erscheint als reduzierte Form der Matrix folgendes Bild. Interpretieren Sie dieses geometrisch.</p> <p>a) $\text{rref}([A]) = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & 3 & 2 \end{bmatrix}$</p> <p>b) $\text{rref}([A]) = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$</p> <p>c) $\text{rref}([A]) = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$</p>	<p>Die beiden Ebenen</p> <ul style="list-style-type: none">- sind echt parallel (P)- sind identisch (I)- schneiden sich in einer Geraden (S) <p>Tragen Sie den entsprechenden Buchstaben ein:</p> <p>a) _____ b) _____ c) _____</p>													
5	<p>Gegeben ist die Ebene E: $2x_1 + x_2 - 2x_3 = 0$ sowie der Punkt A(1 1 2). Stellen Sie eine Koordinatengleichung einer Ebene F auf, welche zu E parallel ist und durch A verläuft.</p>	<p>F: _____</p>													
6	<p>Wahr oder falsch?</p> <p>A: Zwei voneinander verschiedene Ebenen schneiden sich entweder in einer Geraden oder gar nicht.</p> <p>B: Schneiden sich von drei Ebenen jeweils zwei in einer Geraden, so sind die Schnittgeraden parallel.</p> <p>C: Drei Ebenen können so liegen, dass sie sich in genau einem Punkt schneiden.</p>	<table><tr><th></th><th>Wahr</th><th>Falsch</th></tr><tr><td>A</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>B</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>C</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>			Wahr	Falsch	A	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	B	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	C	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
	Wahr	Falsch													
A	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>													
B	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>													
C	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>													

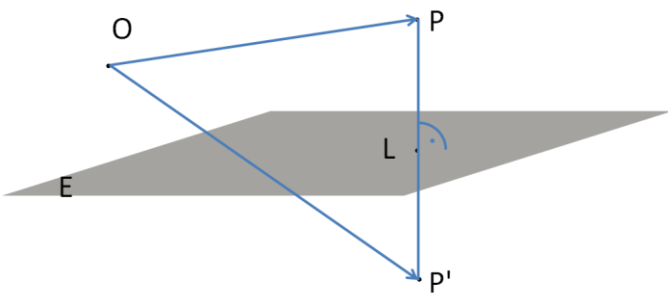
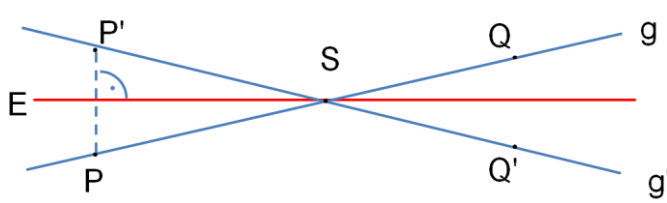
WADI Kursstufe B39		Hessesche Normalenform (HNF)	
Name: _____ Klasse: _____		r/f /n	
1	Wahr oder falsch? A: In der HNF einer Ebene wird der Normalenvektor der Ebene auf die Länge 1 normiert. B: die HNF wird hauptsächlich für Abstandsrechnungen verwendet. C: Es gibt Ebenen, für die man keine HNF aufstellen kann.	Wahr	Falsch
		A	<input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>
		B	<input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>
		C	<input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>
2	Stellen Sie jeweils die HNF der Ebene E auf: a) E: $x_1 + 2x_2 - 2x_3 = 1$ b) E: $\left[\vec{x} - \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} \right] \cdot \begin{pmatrix} 3 \\ -4 \\ 0 \end{pmatrix} = 0$	a) _____ = 0	
		b) _____ = 0	
3	Bestimmen Sie den Abstand des Punktes P von der Ebene E: $x_1 + 2x_2 - 2x_3 = 1$. a) P(0 0 0) b) P(1 3 0) c) P(2 1 1)	a) $d(P,E) = \frac{1}{3}$ b) $d(P,E) = \frac{1}{3}$ c) $d(P,E) = \frac{1}{3}$	
4	Alle Punkte, welche von einer Ebene E den Abstand 3 haben, liegen A: auf zwei parallelen Geraden im Abstand 3. B: auf einer Geraden im Abstand 3. C: auf zwei parallelen Ebenen im Abstand 3.	Richtig ist: A <input type="checkbox"/> B <input type="checkbox"/> C <input type="checkbox"/>	
5	Welcher der Punkte A(3 4 0), B(5 2 -1), C(0 0 -7) hat den Abstand 4 von der Ebene E: $2x_1 + x_2 - 2x_3 = 2$?	A <input type="checkbox"/> B <input type="checkbox"/> C <input type="checkbox"/>	
6	Bestimmen Sie den Abstand a) der parallelen Ebenen E: $2x_1 - x_2 + 2x_3 = 1$ und F: $2x_1 - x_2 + 2x_3 = 5$. b) der Ebene E: $3x_1 + 4x_3 = 1$ und der zu E parallelen Geraden g: $\vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 4 \\ 2 \\ -3 \end{pmatrix}$.	a) $d(E, F) = \frac{4}{3}$ b) $d(g, E) = \frac{1}{5}$	
7	In der Zeichnung sehen Sie eine Pyramide. Die notwendigen Daten sollen durch Ablesen bestimmt werden. a) Welche Höhe h hat die Pyramide. b) Bestimmen Sie das Volumen der Pyramide.		
		a) Für die Höhe h gilt: <u>h = 1</u> LE.	
		b) Für das Volumen V gilt: <u>V = 1/6</u> VE.	

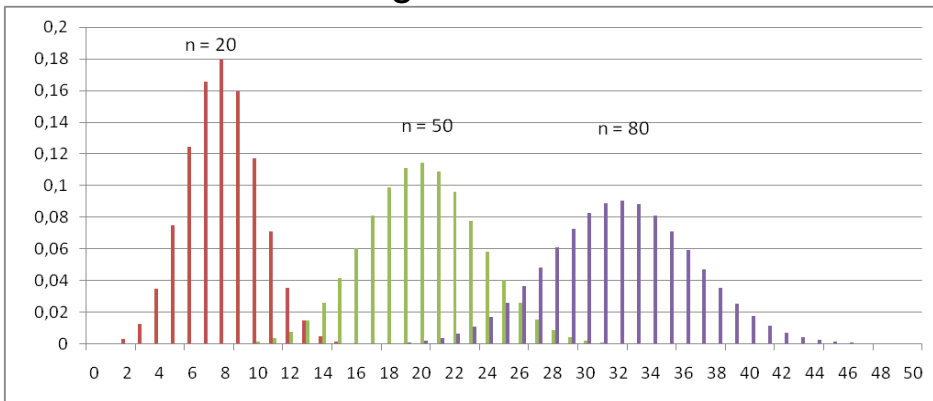
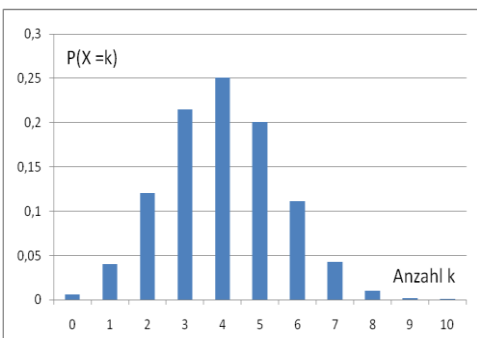
WADI Kursstufe B40		Abstand Punkt – Gerade	
Name: _____ Klasse: _____		r/f /n	
1	<p>Wahr oder falsch?</p> <p>Den Abstand eines Punktes P von einer Geraden g kann man durch</p> <p>A: Aufstellen einer Hilfsebene H durch P senkrecht zu g bestimmen.</p> <p>B: Aufstellen einer Hilfsebene H, welche P und g enthält, bestimmen.</p> <p>C: eine Extremwertbetrachtung (Abstand zweier Punkte) bestimmen.</p>	<p>Wahr Falsch</p> <p>A <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>B <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>C <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p>	
2	<p>Gegeben sind der Punkt P(1 2 3) und die Gerade</p> <p>$g: \vec{x} = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ 2 \end{pmatrix}$.</p>  <p>a) Stellen Sie eine Normalengleichung der Hilfsebene H auf ($H \perp g; P \in H$)</p> <p>b) Bestimmen Sie den Lotfußpunkt L.</p> <p>c) Bestimmen Sie den Abstand von P zu g.</p>	<p>a) $\left[\vec{x} - \begin{pmatrix} \quad \\ \quad \\ \quad \end{pmatrix} \right] \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ \quad \\ \quad \end{pmatrix} = 0$</p> <p>b) L(____ ____ ____)</p> <p>c) $d(P,g) = \sqrt{\quad}$</p>	
3	Geben Sie den Abstand des Punktes P(1 0 3) von der x_1 -Achse an.	$d = \quad$	
4	Bestimmen Sie den Abstand zwischen der Geraden $g: \vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 2 \\ -2 \\ 1 \end{pmatrix}$ und dem Punkt P(-1 0 2).	$d(P,g) = \quad$	
5	 <p>Gegeben sind die Gerade $g: \vec{x} = \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \\ -1 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ -2 \end{pmatrix}$ und der Punkt P(1 2 3).</p> <p>a) Stellen Sie die Punkte der Geraden g als allgemeinen „laufenden“ Punkt G_r dar.</p> <p>b) Bestimmen Sie mit Hilfe von G_r die kleinste Entfernung d von P zu g.</p>	<p>a) $G_r(\text{____} \text{____} \text{____})$</p> <p>b) $PG_r(\text{____} \text{____} \text{____})$</p> <p>$[d(r)]^2 = \text{_____}$</p> <p>$r = \text{_____}$ ist Minimum</p> <p>$d = \sqrt{\quad}$.</p>	
6	 <p>Gegeben ist das Dreieck ABC mit A(1 0 1), B(2 2 1) und C(-1 2 1). Bestimmen Sie die Höhe h_c des Dreiecks und geben Sie diese auf zwei Dezimalstellen gerundet an.</p>	$h_c \approx \quad$	



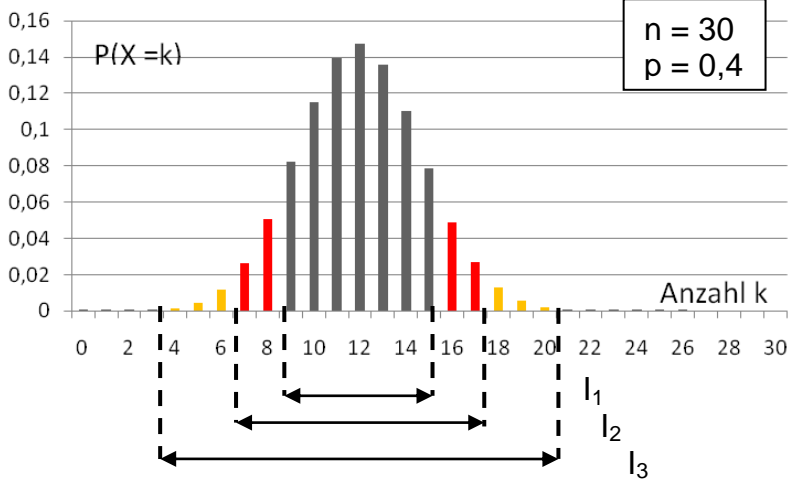
WADI Kursstufe B41		Abstand zweier Geraden	
Name: _____ Klasse: _____		r/f /n	
1	<p>Welche Aussagen zur Abstandsbestimmung paralleler Geraden g und h sind richtig?</p> <p>A: Durch Bestimmung des Abstandes eines Punkts G auf g zu einem Punkt H auf h.</p> <p>B: Durch Bestimmung des Abstandes eines Punkts auf g zur Geraden h.</p> <p>C: Mit Hilfe der HNF von g und h.</p>	<p>Wahr Falsch</p> <p>A <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>B <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>C <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p>	
2	<p>a) Wie liegen die beiden Geraden g und h zueinander?</p> <p>b) Welche Strecken geben in der Zeichnung den Abstand der Geraden g und h an?</p>	 <p>a) g und h</p> <p><input type="checkbox"/> sind identisch</p> <p><input type="checkbox"/> sind parallel</p> <p><input type="checkbox"/> schneiden sich</p> <p><input type="checkbox"/> sind windschief</p> <p>b) <input type="checkbox"/> PQ <input type="checkbox"/> PO</p> <p><input type="checkbox"/> PT <input type="checkbox"/> PS</p> <p><input type="checkbox"/> OS <input type="checkbox"/> OT</p> <p><input type="checkbox"/> QT <input type="checkbox"/> OP</p>	
3	<p>Gegeben sind die Geraden g, h und i durch</p> <p>$g: \vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 3 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ -3 \end{pmatrix}; \quad h: \vec{x} = \begin{pmatrix} 4 \\ 0 \\ 3 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 0 \\ -1 \\ 3 \end{pmatrix}; \quad i: \vec{x} = \begin{pmatrix} 6 \\ 1 \\ -4 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ -6 \end{pmatrix}$</p> <p>Bestimmen Sie den Abstand der Geraden</p> <p>a) g und h b) h und i</p>	<p>a) $d(g,h) = \underline{\hspace{2cm}}$</p> <p>b) $d(h,i) = \underline{\hspace{2cm}}$</p>	
4	<p>In der Zeichnung ist ein Würfel der Kantenlänge 1 abgebildet. Bestimmen Sie den Abstand der Geraden g und h.</p>	 <p>$d(g,h) = \sqrt{\hspace{2cm}}$</p>	
5	<p>Zwei Flugzeuge bewegen sich in einem geeigneten Koordinatensystem entlang der Flugbahnen f_1 und f_2 in Abhängigkeit von der Zeit t:</p> <p>$f_1: \vec{x} = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 5 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 8 \end{pmatrix}; \quad f_2: \vec{x} = \begin{pmatrix} 4 \\ 1 \\ 5 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 1 \\ 5 \\ 9 \end{pmatrix}$</p> <p>Welchen minimalen Abstand haben</p> <p>a) die beiden Flugbahnen voneinander?</p> <p>b) die beiden Flugzeuge voneinander?</p>	<p>a) $d(f_1,f_2) \approx \underline{\hspace{2cm}}$</p> <p>b) $d = \underline{\hspace{2cm}}$</p>	

WADI Kursstufe B42		Skalarprodukt																
Name: _____ Klasse: _____		r/f /n																
1	Gegeben sind die Vektoren \vec{a} , \vec{b} und \vec{c} . Das Ergebnis folgender Rechnungen ist... a) $(\vec{a} \cdot \vec{b}) \cdot \vec{c}$ b) $(\vec{a} + \vec{b}) \cdot \vec{c}$ c) $(\vec{a} \cdot \vec{b}) + \vec{c}$	<div><input type="checkbox"/> eine Zahl</div> <div><input type="checkbox"/> ein Vektor</div> <div><input type="checkbox"/> nicht definiert</div> <div><input type="checkbox"/> 0</div> <div><input type="checkbox"/> $\vec{0}$</div>																
2	Für das Skalarprodukt zweier Vektoren $\vec{a} = \begin{pmatrix} a_1 \\ a_2 \\ a_3 \end{pmatrix}$ und $\vec{b} = \begin{pmatrix} b_1 \\ b_2 \\ b_3 \end{pmatrix}$ die den Winkel φ einschließen, gilt: A: $\vec{a} \cdot \vec{b} = a_1 \cdot b_1 + a_2 \cdot b_2 + a_3 \cdot b_3$ B: $\vec{a} \cdot \vec{b} = \vec{a} \cdot \vec{b} \cdot \cos(\varphi)$ C: $\vec{a} \cdot \vec{b} = a_1 \cdot b_1 \cdot a_2 \cdot b_2 \cdot a_3 \cdot b_3$ D: $\vec{a} \cdot \vec{b} = a_1 + b_1 + a_2 + b_2 + a_3 + b_3$	<table><tr><th></th><th>Richtig</th><th>Falsch</th></tr><tr><td>A</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>B</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>C</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>D</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>		Richtig	Falsch	A	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	B	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	C	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	D	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	
	Richtig	Falsch																
A	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
B	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
C	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
D	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
3	Hat das Skalarprodukt zweier Vektoren \vec{a} und \vec{b} den Wert 0, so bedeutet dies: A: \vec{a} und \vec{b} sind parallel zueinander B: \vec{a} und \vec{b} sind orthogonal zueinander C: \vec{a} und \vec{b} sind Einheitsvektoren.	<table><tr><th></th><th>Wahr</th><th>Falsch</th></tr><tr><td>A</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>B</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>C</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>		Wahr	Falsch	A	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	B	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	C	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>				
	Wahr	Falsch																
A	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
B	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
C	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
4	Zeigen Sie mithilfe des Skalarproduktes, dass sich die Diagonalen des Quadrats ABCD mit A(5 1 0), B(1 5 2), C(-1 1 6) und D(3 -3 4) orthogonal schneiden.	$\overrightarrow{AC} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 6 \end{pmatrix}; \overrightarrow{BD} = \begin{pmatrix} 2 \\ -4 \\ 2 \end{pmatrix}$ $\overrightarrow{AC} \cdot \overrightarrow{BD} = \quad$ und $\overrightarrow{AC} \perp \overrightarrow{BD}$																
5	Der Grundkreis des abgebildeten Kreiskegels liegt in einer Ebene parallel zur x_1x_2 -Koordinatenebene. Zeigen Sie, dass die Höhe h senkrecht auf dem Grundkreis steht. 	Der Grundkreis liegt in der Ebene _____, also $\vec{n} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$. Die Höhe verläuft durch M und S auf der Geraden h: $\vec{x} = \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \\ -1 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$. Der Richtungsvektor dieser Geraden ist _____ zum Normalenvektor der Ebene $x_3 = \text{_____}$, also h_____ E.																

WADI Kursstufe B43		Orthogonalität, Winkel													
Name: _____ Klasse: _____		r/f /n													
1	<p>Sind die beiden Objekte orthogonal?</p> <p>a) g und h mit g: $\vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} -2 \\ -3 \\ 1 \end{pmatrix}$; h: $\vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 2 \end{pmatrix}$.</p> <p>b) E: $x_1 - 2x_2 + x_3 = 2$; F: $3x_1 + x_2 - x_3 = -3$</p> <p>c) g: $\vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \\ -1 \end{pmatrix}$; E: $x_1 + 2x_2 + 8x_3 - 18 = 0$</p>	<p>Die beiden Objekte sind orthogonal:</p> <table><tr><td></td><td>Ja</td><td>Nein</td></tr><tr><td>a)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>b)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>c)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>			Ja	Nein	a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
	Ja	Nein													
a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>													
b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>													
c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>													
2	<p>Für welches a sind die beiden Vektoren orthogonal?</p> <p>a) $\vec{a} = \begin{pmatrix} a \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$ und $\vec{b} = \begin{pmatrix} 2 \\ 4 \\ 5 \end{pmatrix}$ b) $\vec{a} = \begin{pmatrix} 1 \\ a \\ 1 \end{pmatrix}$ und $\vec{b} = \begin{pmatrix} 2a \\ a \\ -3 \end{pmatrix}$</p>	<p>a) a = _____</p> <p>b) a = ____ oder a = ____</p>													
3	<p>Bestimmen Sie eine Gleichung einer Geraden h, welche orthogonal zu E: $2x_1 + 2x_2 - x_3 = 1$ ist und durch A(1 -1 5) verläuft.</p>	<p>h: $\vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ -1 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ -1 \end{pmatrix}$</p>													
4	<p>Die drei Punkte A, B und C mit A(1 0 1); B(2 3 1) und C(0 -5 1) sind die Eckpunkte eines Dreiecks. Ist dieses Dreieck rechtwinklig?</p>	<p>Das Dreieck ABC ist rechtwinklig: <input type="checkbox"/> Ja <input type="checkbox"/> Nein</p>													
5	<p>Bestimmen Sie die Innenwinkelweiten α und γ des Dreiecks ABC. <i>Die Zeichnung ist nicht maßstabsgerecht.</i></p> 	<p>Winkelweite α <input type="checkbox"/> 16,6° <input type="checkbox"/> 163,4°</p> <p>Winkelweite γ <input type="checkbox"/> 30,9° <input type="checkbox"/> 149,1°</p>													
6	<p>Bestimmen Sie jeweils den Schnittwinkel φ von</p> <p>a) g: $\vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 1 \\ -3 \\ 1 \end{pmatrix}$ und h: $\vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix}$</p> <p>b) E: $x_1 + 2x_2 - 2x_3 = 10$ und F: $\left[\vec{x} - \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} \right] \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} = 0$</p> <p>c) g: $\vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 1 \\ -3 \\ 1 \end{pmatrix}$ und E: $\left[\vec{x} - \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} \right] \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} = 0$.</p>	<p>Auf eine Dezimale gerundet eintragen.</p> <p>a) $\varphi =$ _____</p> <p>b) $\varphi =$ _____</p> <p>c) $\varphi =$ _____</p>													
7	<p>Gegeben sind die Gerade g: $\vec{x} = \begin{pmatrix} 0 \\ 5 \\ 3 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$ und der Punkt A(0 5 3). Orthogonale Geraden zu g durch A gibt es ...</p> <p>A: .. genau eine</p> <p>B: .. unendlich viele, die in einer Ebene liegen</p> <p>C: .. unendlich viele, die alle parallel zueinander sind.</p>	<table><tr><td></td><td>Wahr</td><td>Falsch</td></tr><tr><td>A</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>B</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>C</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>			Wahr	Falsch	A	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	B	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	C	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
	Wahr	Falsch													
A	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>													
B	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>													
C	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>													

WADI Kursstufe B44		Spiegelung und Symmetrie	
Name: _____ Klasse: _____			r/f /n
1	Spiegeln Sie den Punkt P(1 0 2) am Punkt Z(2 3 1) und geben Sie die Koordinaten des Spiegelpunktes P' an.	P' (____ ____ ____)	
2	Der Punkt P soll an der Ebene E gespiegelt werden. Welche Vektorkette/n ist/sind richtig? 	<input type="checkbox"/> $\overrightarrow{OP'} = \overrightarrow{OP} + 2\overrightarrow{PL}$ <input type="checkbox"/> $\overrightarrow{OP'} = \overrightarrow{OP} + \overrightarrow{PL}$ <input type="checkbox"/> $\overrightarrow{OP'} = \overrightarrow{OL} + \overrightarrow{LP'}$ <input type="checkbox"/> $\overrightarrow{OP'} = 2\overrightarrow{PL}$	
3	Der Punkt P(0 1 4) soll an der Ebene E: $x_1 + 2x_2 - 2x_3 = 3$ gespiegelt werden. Geben Sie die Koordinaten des Spiegelpunktes P' an.	P'(____ ____ ____)	
4	Bestimmen Sie eine Gleichung der Ebene E, zu der die Punkte A(1 -2 7) und B(5 -2 3) symmetrisch sind.	$\left[\vec{x} - \begin{pmatrix} \\ \\ 5 \end{pmatrix} \right] \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ \\ \end{pmatrix} = 0$	
5	Bestimmen Sie eine Gleichung der Ebene E, zu der die Ebenen F und G symmetrisch sind. F: $x_1 + 2x_2 - 2x_3 = 0$; G: $x_1 + 2x_2 - 2x_3 = 4$.	E: _____	
6	Die Gerade g soll an der Ebene E gespiegelt werden. Welche Vorgehensweise ist richtig?  <p>A: Spiegeln zweier Punkte von g (z.B. P und Q) an der Ebene E; g' verläuft durch P' und Q'.</p> <p>B: Spiegeln eines Punktes P von g an der Ebene E, ermitteln des Durchstoßpunktes S von g und E, g' verläuft durch P' und S.</p>	<div>Richtig Falsch</div> <div>A <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></div> <div>B <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></div>	
7	Spiegeln Sie den Punkt P(1 2 3) an der Geraden g: $\vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ -2 \end{pmatrix}$ und geben Sie die Koordinaten von P' an.	P' (____ ____ ____)	

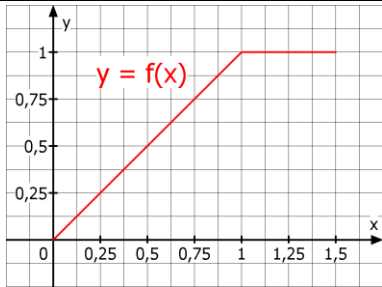

WADI Kursstufe D13		Standardabweichung																			
Name: _____ Klasse: _____			r/f /n																		
1	<p>Wahr oder falsch? Die Standardabweichung einer binomialverteilten Zufallsvariablen</p> <p>a) ist ein Maß für die Breite der Verteilung</p> <p>b) misst die gesamte Breite der Verteilung</p> <p>c) gibt an, um wie viel der Erwartungswert unter der maximalen Trefferzahl liegt</p> <p>d) ist ein Maß dafür, wie stark die Anzahl der Treffer auf lange Sicht von der zu erwartenden Trefferzahl abweicht.</p> <p>e) misst den Abstand der beiden Trefferzahlen, deren Wahrscheinlichkeit ungefähr 0,1 ist.</p>	<table><tr><td></td><td>Wahr</td><td>Falsch</td></tr><tr><td>a)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>b)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>c)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>d)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>e)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>		Wahr	Falsch	a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	d)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	e)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	
	Wahr	Falsch																			
a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																			
b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																			
c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																			
d)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																			
e)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																			
2	<p>Die Grafik zeigt die Säulendiagramme dreier Binomialverteilungen. Bei allen ist $p = 0,4$. Welche Verteilung hat die größte, welche die kleinste Standardabweichung.</p> 	<p>Die größte Standardabweichung hat die abgebildete Binomialverteilung</p> <p><input type="checkbox"/> links ($n = 20$)</p> <p><input type="checkbox"/> in der Mitte ($n = 50$)</p> <p><input type="checkbox"/> rechts ($n = 80$).</p> <p>Die kleinste Standardabweichung hat die abgebildete Binomialverteilung</p> <p><input type="checkbox"/> links ($n = 20$)</p> <p><input type="checkbox"/> in der Mitte ($n = 50$)</p> <p><input type="checkbox"/> rechts ($n = 80$).</p>																			
3	<p>Wie berechnet man die Standardabweichung σ einer binomialverteilten Zufallsvariablen</p> <p>a) $\sqrt{p \cdot n \cdot (n - 1)}$ b) $\sqrt{n \cdot p \cdot (1 - p)}$ c) $\sqrt{p \cdot n \cdot (p - 1)}$</p>	<p>Richtig ist:</p> <table><tr><td>a)</td><td>b)</td><td>c)</td></tr><tr><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>	a)	b)	c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>													
a)	b)	c)																			
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																			
4	<p>Bestimmen Sie für eine binomialverteilte Zufallsvariable mit $n = 100$ und $p = 0,2$ die Standardabweichung σ.</p>	<p><input type="checkbox"/> 16 <input type="checkbox"/> 8 <input type="checkbox"/> 4</p>																			
5	<p>Die Abbildung zeigt das vollständige Säulendiagramm einer Binomialverteilung. Geben Sie den Erwartungswert μ und die Standardabweichung σ an.</p> 	<p>Erwartungswert $\mu =$</p> <p><input type="checkbox"/> 0,25 <input checked="" type="checkbox"/> 4 <input type="checkbox"/> 10</p> <p>$\sigma^2 =$</p> <p><input type="checkbox"/> 0,24 <input type="checkbox"/> 2,4</p> <p><input type="checkbox"/> 24 <input type="checkbox"/> 100</p> <p>also Standardabweichung (2 Dezimale)</p> <p>$\sigma \approx$ _____</p>																			

WADI Kursstufe D14		Sigma-Regeln	
Name: _____		Klasse: _____	
		r/f /n	
1	<p>Gegeben ist eine binomialverteilte Zufallsvariable X mit dem Erwartungswert $\mu = 50$ und der Standardabweichung $\sigma = 10$. Wahr oder falsch?</p> <p>a) Das Intervall $[40; 60]$ nennt man σ - Intervall.</p> <p>b) Mit einer Wahrscheinlichkeit von 86% liegt die Anzahl der Treffer von X im Intervall $[40; 60]$.</p> <p>c) Mit den Sigma-Regeln können Näherungswerte für Wahrscheinlichkeiten von Umgebungen des Erwartungswertes berechnet werden.</p>	<div>Wahr Falsch</div> <div>a) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></div> <div>b) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></div> <div>c) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></div>	
2	<p>Bei einer binomialverteilten Zufallsvariablen mit dem Erwartungswertes μ und der Standardabweichung σ ist das σ - Intervall</p> <p>A: $[\mu - \sigma; \mu + \sigma]$ B: $[\sigma - \mu; \sigma + \mu]$ C: $[\sigma; \mu]$</p>	<p>Richtig ist:</p> <div>A B C</div> <div><input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></div>	
3	<p>Bei einer binomialverteilten Zufallsvariablen liegen etwa a) 50% b) 70% c) 80% der Trefferzahlen im σ-Intervall.</p>	<p>Richtig ist:</p> <div>a) b) c)</div> <div><input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></div>	
4	<p>Eine ideale Münze wird 100-mal geworfen. Die Zufallsvariable X zählt die Anzahl der Wappen. Geben Sie das 2σ-Intervall und die ungefähre Wahrscheinlichkeit an, mit der die Anzahl der Treffer in diesem 2σ-Intervall liegt.</p>	<p>2σ-Intervall = [__; __]</p> <p>Die Wahrscheinlichkeit beträgt ca. __ %</p>	
5	<p> Berechnen Sie das σ-Intervall einer $B(100; 0,4)$ - verteilten Zufallsvariablen.</p>	<p>$\mu = \underline{\hspace{2cm}}; \sigma \approx \underline{\hspace{2cm}}$</p> <p>$\sigma$-Intervall = [__; __]</p>	
6	<p> In welchem der abgebildeten Intervalle $I_1; I_2$ oder I_3 liegen ca. 95% der Trefferzahlen der binomialverteilten Zufallsvariable X?</p> 	<p>Richtig ist:</p> <div>I_1 I_2 I_3</div> <div><input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></div>	

WADI Kursstufe D15		Statistische Tests	
Name: _____ Klasse: _____		r/f /n	
1	<p>Statistische Tests ...</p> <p>a) .. sollen eine Entscheidungsvorschrift liefern, mit der man entscheiden kann, ob eine Annahme (Hypothese) richtig oder falsch ist.</p> <p>b) .. dienen dazu anhand einer Stichprobe auf die unbekannte, dem Zufallsexperiment zugrundeliegende Wahrscheinlichkeitsverteilung der untersuchten Zufallsvariablen zu schließen.</p> <p>c) .. helfen dabei eine Aussage darüber zu machen, ob eine Hypothese beibehalten werden kann oder verworfen werden sollte.</p> <p>d) .. können niemals absolute Sicherheit bieten. Auch wenn aufgrund einer Stichprobe eine Hypothese beibehalten wird, so kann sie trotzdem in der gesamten Grundmenge falsch sein.</p>	<p>Wahr Falsch</p> <p>a) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>b) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>c) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>d) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p>	
2	<p>Ordnen Sie die Begriffe richtig zu.</p> <p>Bei einem statistischen Test heißt ...</p> <p>A .. die zu überprüfende Hypothese H_0</p> <p>B .. die Wahrscheinlichkeit mit der H_0 abgelehnt wird, obwohl sie zutrifft</p> <p>C .. der Bereich, in dem das Ergebnis der Stichprobe liegen muss, damit H_0 nicht verworfen wird,</p> <p>D ... die maximale Irrtumswahrscheinlichkeit</p>	<p>— Ablehnungsbereich</p> <p>— Signifikanzniveau</p> <p>— Ablehnungswahrscheinlichkeit</p> <p>— Irrtumswahrscheinlichkeit</p> <p>— Nullhypothese</p> <p>— Gegenhypothese</p> <p>— Annahmebereich</p>	
3	<p>Wahr oder falsch?</p> <p>a) Die Nullhypothese ist falsch, wenn das Stichprobenergebnis im Ablehnungsbereich liegt.</p> <p>b) Wird die Nullhypothese anhand eines Stichprobenergebnisses verworfen, so kann sie trotzdem richtig sein.</p> <p>c) Ändert man das Signifikanzniveau, so kann sich bei gleichem Ergebnis der Stichprobe aus der Ablehnung einer Nullhypothese deren Beibehaltung ergeben.</p> <p>d) Die Entscheidung für die Beibehaltung oder Ablehnung einer Nullhypothese wird anhand eines Annahme- und eines Ablehnungsbereichs getroffen.</p>	<p>Wahr Falsch</p> <p>a) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>b) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>c) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>d) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p>	

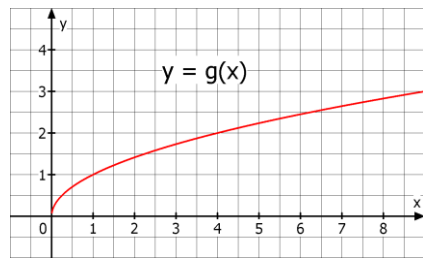
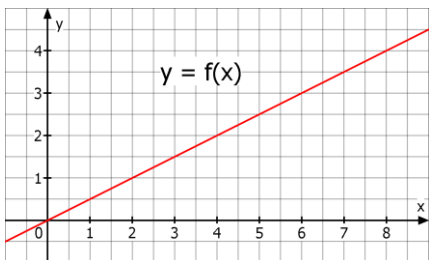
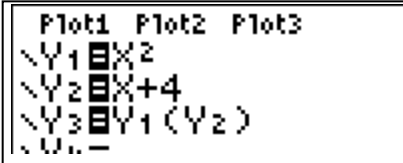
WADI Kursstufe D16		Signifikanztests																
Name: Klasse: 			r/f /n															
1	<p>Ein Unternehmen produzierte in der Vergangenheit mit einer Ausschussrate von 7%. Nach einer Veränderung des Produktionsablaufs vermutet man, dass sich die Qualität verbessert hat.</p> <p>a) Welche Nullhypothese H_0 sollte man für einen statistischen Test wählen, der die Vermutung bekräftigt?</p> <p>b) Welche Alternativhypothese H_1 wählt man?</p>	<p>a) Für H_0 gilt:</p> <div style="display: flex; flex-wrap: wrap;"> <div style="width: 50%;"><input type="checkbox"/> $p=0,7$</div> <div style="width: 50%;"><input type="checkbox"/> $p<0,07$</div> <div style="width: 50%;"><input type="checkbox"/> $p=0,07$</div> <div style="width: 50%;"><input type="checkbox"/> $p\geq 0,07$</div> <div style="width: 50%;"><input type="checkbox"/> $p=0,007$</div> <div style="width: 50%;"><input type="checkbox"/> $p\leq 0,07$</div> <div style="width: 50%;"><input type="checkbox"/> $p > 0,7$</div> <div style="width: 50%;"><input type="checkbox"/> $p>0,07$</div> <div style="width: 50%;"><input type="checkbox"/> $p\geq 0,7$</div> <div style="width: 50%;"><input type="checkbox"/> $p\leq 0,7$</div> </div> <p>b) $H_1: p$ _____</p>																
2	<p>Julia behauptet, zwei verschiedene Wassersorten am Geschmack unterscheiden zu können. Ihre Freunde möchten dies testen: Julia trinkt 15 Proben. Mit einem Signifikanzniveau von 1% soll entschieden werden, ob Sie zufällig rät.</p> <p>a) Wie ist die Nullhypothese zu wählen, wenn man davon ausgeht, dass sie rät?</p> <p>b) Wie ist die Alternativhypothese zu wählen?</p> <p>c) Handelt es sich um einen links- oder rechtsseitigen Test?</p> <p>d) Bestimmen Sie mit Hilfe des abgebildeten GTR- Bildschirms den Annahmebereich.</p>	<p>a) Für H_0 gilt:</p> <div style="display: flex; flex-wrap: wrap;"> <div style="width: 50%;"><input type="checkbox"/> $p < 0,5$</div> <div style="width: 50%;"><input type="checkbox"/> $p = 0,5$</div> <div style="width: 50%;"><input type="checkbox"/> $p > 0,5$</div> </div> <p>b) Setzen Sie $<$; $=$; $>$ ein: H_1 <u> </u> H_0</p> <p>c) _____-seitig</p> <p>d) Annahmebereich: [<u> </u>; <u> </u>]</p>																
3	<p>Für einen statistischen Test soll gelten: $H_0: p \leq 0,12$; $H_1: p > 0,12$; Stichprobenumfang: 100 Welcher GTR-Befehl erzeugt die Tabelle, der kumulierten Wahrscheinlichkeiten?</p>	<div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin-bottom: 10px;"> <table style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <thead> <tr> <th style="width: 10%;">X</th> <th style="width: 90%;">Y1</th> </tr> </thead> <tbody> <tr><td>8</td><td>.69638</td></tr> <tr><td>9</td><td>.84912</td></tr> <tr><td>10</td><td>.94077</td></tr> <tr><td>11</td><td>.98242</td></tr> <tr><td>12</td><td>.99631</td></tr> <tr><td>13</td><td>.99951</td></tr> <tr><td>14</td><td>.99997</td></tr> </tbody> </table> </div> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin-bottom: 10px;"> <pre> Plot1 Plot2 Plot3 \Y1=binomcdf(100 ,0.12,X \Y2=normalcdf(10 0,0.12,X \Y3=PoissonPdf(1 00,0.12,X \Y4= </pre> </div> <div style="display: flex; flex-wrap: wrap;"> <div style="width: 50%;"><input type="checkbox"/> Y_1</div> <div style="width: 50%;"><input type="checkbox"/> Y_2</div> <div style="width: 50%;"><input type="checkbox"/> Y_3</div> </div>	X	Y1	8	.69638	9	.84912	10	.94077	11	.98242	12	.99631	13	.99951	14	.99997
X	Y1																	
8	.69638																	
9	.84912																	
10	.94077																	
11	.98242																	
12	.99631																	
13	.99951																	
14	.99997																	
4	<p>Es wird ein statistischer Test mit folgenden Daten durchgeführt: Stichprobenumfang $n = 20$ Nullhypothese $H_0: p = 0,7$; $H_1: p < 0,7$ Signifikanzniveau $\alpha = 2\%$.</p> <p>a) Handelt es sich um einen links- oder rechtsseitigen Test?</p> <p>b) Bestimmen Sie den Annahmebereich.</p> <p>c) Man ändert das Signifikanzniveau auf 3%. Wie verändert sich dann der Annahmebereich?</p>	<p>a) _____-seitig</p> <p>b) <input type="checkbox"/> [0 ; 17] <input type="checkbox"/> [18; 20] <input type="checkbox"/> [17; 20]</p> <p>c) Der Annahmebereich <input type="checkbox"/> wird kleiner <input type="checkbox"/> bleibt gleich <input type="checkbox"/> wird größer</p>																

WADI Kursstufe D17		Fehler beim Testen																
Name: Klasse: 			r/f /n															
1	<p> Wahr oder falsch?</p> <p>A: Beim Testen von Hypothesen ist ein Fehler 1. Art, eine Nullhypothese zurückzuweisen, obwohl sie wahr ist.</p> <p>B: Die Wahrscheinlichkeit, dass die Nullhypothese abgelehnt wird, obwohl sie richtig ist, heißt Fehler 1. Art (Irrtumswahrscheinlichkeit).</p> <p>C: Als Fehler 2. Art wird der Fehler bezeichnet, den man begeht, wenn man die Nullhypothese beibehält, obwohl die Alternativhypothese gilt.</p> <p>D: Im Gegensatz zum Fehler 1. Art lässt sich die Wahrscheinlichkeit für den Fehler 2. Art meist nicht berechnen.</p>	<table style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr> <th style="width: 10%;"></th> <th style="width: 45%;">Wahr</th> <th style="width: 45%;">Falsch</th> </tr> <tr> <td>A</td> <td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td> <td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td> </tr> <tr> <td>B</td> <td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td> <td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td> </tr> <tr> <td>C</td> <td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td> <td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td> </tr> <tr> <td>D</td> <td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td> <td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td> </tr> </table>			Wahr	Falsch	A	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	B	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	C	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	D	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
	Wahr	Falsch																
A	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
B	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
C	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
D	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
2	<p>Wie kann gleichzeitig die Wahrscheinlichkeit beider Fehler (1. und 2. Art) verkleinert werden?</p> <p>A: Annahmebereich von H_0 vergrößern</p> <p>B: Annahmebereich von H_0 verkleinern</p> <p>C: Stichprobenumfang n vergrößern</p> <p>D: Stichprobenumfang n verkleinern</p> <p>E: Signifikanzniveau verkleinern</p>	<p>Richtig ist/sind:</p> <p>A <input type="checkbox"/></p> <p>B <input type="checkbox"/></p> <p>C <input type="checkbox"/></p> <p>D <input type="checkbox"/></p> <p>E <input type="checkbox"/></p>																
3	<p>Jan hat einen Würfel, vom dem er der Meinung ist, dass dieser zu selten auf der „6“ liegen bleibt. Er möchte einen statistischen Test durchführen. Wie muss er die Nullhypothese wählen?</p>	<p>Nullhypothese H_0:</p> <p><input type="checkbox"/> $p < \frac{1}{6}$ <input type="checkbox"/> $p = \frac{1}{6}$</p> <p><input type="checkbox"/> $p > \frac{1}{6}$ <input type="checkbox"/> $p \neq \frac{1}{6}$</p>																
4	<p> Für einen rechtsseitigen statistischen Test gilt $H_0: p = 0,4$; $n = 50$; $\alpha = 2\%$</p> <p>a) Bestimmen Sie den Annahmebereich.</p> <p>b) Bestimmen Sie die Wahrscheinlichkeit für einen Fehler 1. Art.</p> <p>Die tatsächliche Wahrscheinlichkeit für einen Treffer beträgt 0,6.</p> <p>c) Gesucht ist jetzt die Wahrscheinlichkeit für einen Fehler 2. Art. Welcher GTR-Befehl führt zum Ziel?</p> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse; margin-top: 5px;"> <tr> <td style="padding: 2px;"> Plot1 Plot2 Plot3 \Y1=binomcdf(50, 0,4,0.5 </td> <td style="padding: 2px;"> Plot1 Plot2 Plot3 \Y1=binomcdf(50, 0,4,X </td> <td style="padding: 2px;"> Plot1 Plot2 Plot3 \Y1=binomcdf(50, 0,6,X </td> </tr> </table> <p>d) Wie groß ist die gesuchte Wahrscheinlichkeit?</p>	Plot1 Plot2 Plot3 \Y1=binomcdf(50, 0,4,0.5	Plot1 Plot2 Plot3 \Y1=binomcdf(50, 0,4,X	Plot1 Plot2 Plot3 \Y1=binomcdf(50, 0,6,X	<p>a) <input type="checkbox"/> [0 ; 26] <input type="checkbox"/> [0 ; 27] <input type="checkbox"/> [0 ; 28]</p> <p>b) Auf 4 Stellen: ca. _____</p> <p>c) Kreuzen Sie an:</p> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse; margin-top: 5px;"> <tr> <td style="width: 33%; height: 20px;"></td> <td style="width: 33%;"></td> <td style="width: 33%;"></td> </tr> </table> <p>d) ca. ____ %</p>													
Plot1 Plot2 Plot3 \Y1=binomcdf(50, 0,4,0.5	Plot1 Plot2 Plot3 \Y1=binomcdf(50, 0,4,X	Plot1 Plot2 Plot3 \Y1=binomcdf(50, 0,6,X																

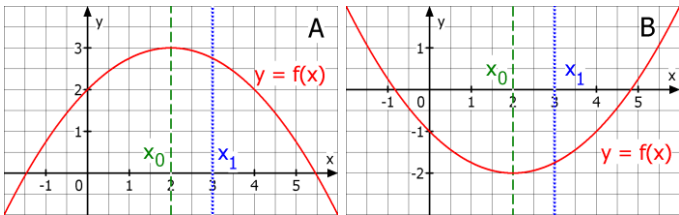
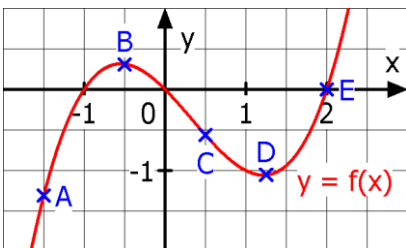
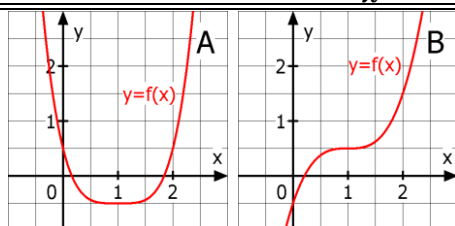
WADI Kursstufe D18		Stetig verteilte Zufallsvariablen	
Name: _____		Klasse: _____	
		r/f /n	
1	<p>Eine stetige Zufallsvariable X ...</p> <p>a) .. ist nötig, wenn die angenommenen Werte von X beliebige reelle Zahlen sein können.</p> <p>b) .. kann einen Wert x mit der Wahrscheinlichkeit $0 \leq P(X = x) \leq 1$ annehmen.</p>	<p>Wahr Falsch</p> <p>a) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>b) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p>	
2	<p>Welche Eigenschaft(en) muss eine Funktion f haben, die eine Wahrscheinlichkeitsdichte über dem Intervall [a,b] beschreibt?</p> <p>a) $\int_a^b f(x)dx = 1$ b) $\int_0^\infty f(x)dx = 1$</p> <p>c) für $x \in [a; b]$ gilt $f(x) > 0$</p> <p>d) für $x \in [a; b]$ gilt $f(x) \geq 0$</p>	<p>Wahr Falsch</p> <p>a) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>b) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>c) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>d) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p>	
3	<p>Die Wahrscheinlichkeitsdichte...</p> <p>A... ist ein Wert, der beschreibt wie sicher der Wert einer Wahrscheinlichkeit ist.</p> <p>B... ist ein Hilfsmittel, mit dem sich die Wahrscheinlichkeit berechnen lässt, dass eine stetige Zufallsvariable zwischen zwei reellen Zahlen a und b liegt.</p> <p>C ... kann Werte größer als 1 annehmen.</p>	<p>Wahr Falsch</p> <p>A <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>B <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>C <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p>	
4	<p>Den Erwartungswert einer Zufallsvariablen X mit Werten zwischen a und b und der Wahrscheinlichkeitsdichte f berechnet sich:</p> <p>a) $\mu = \int_a^b x \cdot f(x)dx$ b) $\mu = \int_a^b f(x)dx$</p>	Richtig ist __)	
5	<p>Der Graph zeigt die Wahrscheinlichkeitsdichte f über [0; 1,5]. Lesen Sie ab:</p> <p>a) $P(X = 0)$ b) $P(X < 1)$</p> <p>c) $P(1 \leq X \leq 1,5)$.</p>	 <p>a) $P(X = 0) = \underline{\hspace{2cm}}$</p> <p>b) $P(X < 1) = \underline{\hspace{2cm}}$</p> <p>c) $P(1 \leq X \leq 1,5) = \underline{\hspace{2cm}}$</p>	
6	<p>Gegeben ist f mit $f(x) = k \cdot x$ mit $k \in \mathbb{R}$.</p> <p> a) Bestimmen Sie k so, dass f eine Wahrscheinlichkeitsdichte über [0; 2] wird.</p> <p>b) Die Zufallsvariable X besitzt die Wahrscheinlichkeitsdichte f. Bestimmen Sie den Erwartungswert μ der Zufallsvariablen X.</p> <p>c) Bestimmen Sie $P(0 \leq X \leq 1)$.</p>	<p>a) $k =$ <input type="checkbox"/> 0 <input type="checkbox"/> $\frac{1}{2}$ <input type="checkbox"/> 1 <input type="checkbox"/> 2</p> <p>b) $\mu =$ <input type="checkbox"/> 0 <input type="checkbox"/> $\frac{1}{2}$ <input type="checkbox"/> 1 <input type="checkbox"/> $\frac{4}{3}$</p> <p>c) <input type="checkbox"/> 0 <input type="checkbox"/> $\frac{1}{2}$ <input type="checkbox"/> 1</p>	

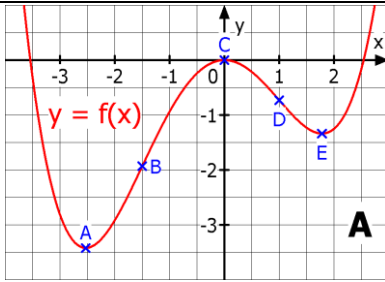
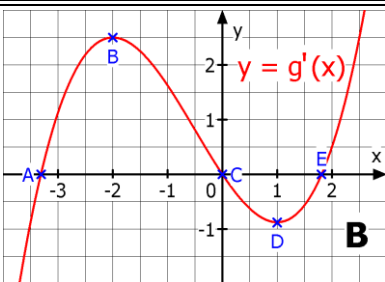
WADI Kursstufe D19		Gauß'sche Glockenfunktionen																					
Name: Klasse: 			r/f /n																				
1	<p>Die Gauß'schen Glockenfunktionen $\varphi_{\mu;\sigma}$ sind gegeben durch $\varphi_{\mu;\sigma}(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} \cdot e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}}$.</p> <p> a) Füllen Sie die Tabelle aus.</p> <p>b) Sind die Aussagen wahr oder falsch? A: Je kleiner σ ($\sigma > 0$) ist, desto „breiter“ und „flacher“ ist der Graph der Funktion. B: Das Maximum liegt an der Stelle $x = \mu$. C: der Graph ist symmetrisch zur y-Achse.</p>	<p>a) gerundet auf 2 Dezimale:</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <th style="padding: 2px 10px;">x</th> <th style="padding: 2px 10px;">$\varphi_{0;1}(x)$</th> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">0</td> <td></td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">1</td> <td></td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">2</td> <td></td> </tr> </table> <table style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td style="padding: 2px 10px;">b)</td> <td style="padding: 2px 10px;">Wahr</td> <td style="padding: 2px 10px;">Falsch</td> </tr> <tr> <td style="padding: 2px 10px;">A</td> <td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td> <td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td> </tr> <tr> <td style="padding: 2px 10px;">B</td> <td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td> <td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td> </tr> <tr> <td style="padding: 2px 10px;">C</td> <td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td> <td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td> </tr> </table>		x	$\varphi_{0;1}(x)$	0		1		2		b)	Wahr	Falsch	A	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	B	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	C	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
x	$\varphi_{0;1}(x)$																						
0																							
1																							
2																							
b)	Wahr	Falsch																					
A	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																					
B	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																					
C	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																					
2	<p>Ordnen Sie den Graphen die richtige Gaußsche Glockenfunktion zu.</p>	 <div style="margin-left: 100px;"> <p>_____ $\varphi_{1;0}$</p> <p>_____ $\varphi_{0;2}$</p> <p>_____ $\varphi_{2;1,5}$</p> <p>_____ $\varphi_{2;1}$</p> <p>_____ $\varphi_{3;2}$</p> <p>_____ $\varphi_{0;1}$</p> </div>																					
3	<p> In der Abbildung sind drei Funktionsterme im GTR-Fenster dargestellt. Welcher erzeugt den Graphen der Glockenfunktion $\varphi_{5;2}(x)$?</p>	<div style="border: 1px solid black; padding: 5px; width: fit-content; margin: 0 auto;"> <pre> Plot1 Plot2 Plot3 \Y1▢normalpdf(X, 2,5) \Y2▢normalpdf(X, 5,2) \Y3▢normalcdf(X, 5,2) </pre> </div> <p>Richtig ist:</p> <p>Y₁ <input type="checkbox"/> Y₂ <input type="checkbox"/> Y₃ <input type="checkbox"/></p>																					
4	<p>Wie entsteht der Graph der Funktion f mit $f(x) = \frac{1}{5\sqrt{2\pi}} \cdot e^{-\frac{1}{2} \cdot (\frac{x-7}{5})^2}$ aus dem Graphen der Gauß-Funktion $\varphi_{0;1}$?</p> <p>Kreuzen Sie entsprechend an.</p> <p>a) vertikale Stauchung mit dem Faktor ...</p> <p>b) horizontale Dehnung mit dem Faktor ...</p> <p>c) horizontale Verschiebung um ... nach ...</p>	<table style="width: 100%;"> <tr> <td style="width: 50%;">a) 5 <input type="checkbox"/></td> <td style="width: 50%;">1/5 <input type="checkbox"/></td> </tr> <tr> <td>7 <input type="checkbox"/></td> <td>1/7 <input type="checkbox"/></td> </tr> <tr> <td>b) 5 <input type="checkbox"/></td> <td>1/5 <input type="checkbox"/></td> </tr> <tr> <td>7 <input type="checkbox"/></td> <td>1/7 <input type="checkbox"/></td> </tr> <tr> <td>c) 5 <input type="checkbox"/></td> <td>1/5 <input type="checkbox"/></td> </tr> <tr> <td>7 <input type="checkbox"/></td> <td>1/7 <input type="checkbox"/></td> </tr> <tr> <td colspan="2">links <input type="checkbox"/></td> </tr> <tr> <td colspan="2">rechts <input type="checkbox"/></td> </tr> </table>		a) 5 <input type="checkbox"/>	1/5 <input type="checkbox"/>	7 <input type="checkbox"/>	1/7 <input type="checkbox"/>	b) 5 <input type="checkbox"/>	1/5 <input type="checkbox"/>	7 <input type="checkbox"/>	1/7 <input type="checkbox"/>	c) 5 <input type="checkbox"/>	1/5 <input type="checkbox"/>	7 <input type="checkbox"/>	1/7 <input type="checkbox"/>	links <input type="checkbox"/>		rechts <input type="checkbox"/>					
a) 5 <input type="checkbox"/>	1/5 <input type="checkbox"/>																						
7 <input type="checkbox"/>	1/7 <input type="checkbox"/>																						
b) 5 <input type="checkbox"/>	1/5 <input type="checkbox"/>																						
7 <input type="checkbox"/>	1/7 <input type="checkbox"/>																						
c) 5 <input type="checkbox"/>	1/5 <input type="checkbox"/>																						
7 <input type="checkbox"/>	1/7 <input type="checkbox"/>																						
links <input type="checkbox"/>																							
rechts <input type="checkbox"/>																							
5	<p>Gegeben ist die Gauß-Funktion $\varphi_{5;2}(x)$.</p> <p> a) Bestimmen Sie den Hochpunkt des Graphen.</p> <p>b) Berechnen Sie $\int_1^5 \varphi_{5;2}(x) dx$.</p> <p>c) Berechnen Sie $\int_1^\infty \varphi_{5;2}(x) dx$</p>	<p>a) $H \approx (\text{_____} \frac{0,4}{\text{_____}})$</p> <p>Auf 2 Dezimale gerundet:</p> <p>b) _____</p> <p>c) _____</p>																					

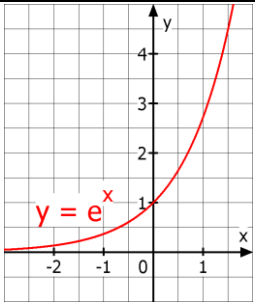
WADI Kursstufe D20		Normalverteilungen	
Name: _____		Klasse: _____	
		r/f /n	
1	<p>Füllen Sie die Lücken aus:</p> <p>a) Eine stetige Zufallsvariable X heißt _____ mit den Parametern μ und σ wenn sie eine Gauß'sche Glockenfunktion $\varphi_{\mu;\sigma}$ als _____ besitzt.</p> <p>b) Normalverteilungen kann man verwenden, um Wahrscheinlichkeiten von näherungsweise zu berechnen.</p>	<p>a) _____ _____ _____</p> <p>b) _____ _____ _____</p>	
2	<p>X sei eine normalverteilte Zufallsvariable mit $\mu = 10$ und $\sigma = 2$. Die Wahrscheinlichkeit $P(a \leq X \leq b)$ berechnet sich</p> <p>A: $\int_a^b \varphi_{10;2}(x)dx$ B: $\int_2^{10} \varphi_{a;b}(x)dx$</p>	<p>Richtig ist:</p> <p>A <input type="checkbox"/> B <input type="checkbox"/></p>	
3	<p>Unter der <i>Stetigkeitskorrektur</i> versteht man ...</p> <p>A: .. einen Korrekturterm, der zum Ausgleich von Rundungsfehlern subtrahiert wird.</p> <p>B: .. die Vergrößerung des Integrationsintervalls auf beiden Seiten um 0,5, wenn mit ganzzahligen Zufallsvariablen gearbeitet wird.</p> <p>C: .. $P(\mu - \sigma \leq X \leq \mu + \sigma) \approx 68\%$</p>	<p>Richtig ist/sind:</p> <p>A <input type="checkbox"/></p> <p>B <input type="checkbox"/></p> <p>C <input type="checkbox"/></p>	
4	<p>Welcher GTR-Befehl kann verwendet werden, um für die Normalverteilung $\varphi_{64;6}$ den Wert von $P(X \leq 70)$ zu bestimmen?</p> <p>A B C</p> <p><code>normalcdf(-100,7 0,64,6</code> <code>normalcdf(70,0,6 4,6</code> <code>normalcdf(0,6,64 ,70</code></p>	<p>Richtig ist/sind:</p> <p>A <input type="checkbox"/> B <input type="checkbox"/> C <input type="checkbox"/></p>	
5	<p>Bestimmen Sie für eine normalverteilte Zufallsvariable X mit $\mu = 3$ und $\sigma = 2$</p> <p>a) $P(X \leq 2)$ b) $P(2 \leq X \leq 4)$ c) $P(X \geq 4,5)$</p>	<p>a) $P(X \leq 2) = \underline{\hspace{2cm}}\%$</p> <p>b) $P(2 \leq X \leq 4) = \underline{\hspace{2cm}}\%$</p> <p>c) $P(X \geq 4,5) = \underline{\hspace{2cm}}\%$</p>	
6	<p>Die Zufallsvariable X sei binomialverteilt mit $n = 100$ und $p = 0,2$.</p> <p>a) Der GTR-Befehl <code>binomcdf(100,0.2,25)</code> berechnet die Wahrscheinlichkeit für Treffer.</p> <p>b) Bestimmen Sie mithilfe einer Approximation durch eine geeignete Normalverteilung</p> <p>A: $P(X \leq 25)$ B: $P(35 \leq X \leq 42)$ C: $P(X \geq 42)$</p>	<p>a) _____</p> <p>b) Auf eine Dezimale angeben $\mu = \underline{\hspace{2cm}}$; $\sigma \approx \underline{\hspace{2cm}}$</p> <p>A: $P(X \leq 25) \approx \underline{\hspace{2cm}}\%$</p> <p>B: $P(25 \leq X \leq 30) \approx \underline{\hspace{2cm}}\%$</p> <p>C: $P(X \geq 20) \approx \underline{\hspace{2cm}}\%$</p>	

WADI Kursstufe C25		Verknüpfen von Funktionen																
Lösungen			r/f /n															
1	Verkettet man die Funktionen u und v , so bedeutet $(u \circ v)(x)$, dass im Funktionsterm von e) u jedes $v(x)$ durch x ersetzt wird. f) u jedes x durch $v(x)$ ersetzt wird. g) v jedes x durch $u(x)$ ersetzt wird. h) v jedes $u(x)$ durch x ersetzt wird.	<table><tr><th></th><th>Ja</th><th>Nein</th></tr><tr><td>a)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>b)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>c)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>d)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr></table>		Ja	Nein	a)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	b)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	c)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	d)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	
	Ja	Nein																
a)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																
b)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
c)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																
d)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																
2	Bestimmen Sie anhand der Graphen die gesuchten Funktionswerte. <div></div>	<table><tr><td>a)</td><td>$f(g(1)) = 0,5$</td></tr><tr><td>b)</td><td>$f(g(4)) = 1$</td></tr><tr><td>c)</td><td>$g(f(2)) = 1$</td></tr><tr><td>d)</td><td>$g(f(8)) = 2$</td></tr></table>	a)	$f(g(1)) = 0,5$	b)	$f(g(4)) = 1$	c)	$g(f(2)) = 1$	d)	$g(f(8)) = 2$								
a)	$f(g(1)) = 0,5$																	
b)	$f(g(4)) = 1$																	
c)	$g(f(2)) = 1$																	
d)	$g(f(8)) = 2$																	
3	Gegeben sind die Funktionen u und v mit $u(x) = 2x^2$ und $v(x) = x + 2$. Ordnen Sie den Verkettungen jeweils das richtige Ergebnis zu. A: $u(v(1))$ C: $u(u(0))$ B: $v(u(1))$ D: $v(u(-4))$	<table><tr><td>— 3</td><td>— 16</td></tr><tr><td>A 18</td><td>— 8</td></tr><tr><td>C 0</td><td>B 4</td></tr><tr><td>D 34</td><td>— 66</td></tr></table>	— 3	— 16	A 18	— 8	C 0	B 4	D 34	— 66								
— 3	— 16																	
A 18	— 8																	
C 0	B 4																	
D 34	— 66																	
4	Ist die Funktion aus den Funktionen u und v mit $u(x) = x^3$ und $v(x) = 3x + 1$ gebildet worden? Wenn ja, auf welche Art? A: $f(x)=6x+2$ B: $g(x)=3x^3+1$ C: $h(x)=x^3+3x+1$ D: $i(x)=x^6$ E: $j(x)=(3x+1)^3$ F: $k(x)=(3x+1)^2$	<table><tr><td>C $u+v$</td><td>— $u:v$</td></tr><tr><td>— $u-v$</td><td>E $u \circ v$</td></tr><tr><td>— $u \cdot v$</td><td>B $v \circ u$</td></tr></table>	C $u+v$	— $u:v$	— $u-v$	E $u \circ v$	— $u \cdot v$	B $v \circ u$										
C $u+v$	— $u:v$																	
— $u-v$	E $u \circ v$																	
— $u \cdot v$	B $v \circ u$																	
5	Wahr oder falsch: a) Bei der Verkettung von zwei Funktionen ist die Reihenfolge ohne Bedeutung. b) Eine Funktion kann nie mit sich selbst verkettet werden. c) Eine Verkettung von mehr als zwei Funktionen ist nicht möglich. d) Bei der Verkettung $(u \circ v)(x) = u(v(x))$ ist v die innere und u die äußere Funktion.	<table><tr><th></th><th>Wahr</th><th>Falsch</th></tr><tr><td>a)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>b)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>c)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>d)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>		Wahr	Falsch	a)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	b)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	c)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	d)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	
	Wahr	Falsch																
a)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																
b)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																
c)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																
d)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
6	Welche Funktion entsteht bei der Verkettung mit dem GTR für Y_3 ? <div></div>	<table><tr><td><input type="checkbox"/></td><td>$f(x) = (x + 2)^4$</td></tr><tr><td><input type="checkbox"/></td><td>$f(x) = x^2 + 4$</td></tr><tr><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td>$f(x) = (x + 4)^2$</td></tr></table>	<input type="checkbox"/>	$f(x) = (x + 2)^4$	<input type="checkbox"/>	$f(x) = x^2 + 4$	<input checked="" type="checkbox"/>	$f(x) = (x + 4)^2$										
<input type="checkbox"/>	$f(x) = (x + 2)^4$																	
<input type="checkbox"/>	$f(x) = x^2 + 4$																	
<input checked="" type="checkbox"/>	$f(x) = (x + 4)^2$																	

WADI Kursstufe C26		Ableitungsregeln																									
Lösungen			r/f /n																								
1	<p>Gegeben sind die Funktionen f und g durch $f(x) = (u \circ v)(x)$ und $g(x) = (u \cdot v)(x)$. Dabei sind die Funktionen u und v differenzierbar.</p> <p>a) Die Zeichen \circ und \cdot bedeuten das Gleiche, also haben f und g die gleiche Ableitung.</p> <p>b) für f' gilt: $f'(x) = v'(x) \cdot u'(v(x))$</p> <p>c) f und g müssen nicht differenzierbar sein.</p> <p>d) für g' gilt: $g'(x) = u'(x) \cdot v'(x) + u(x) \cdot v(x)$</p> <p>e) $f(x)$ schreibt man auch als $u(v(x))$.</p>	<p>Wahr Falsch</p> <p>a) <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/></p> <p>b) <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>c) <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/></p> <p>d) <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/></p> <p>e) <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p>																									
2	<p>Welche der Ableitungsregeln (Potenz-, Produkt- oder Kettenregel (Pot, Pro oder Ket)) hilft beim Ableiten der Funktionen?</p> <p>A: $f(x) = \frac{1}{x^2}$ B: $g(x) = \sin(x^2)$ C: $h(x) = \sqrt{3 + x^3}$</p> <p>D: $i(x) = 2x \cdot \cos(x)$ E: $m(x) = \frac{1}{2}x^2 \cdot (1 - x)^2$</p>	<table> <tr> <th></th><th>Pot</th><th>Pro</th><th>Ket</th></tr> <tr> <td>A</td><td>X</td><td></td><td></td></tr> <tr> <td>B</td><td>X</td><td></td><td>X</td></tr> <tr> <td>C</td><td>X</td><td></td><td>X</td></tr> <tr> <td>D</td><td>X</td><td>X</td><td></td></tr> <tr> <td>E</td><td>X</td><td>X</td><td>X</td></tr> </table>		Pot	Pro	Ket	A	X			B	X		X	C	X		X	D	X	X		E	X	X	X	
	Pot	Pro	Ket																								
A	X																										
B	X		X																								
C	X		X																								
D	X	X																									
E	X	X	X																								
3	<p>Bei $u \circ v$ mit $u(x) = x^2$ und $v(x) = \sin(x)$ ist</p> <p>a) $\cos(x)$ die Ableitung der äußeren Funktion.</p> <p>b) $\cos(x)$ die Ableitung der inneren Funktion.</p>	<p>Richtig Falsch</p> <p>a) <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/></p> <p>b) <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p>																									
4	<p>Gegeben sind die Funktionen f und g durch $f(x) = (3 - x)^4$ und $g(x) = (2 + x) \cdot (1 + 4x)^4$. Ergänzen Sie die Lücken in der Ableitung:</p> <p>a) $f'(x) = \square \cdot (3 - x)^3$</p> <p>b) $g'(x) = (1 + 4x)^4 + (2 + x) \cdot \square \cdot (1 + 4x)^3$</p>	<p>Für <input type="checkbox"/> muss stehen:</p> <p>a) - 4</p> <p>b) 16</p>																									
5	<p>Entscheiden Sie, welches die Ableitung von f mit $f(x) = (3x + 5) \cdot \sin(x)$ ist.</p> <p>a) $f'(x) = 3 \cdot \cos(x)$ b) $f'(x) = 3x \cdot \cos(x)$</p> <p>c) $f'(x) = 3 \cdot \sin(x) + (3x + 5) \cdot \cos(x)$</p> <p>d) $f'(x) = 3 \cdot \cos(x) + (3x + 5) \cdot \sin(x)$</p>	<p>Richtig ist:</p> <p>a) <input type="checkbox"/></p> <p>b) <input type="checkbox"/></p> <p>c) <input checked="" type="checkbox"/></p> <p>d) <input type="checkbox"/></p>																									
6	<p>Geben Sie zur Funktion f jeweils $f'(3)$ an.</p> <p>a) $f(x) = (x + 5)^2$ b) $f(x) = (-3x + 5)^2$</p> <p>c) $f(x) = \frac{1}{(x - 5)^2}$ d) $f(x) = \frac{9}{(4x - 6)^2}$</p>	<p>Es ist $f'(3)$</p> <p>a) 16 b) 24</p> <p>c) $\frac{1}{4}$ d) $-\frac{1}{3}$</p>																									
7	<p>Gegeben ist die Funktion f mit $f(x) = (2x + 1)^3$.</p> <p>a) Welche Steigung hat der Graph in $P(-2 f(-2))$?</p> <p>b) An welcher Stelle hat der Graph eine waagrechte Tangente?</p>	<p>a) Steigung $m = 54$</p> <p>b) Stelle $x = -0,5$</p>																									

WADI Kursstufe C27		2. Ableitung und Extremstellen																									
Lösungen			r/f /n																								
1	<p>Entscheiden Sie, welche Aussagen zutreffen.</p> <p>a) Der Graph von f ist eine Rechtskurve. b) Der Graph von f ist eine Linkskurve. c) Der Graph von f' steigt streng monoton. d) Es ist $f''(x_0) < 0$. e) Es ist $f''(x_1) < 0$.</p>		<p>Trifft im dargestellten Intervall zu für den Graphen in</p> <table><tr><th></th><th>A</th><th>B</th></tr><tr><td>a)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>b)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>c)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>d)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>e)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>		A	B	a)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	b)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	c)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	d)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	e)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>						
	A	B																									
a)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																									
b)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																									
c)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																									
d)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																									
e)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																									
2	<p>Tragen Sie in der Tabelle ein, ob $f(x)$, $f'(x)$ und $f''(x)$ in den markierten Punkten positiv (>0), negativ (<0) oder Null sind.</p>		<table><tr><th></th><th>$f(x)$</th><th>$f'(x)$</th><th>$f''(x)$</th></tr><tr><td>A</td><td><0</td><td>>0</td><td><0</td></tr><tr><td>B</td><td>>0</td><td>$=0$</td><td><0</td></tr><tr><td>C</td><td><0</td><td><0</td><td>$=0$</td></tr><tr><td>D</td><td><0</td><td>$=0$</td><td>>0</td></tr><tr><td>E</td><td>$=0$</td><td>>0</td><td>>0</td></tr></table>		$f(x)$	$f'(x)$	$f''(x)$	A	<0	>0	<0	B	>0	$=0$	<0	C	<0	<0	$=0$	D	<0	$=0$	>0	E	$=0$	>0	>0
	$f(x)$	$f'(x)$	$f''(x)$																								
A	<0	>0	<0																								
B	>0	$=0$	<0																								
C	<0	<0	$=0$																								
D	<0	$=0$	>0																								
E	$=0$	>0	>0																								
3	<p>Entscheiden Sie anhand der 2. Ableitung, ob der Extrempunkt P ein Hochpunkt (HP) oder Tiefpunkt (TP) des Graphen von f ist.</p> <p>a) $f(x) = x^2 + 6x + 5$, $P(-3 -4)$ b) $f(x) = 2x^3 + 3x^2 - 12x$, $P(-2 20)$ c) $f(x) = 0,75x^4 - x^3 - 3x^2$, $P(2 -8)$</p>	<p>a) $f''(-3) = 2$ HP <input type="checkbox"/> TP <input checked="" type="checkbox"/> b) $f''(-2) = -18$ HP <input checked="" type="checkbox"/> TP <input type="checkbox"/> c) $f''(2) = 18$ HP <input type="checkbox"/> TP <input checked="" type="checkbox"/></p>																									
4	<p>Berechnen Sie die Hochpunkte (HP) und Tiefpunkte (TP) des Graphen von f.</p> <p>a) $f(x) = x^3 - 3x^2 + 2$ b) $f(x) = x + \frac{4}{x}$</p>	<p>a) HP(0 2) TP(2 -2) b) TP(2 4) HP(-2 -4)</p>																									
5	<p>Welche Aussagen sind zutreffend?</p> <p>a) $f'(1)=0$ und $f''(1)=0$ b) f' wechselt bei $x = 1$ sein Vorzeichen. c) Für $x = 1$ hat der Graph einen Sattelpunkt. d) f' wechselt bei $x = 1$ sein Vorzeichen nicht. e) Für $x = 1$ hat der Graph einen Extrempunkt.</p>		<p>Trifft zu für den Graphen in</p> <table><tr><th></th><th>A</th><th>B</th></tr><tr><td>a)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>b)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>c)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>d)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>e)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>		A	B	a)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	b)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	c)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	d)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	e)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>						
	A	B																									
a)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																									
b)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																									
c)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																									
d)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																									
e)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																									
6	<p>Eine ganzrationale Funktion f ...</p> <p>a) ... vom Grad 2 hat genau eine Extremstelle. b) ... mit genau drei verschiedenen Extremstellen ist mindestens vom Grad 4. c) ... vom Grad n hat höchstens n Extremstellen.</p>	<table><tr><th></th><th>Richtig</th><th>Falsch</th></tr><tr><td>a)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>b)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>c)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr></table>		Richtig	Falsch	a)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	b)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	c)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>													
	Richtig	Falsch																									
a)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																									
b)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																									
c)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																									

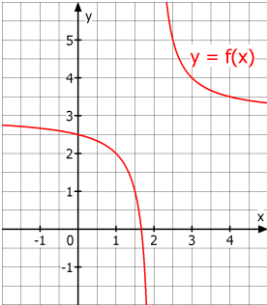
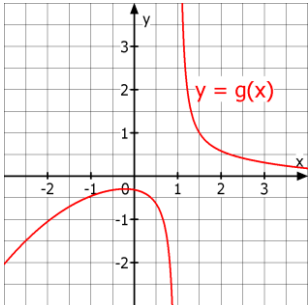
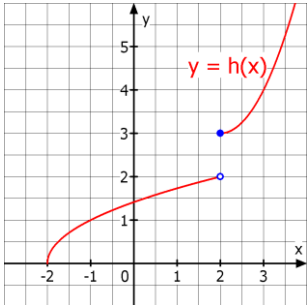
WADI Kursstufe C28		Wendestellen																									
Lösungen			r/f /n																								
1	Abb. A zeigt den Graphen einer Funktion f . Die markierten Punkte sind entweder Extrempunkte (HP oder TP) oder Wendepunkte (WP). Füllen Sie die Tabelle aus.		Die Punkte sind für den Graphen von f <table><tr><th></th><th>HP</th><th>TP</th><th>WP</th></tr><tr><td>A</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>B</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>C</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>D</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>E</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>		HP	TP	WP	A	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	B	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	C	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	D	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	E	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
	HP	TP	WP																								
A	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																								
B	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																								
C	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																								
D	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																								
E	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																								
2	Abb. B zeigt den Graphen der Ableitung einer Funktion g . Die markierten Punkte sind entweder Extrempunkte (HP oder TP) oder Wendepunkte (WP) des Graphen von g . Füllen Sie die Tabelle aus.		Die Punkte sind für den Graphen von g <table><tr><th></th><th>HP</th><th>TP</th><th>WP</th></tr><tr><td>A</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>B</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>C</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>D</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>E</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>		HP	TP	WP	A	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	B	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	C	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	D	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	E	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
	HP	TP	WP																								
A	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																								
B	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																								
C	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																								
D	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																								
E	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																								
3	Entscheiden Sie, ob die Aussagen zur Funktion f bzw. zu ihrem Graphen wahr oder falsch sind. a) Wendestellen von f sind Extremstellen von f' . b) in einem Wendepunkt geht der Graph immer von einer Links- in eine Rechtskurve über. c) Gilt $f'(x_0) = 0$, $f''(x_0) = 0$ und $f'''(x_0) \neq 0$, so ist $W(x_0 f(x_0))$ Sattelpunkt des Graphen von f .	<table><tr><th></th><th>Wahr</th><th>Falsch</th></tr><tr><td>a)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>b)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>c)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>			Wahr	Falsch	a)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	b)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	c)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>												
	Wahr	Falsch																									
a)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																									
b)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																									
c)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																									
4	Welche der angegebenen Stellen sind Wendestellen der Funktion f mit $f(x) = x^4 - 6x^2 - 8x$? $x_1 = -3$, $x_2 = -2$, $x_3 = -1$, $x_4 = 1$, $x_5 = 2$, $x_6 = 3$	Wendestellen sind <table><tr><td><input type="checkbox"/> x_1</td><td><input type="checkbox"/> x_2</td><td><input checked="" type="checkbox"/> x_3</td></tr><tr><td><input checked="" type="checkbox"/> x_4</td><td><input type="checkbox"/> x_5</td><td><input type="checkbox"/> x_6</td></tr></table>		<input type="checkbox"/> x_1	<input type="checkbox"/> x_2	<input checked="" type="checkbox"/> x_3	<input checked="" type="checkbox"/> x_4	<input type="checkbox"/> x_5	<input type="checkbox"/> x_6																		
<input type="checkbox"/> x_1	<input type="checkbox"/> x_2	<input checked="" type="checkbox"/> x_3																									
<input checked="" type="checkbox"/> x_4	<input type="checkbox"/> x_5	<input type="checkbox"/> x_6																									
5	Welche der angegebenen Gleichungen gehören zu Wendetangenten an den Graphen von f mit $f(x) = \frac{1}{2}x^4 + x^3 + 1$ a) $y = x$ b) $y = 1$ c) $x = 1$ d) $y = x + 1,5$ e) $y = x + 0,5$ f) $y = -x + 1,5$	Gleichungen zu Wendetangenten sind: <table><tr><td>a) <input type="checkbox"/></td><td>d) <input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>b) <input checked="" type="checkbox"/></td><td>e) <input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>c) <input type="checkbox"/></td><td>f) <input type="checkbox"/></td></tr></table>		a) <input type="checkbox"/>	d) <input checked="" type="checkbox"/>	b) <input checked="" type="checkbox"/>	e) <input type="checkbox"/>	c) <input type="checkbox"/>	f) <input type="checkbox"/>																		
a) <input type="checkbox"/>	d) <input checked="" type="checkbox"/>																										
b) <input checked="" type="checkbox"/>	e) <input type="checkbox"/>																										
c) <input type="checkbox"/>	f) <input type="checkbox"/>																										
6	Bestimmen Sie mit dem GTR die Wendepunkte des Graphen von f mit $f(x) = 2x^4 + 8x^3 - 7x + 3$.	Wendepunkte $W_1 (-2 -15)$; $W_2 (0 3)$																									
7	Jede ganzrationale Funktion... a) ...mit ungeradem Grad größer 1 hat mindestens eine Wendestelle. b) ...die symmetrisch zur y -Achse ist, hat mindestens eine Wendestelle.	<table><tr><th></th><th>Richtig</th><th>Falsch</th></tr><tr><td>a)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>b)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr></table>			Richtig	Falsch	a)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	b)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>															
	Richtig	Falsch																									
a)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																									
b)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																									

WADI Kursstufe C30		Logarithmus und Exponentialgleichung																			
Lösungen			r/f /n																		
1	Ordnen Sie mithilfe des Graphen von f mit $f(x) = e^x$ die folgenden Werte richtig zu. a) $e^{0,5}$ b) $\ln(1)$ c) $\ln(2)$ d) $\ln(0,5)$ e) $\ln(4)$ f) e^{-1}		f) 0,368 c) 0,693 b) 0 d) -0,693 e) 1,386 a) 1,649																		
2	Vereinfachen Sie: a) $\ln(e)$ b) $\ln(e^2)$ c) $\ln(\frac{1}{e})$ d) $\ln(1)$ e) $\ln(e^{-1})$ f) $e^{\ln(4)}$	a) 1 b) 2 c) -1 d) 0 e) -1 f) 4																			
3	Entscheiden Sie, ob die Aussage wahr ist. a) $\ln(2)$ ist die Zahl, die mit e potenziert 2 ergibt. b) $\ln(2)$ ist Lösung der Gleichung $e^x = 2$. c) $\ln(2)$ ist Lösung der Gleichung $2^x = e$. d) $\ln(2)$ ist die Zahl, die mit 2 potenziert e ergibt. e) $\ln(2)$ ist näherungsweise 0,693.	<table><tr><th></th><th>Wahr</th><th>Falsch</th></tr><tr><td>a)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>b)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>c)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>d)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>e)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>		Wahr	Falsch	a)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	b)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	c)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	d)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	e)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	
	Wahr	Falsch																			
a)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																			
b)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																			
c)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																			
d)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																			
e)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																			
4	Welche Umformungen sind richtig? a) $\ln(e^x) = e$ ($x \in \mathbb{R}$) b) $\ln(e^x) = x$ ($x \in \mathbb{R}$) c) $e^{\ln(x)} = x$ ($x \in \mathbb{R}^+$) d) $e^{\ln(x)} = \ln(x)$ ($x \in \mathbb{R}$)	Richtig ist: a) <input type="checkbox"/> b) <input checked="" type="checkbox"/> c) <input checked="" type="checkbox"/> d) <input type="checkbox"/>																			
5	Berechnen Sie die Nullstellen der Funktion f a) $f(x) = e^x - e$ b) $f(x) = (x + 1) \cdot e^x$	Nullstelle a) $x = 1$ b) $x = -1$																			
6	Der Term 2^x ist äquivalent zu a) $\ln(e^{2x})$ b) $e^{\ln(2x)}$ c) $e^{x \ln(2)}$ d) $e^{x + \ln(2)}$	a) <input type="checkbox"/> b) <input type="checkbox"/> c) <input checked="" type="checkbox"/> d) <input type="checkbox"/>																			
7	Für welchen x-Wert nimmt die Funktion den Wert 12 an (auf zwei Dezimalen gerundet)? a) $f(x) = e^x$ b) $g(x) = e^{2x}$ c) $h(x) = 3e^x$ d) $k(x) = e^{3x+1}$	Der x-Wert ist a) 2,48 b) 1,24 c) 1,39 d) 0,49																			
8	Lösen Sie die Gleichung. a) $e^x = e^6$ b) $3^x = 9$ c) $e^x(e^x - 5) = 0$	a) 6 b) 2 c) $\ln(5)$																			
9	Sind die folgenden Schritte zur Lösung der Gleichung $e^{2x} - 10e^x + 9 = 0$ richtig? 1. Mit $z = e^x$ erhält man $z^2 - 10z + 9 = 0$ 2. Lösungen sind $z_1 = 9$ und $z_2 = 1$. 3. Aus $e^x = 9$ und $e^x = 1$ erhält man als Lösungen der Gleichung $x_1 = \ln(9)$ oder $x_2 = 1$.	Der Schritt ist <table><tr><th></th><th>richtig</th><th>falsch</th></tr><tr><td>1.</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>2.</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>3.</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr></table>		richtig	falsch	1.	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	2.	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	3.	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>							
	richtig	falsch																			
1.	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																			
2.	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																			
3.	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																			

Lösungen

r/f
/n

1 Ordnen Sie den Funktionen ihre Polstelle zu:

Polstelle von

	f	g	h
x = 3	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
y = 2	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
x = 2	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
x = 1	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
y = 0	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
x = -2	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
keine	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>

2 Welche Aussagen zur Funktion f sind wahr, welche falsch?

a) Hat f eine Polstelle an der Stelle 3, so hat der Graph von f eine senkrechte Asymptote mit der Gleichung $x = 3$.

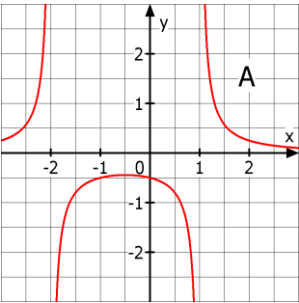
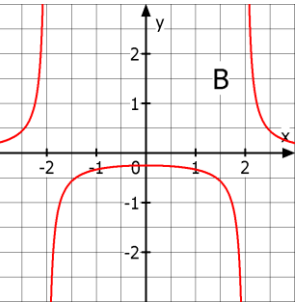
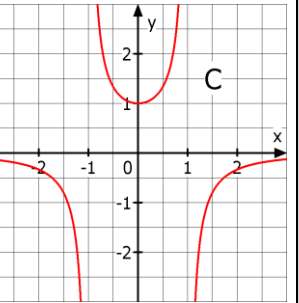
b) Hat f eine Polstelle bei x_0 , so gilt $f(x_0) = \infty$.

c) Hat f eine Polstelle bei x_0 , so ist f an der Stelle x_0 nicht definiert.

d) Hat f die Definitionslücke x_0 , so hat f an dieser Stelle eine Polstelle.

	Wahr	Falsch
a)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
b)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
c)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
d)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>

3 Ordnen Sie den Graphen die Funktionsterme zu:

C $\frac{1}{1-x^2}$

A $\frac{1}{(x-1)(x+2)}$

— $\frac{1}{x^2-1}$

B $\frac{1}{x^2-4}$

4 Gegeben sind die Funktionen f, g und h mit $f(x) = \frac{7}{x-5}$, $g(x) = \frac{e^x}{(x+3)^2}$ und $h(x) = \frac{1}{x^2-4}$.
Geben Sie, wenn vorhanden, die Gleichungen der senkrechten Asymptoten der Graphen an.

zu f: $x = 5$

zu g: $x = -3$

zu h: $x = 2$ und $x = -2$

5 Ordnen Sie eine passende Funktion zu:

a) $x = 2$ ist Nullstelle und $x = -1$ ist Polstelle der Funktion.

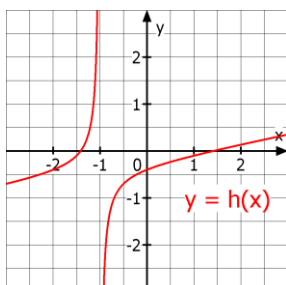
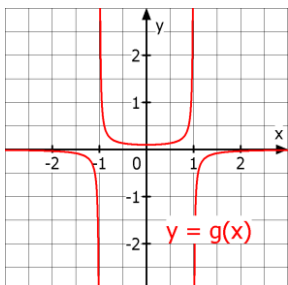
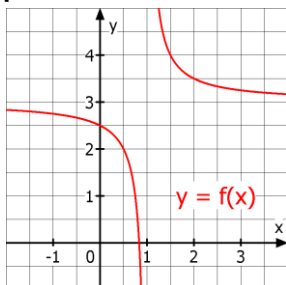
b) Der Graph der Funktion hat senkrechte Asymptoten für $x = -2$ und $x = 1$.

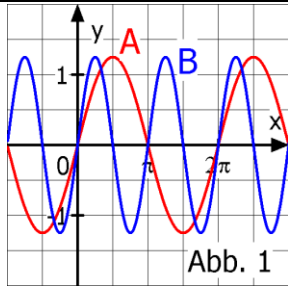
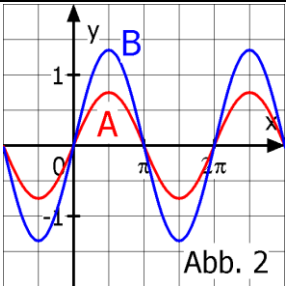
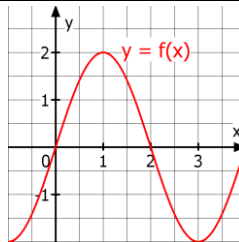
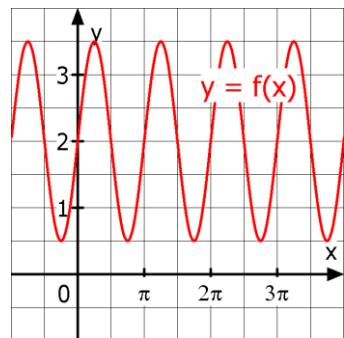
a) $f(x) = \frac{(x-2)}{(x+1)^2}$

— $g(x) = \frac{(x+1)}{(x-2)}$

— $h(x) = \frac{(x^2+1)}{(x+2)(x+1)}$

b) $m(x) = \frac{(x+1)}{(x+2)(x-1)}$

WADI Kursstufe C32		Verhalten für $x \rightarrow \pm\infty$																																			
Lösungen			r/f /n																																		
1	<p>Welche waagrechte Asymptote gehört zum Graphen welcher Funktion?</p> <div></div>	<table><tr><th rowspan="2"></th><th colspan="3">Graph von</th></tr><tr><th>f</th><th>g</th><th>h</th></tr><tr><td>$x = 3$</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>$y = 1$</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>$x = 1$</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>$y = 3$</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>$y = 0$</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>$x = -1$</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>keine</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr></table>		Graph von			f	g	h	$x = 3$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	$y = 1$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	$x = 1$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	$y = 3$	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	$y = 0$	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	$x = -1$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	keine	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
	Graph von																																				
	f	g	h																																		
$x = 3$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																																		
$y = 1$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																																		
$x = 1$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																																		
$y = 3$	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																																		
$y = 0$	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																																		
$x = -1$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																																		
keine	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																																		
2	<p>f ist eine Funktion und für $x \rightarrow \infty$ gelte $f(x) \rightarrow 2$ aber $f(x) \neq 2$. Entscheiden Sie.</p> <p>a) Der Graph von f hat die waagrechte Asymptote mit der Gleichung $y = 2$.</p> <p>b) Der Graph von f hat die senkrechte Asymptote mit der Gleichung $y = 2$.</p> <p>c) Geht man auf der x-Achse immer weiter nach rechts, so nähern sich die Funktionswerte immer mehr der 2 an.</p> <p>d) Es gilt dann $f(100) = 2$.</p>	<table><tr><th></th><th>Wahr</th><th>Falsch</th></tr><tr><td>a)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>b)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>c)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>d)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr></table>		Wahr	Falsch	a)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	b)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	c)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	d)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																				
	Wahr	Falsch																																			
a)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																																			
b)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																																			
c)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																																			
d)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																																			
3	<p>Gesucht sind die Funktionen, deren Graph die waagrechte Asymptote $y = 2$ besitzt.</p> <p>a) $f(x) = 2x^2 + 5$ b) $f(x) = \frac{2x+3}{x^2-1}$</p> <p>c) $f(x) = \frac{x^2+1}{2x^2}$ d) $f(x) = 2 + \frac{1}{x^2}$</p> <p>e) $f(x) = \frac{2x+1}{x-3}$ f) $f(x) = \frac{4x^2-5}{2x^2-4}$</p>	<p>Graph hat $y = 2$ als waagrechte Asymptote</p> <p>a) <input type="checkbox"/> b) <input type="checkbox"/></p> <p>c) <input type="checkbox"/> d) <input checked="" type="checkbox"/></p> <p>e) <input checked="" type="checkbox"/> f) <input checked="" type="checkbox"/></p>																																			
4	<p>Geben Sie, wenn vorhanden, die Gleichung der waagrechten Asymptoten an.</p> <p>a) $f(x) = \frac{x^2+4x}{x^3+6}$ b) $g(x) = \frac{x^2+2x}{x^2+3}$</p> <p>c) $h(x) = \frac{6x^2+3x}{3x^2-1}$ d) $m(x) = \frac{2x^3}{x+1}$</p>	<p>a) $y = 0$</p> <p>b) $y = 1$</p> <p>c) $y = 2$</p> <p>d) keine</p>																																			
5	<p>Für $x \rightarrow \infty$ gilt für $n \in \mathbb{N}$: „e^x dominiert x^n.“ Welche Aussage ist dann richtig, welche falsch?</p> <p>a) Für $x \rightarrow \infty$ gilt dann $e^x \cdot x^2 \rightarrow \infty$.</p> <p>b) Es existiert eine Zahl $k > 0$ mit $e^k > k^2$.</p> <p>c) Für $x \rightarrow \infty$ gilt dann $\frac{x^3}{e^x} \rightarrow \infty$</p>	<table><tr><th></th><th>Richtig</th><th>Falsch</th></tr><tr><td>a)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>b)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>c)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr></table>		Richtig	Falsch	a)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	b)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	c)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																							
	Richtig	Falsch																																			
a)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																																			
b)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																																			
c)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																																			

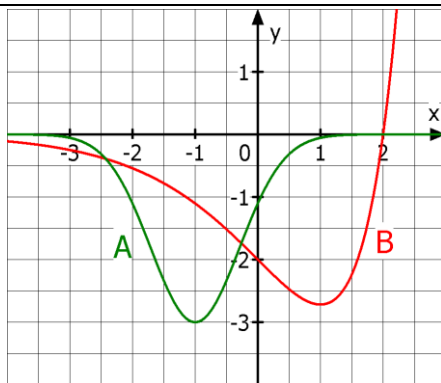
WADI Kursstufe C33		Trigonometrische Funktionen																		
Lösungen			r/f /n																	
1	Was wurde vom Graphen A zum Graphen B verändert? Ordnen Sie jeder Abbildung die passende Aussage zu.	<div></div> <div></div>	<table><tr><td>1</td><td>Die Periode wurde halbiert.</td></tr><tr><td></td><td>Die Periode wurde verdoppelt.</td></tr><tr><td></td><td>Die Amplitude wurde halbiert.</td></tr><tr><td>2</td><td>Die Amplitude wurde verdoppelt.</td></tr></table>	1	Die Periode wurde halbiert.		Die Periode wurde verdoppelt.		Die Amplitude wurde halbiert.	2	Die Amplitude wurde verdoppelt.									
1	Die Periode wurde halbiert.																			
	Die Periode wurde verdoppelt.																			
	Die Amplitude wurde halbiert.																			
2	Die Amplitude wurde verdoppelt.																			
2	Gegeben sind die Funktionen f und g mit $f(x) = -\sin(3(x + \frac{\pi}{2}))$ und $g(x) = \sin(\frac{\pi}{4}(x - 3))$. Welche Aussage trifft zu? a) Für die Amplitude a gilt: $ a = 1$. b) Die Periode ist $p = 8$. c) Graph ist gegenüber dem Graphen von $\sin(x)$ um 3 in die positive x -Richtung verschoben. d) Graph ist gegenüber dem Graphen von $\sin(x)$ um $\frac{\pi}{2}$ in die negative x -Richtung verschoben.	<table><tr><td></td><td>f</td><td>g</td></tr><tr><td>a)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>b)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>c)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>d)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>		f	g	a)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	b)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	c)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	d)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>			
	f	g																		
a)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																		
b)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																		
c)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																		
d)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																		
3	Ermitteln Sie anhand der Tabelle und dem Graphen die Amplitude, Periode und Gleichung von f . <table><tr><td>x</td><td>0</td><td>0,5</td><td>1</td><td>1,5</td><td>2</td><td>2,5</td><td>3</td><td>3,5</td></tr><tr><td>f(x)</td><td>0</td><td>1,41</td><td>2</td><td>1,41</td><td>0</td><td>-1,41</td><td>-2</td><td>-1,41</td></tr></table> <div></div>	x	0	0,5	1	1,5	2	2,5	3	3,5	f(x)	0	1,41	2	1,41	0	-1,41	-2	-1,41	Amplitude = 2 Periode = 4 $f(x) = 2 \cdot \sin(\frac{\pi}{2} \cdot x)$
x	0	0,5	1	1,5	2	2,5	3	3,5												
f(x)	0	1,41	2	1,41	0	-1,41	-2	-1,41												
4	Welche der Funktionsgleichungen passen zu dem Graphen? Füllen Sie die Tabelle aus (Werte auf 2 Dezimalen gerundet): <table><tr><td>x</td><td>-0,5</td><td>0</td><td>1</td><td>4</td><td>6</td></tr><tr><td>f(x)</td><td>0,74</td><td>2</td><td>3,36</td><td>3,48</td><td>1,20</td></tr></table> <div></div>	x	-0,5	0	1	4	6	f(x)	0,74	2	3,36	3,48	1,20	$f(x) =$ <input type="checkbox"/> $1,5\sin(\frac{1}{2}x) + 2$ <input checked="" type="checkbox"/> $1,5\cos(2(x - \frac{\pi}{4})) + 2$ <input checked="" type="checkbox"/> $1,5\sin(2(x - \pi)) + 2$ <input checked="" type="checkbox"/> $1,5\sin(2x) + 2$ <input type="checkbox"/> $1,5\cos(2(x + \frac{\pi}{4})) + 2$						
x	-0,5	0	1	4	6															
f(x)	0,74	2	3,36	3,48	1,20															
5	Gegeben ist die Funktion f mit $f(x) = 3\sin(\pi x)$. Geben Sie alle Nullstellen (NS) und Extremstellen (ES) im Intervall $0 < x \leq 3$ an.	NS: 0 ; 1 ; 2 ; 3 ES: 0,5 ; 1,5 ; 2,5																		
6	Geben Sie die Ableitung an: a) $f(x) = 5 \cdot \sin(3x) - \cos(x)$ b) $g(x) = 2 \cdot \sin(8(x + 3))$	$f'(x) =$ $15\cos(3x) + \sin(x)$ $g'(x) = 16\cos(8(x+3))$																		

Lösungen

r/f
/n

1 Treffen die folgenden Eigenschaften auf die Graphen A und B zu?

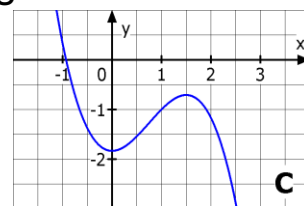
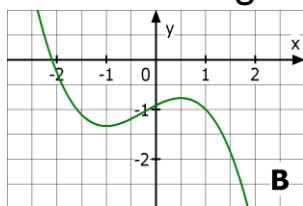
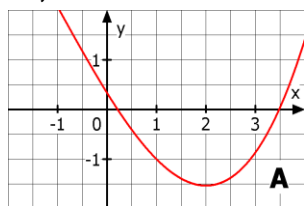
- a) Der Graph hat einen Tiefpunkt.
 b) Die Steigung ist immer negativ.
 c) Die x-Achse ist Asymptote für $x \rightarrow \pm\infty$.
 d) Für $x < 1$ ist die Steigung negativ.
 e) Der Graph besitzt zwei Wendepunkte.
 f) Der Graph verläuft nie oberhalb der x-Achse.



Die Eigenschaft **trifft zu** für

	Graph A	Graph B
a)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
c)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
d)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
e)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
f)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

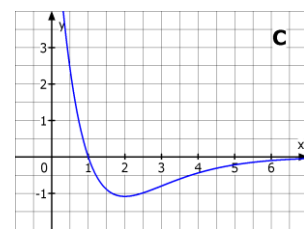
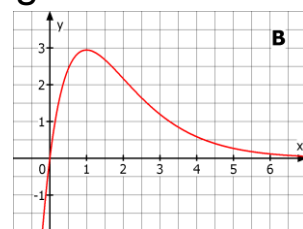
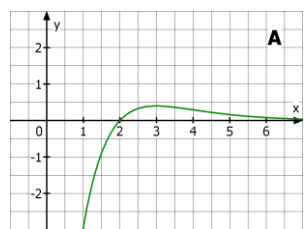
2 Für eine Funktion f soll gelten: $f(1) = -1$, $f'(1) = -1$ und $f''(1) < 0$. Welcher der Graphen A, B oder C erfüllt alle Bedingungen?



Der gesuchte Graph ist

- A ☐
 B ☒
 C ☐

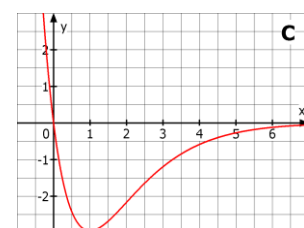
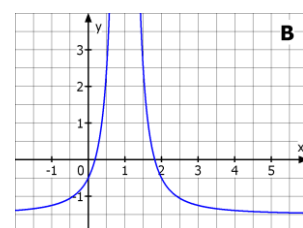
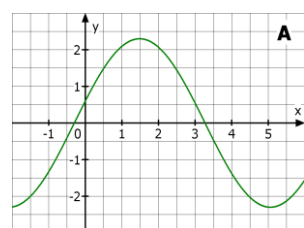
3 Die drei Abbildungen zeigen die Graphen einer Funktion f und ihre Ableitungen f' und f'' . Ordnen Sie richtig zu.



Graph von

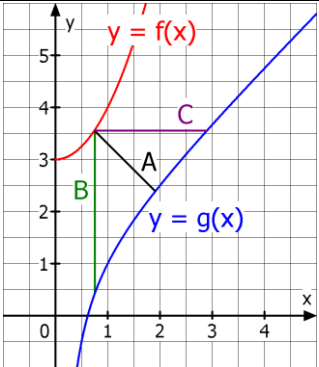
- f B
 f' C
 f'' A



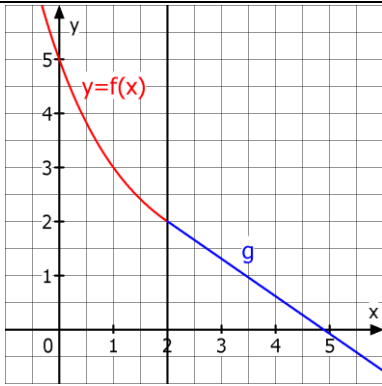
4 Die Abbildungen gehören je zu einer gebrochenrationalen Funktion, zu einer Exponentialfunktion und zu einer trigonometrischen Funktion. Ordnen Sie richtig zu.

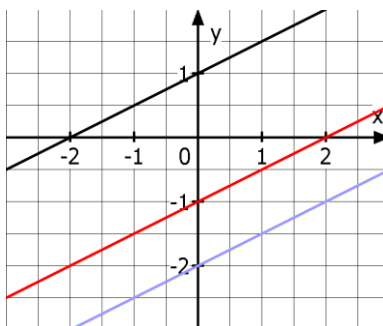
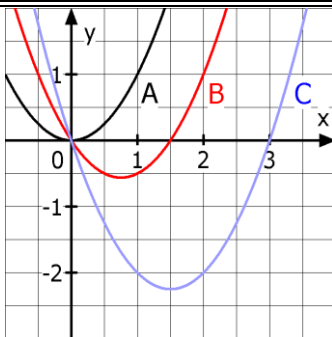


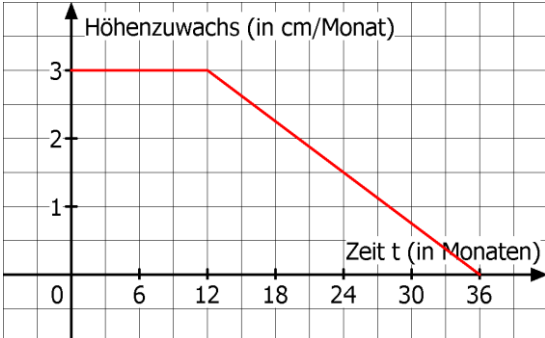
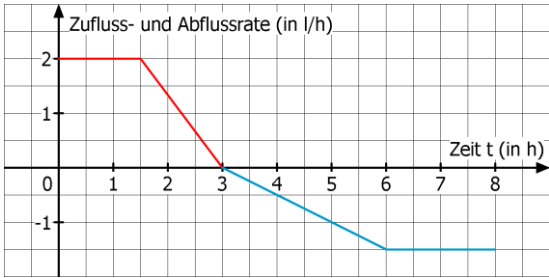
Graph einer

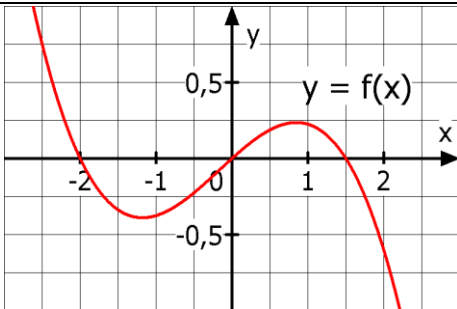
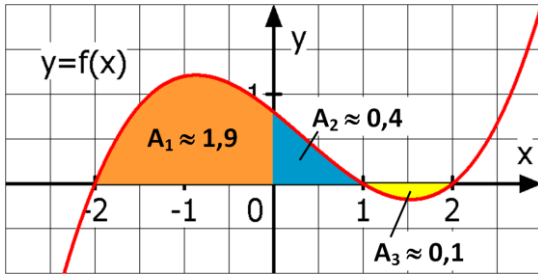
- B gebrochenrationalen Funktion
 C Exponentialfunktion
 A trigonometrischen Funktion

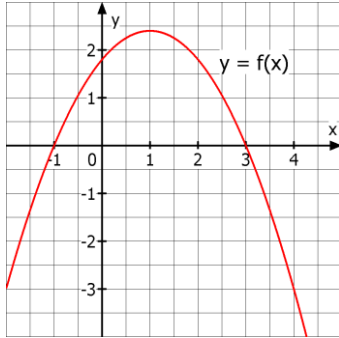

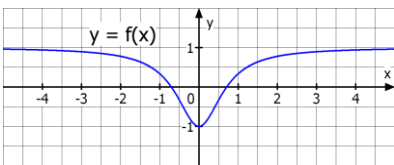
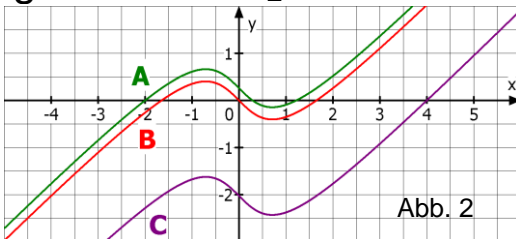
WADI Kursstufe C35		Extremwertprobleme	
Lösungen			r/f /n
1	<p>Gegeben sind für $x > 0$ die Funktionen f mit $f(x) = x^2 + 3$ und g mit $g(x) = \frac{x^2+x-1}{x}$.</p> <p>a) Zeigt A, B oder C den Abstand der Graphen für $x=0,75$?</p> <p>b) Berechnen Sie die Stelle des minimalen Abstand der Graphen.</p>		<p>a) Richtig ist:</p> <p>A <input type="checkbox"/></p> <p>B <input checked="" type="checkbox"/></p> <p>C <input type="checkbox"/></p> <p>b) $x = 1$</p>
2	<p>Die zweimal differenzierbare Funktion f stellt den Gewinn eines Unternehmens im Laufe eines Jahres dar (x in Monaten, $f(x)$ in Mio. €).</p> <p>Ordnen Sie den Textbeispielen den passenden mathematischen Ausdruck zu.</p> <p>A: Der Monat mit dem höchsten Gewinn</p> <p>B: Der größte erzielte Gewinn im Jahr</p> <p>C: Der Gewinn im Monat März</p> <p>D: Ein momentaner Gewinnzuwachs von 3 Mio €</p>	<p>Ordnen Sie zu:</p> <p>C $f(3)$</p> <p>B Funktionswert des Hochpunkts</p> <p>D $f'(x) = 3$</p> <p>A x-Wert des Hochpunkts</p>	
3	<p>Lea will mit einer Schnur der Länge $U = 3,58 \text{ m}$ ein Rechteck mit den Seitenlängen x und y (in m) mit einem möglichst großen Flächeninhalt A abstecken.</p> <p>a) Welcher Ansatz passt zu dieser Aufgabe?</p> <p>$U(x) = 3,58$ gesucht: Maximum von $U = 2x + 2y$</p> <p>$U(x) = 2x+y$ gesucht: Maximum von $A = x \cdot y$</p> <p>$3,58 = 2x+2y$ gesucht: Maximum von $U = 2x + 2y$</p> <p>$3,58 = 2x+2y$ gesucht: Maximum von $A = x \cdot y$</p> <p>b) Welche Funktion beschreibt das Problem?</p> <p>A: $f(x) = (3,58 - 2x) : 2x$ B: $f(x) = 3,58x - 2x^2$</p> <p>C: $f(x) = 1,79x - x^2$ D: $f(x) = 1,79x - 2x^2$</p>	<p>a) Richtig ist der Ansatz:</p> <p><input type="checkbox"/></p> <p><input type="checkbox"/></p> <p><input type="checkbox"/></p> <p><input checked="" type="checkbox"/></p> <p>b) A <input type="checkbox"/> B <input type="checkbox"/></p> <p>C <input checked="" type="checkbox"/> D <input type="checkbox"/></p>	
4	<p>Der Umsatz eines Pizzaservice lässt sich für die letzten 20 Tage beschreiben durch U mit $U(t) = 0,1t^3 - 2,3t^2 + 300$ (t in Tagen, $U(t)$ in €).</p> <p>a) An welchem Tag war der Umsatz am geringsten?</p> <p>b) An welchem Tag war der Umsatzrückgang am größten?</p>	<p>Richtig ist:</p> <p>a) <input type="checkbox"/> am 1. Tag</p> <p><input checked="" type="checkbox"/> am 15. Tag</p> <p><input type="checkbox"/> am 16. Tag</p> <p>b) <input type="checkbox"/> am 7. Tag</p> <p><input checked="" type="checkbox"/> am 8. Tag</p> <p><input type="checkbox"/> am 15. Tag</p>	

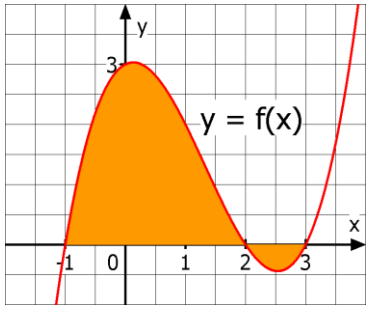
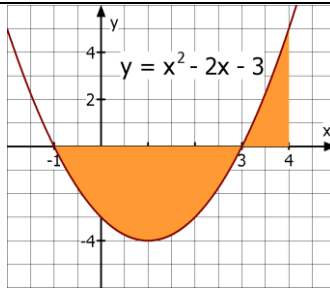
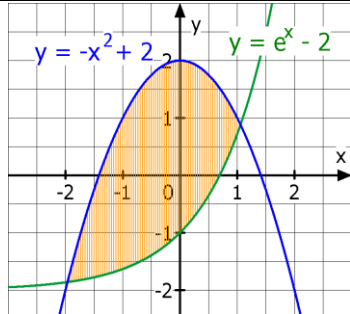
WADI Kursstufe C36		Tangentenprobleme													
Lösungen			r/f /n												
1	Ist die Funktion f differenzierbar und $P(u f(u))$ ein Punkt des Graphen von f , so lautet die Gleichung der Tangente an den Graphen von f in P : a) $y = f'(u) \cdot x - u + f(u)$ b) $y = f(u) \cdot (x - u) + f'(u)$ c) $y = f'(u) \cdot (x - u) + f(u)$	Richtig ist: a) <input type="checkbox"/> b) <input type="checkbox"/> c) <input checked="" type="checkbox"/>													
2	Entscheiden Sie, ob die folgenden Aussagen über Tangenten wahr oder falsch sind. a) Die Gleichung einer Tangente kann man immer in der Form $y = m \cdot x$ schreiben. b) Jede Tangente schneidet die x-Achse. c) Die Tangente in einem Punkt $(x_0 f(x_0))$ schneidet nie den Graphen der Funktion f .	<table><tr><td></td><td>Wahr</td><td>Falsch</td></tr><tr><td>a)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>b)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>c)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr></table>		Wahr	Falsch	a)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	b)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	c)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	
	Wahr	Falsch													
a)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>													
b)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>													
c)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>													
3	Geben Sie die Gleichung der Tangente an den Graphen von f an der Stelle x_1 an. a) $f(x) = 0,5x^2$ mit $x_1 = 1$ b) $g(x) = \sin(x)$ mit $x_1 = \pi$ c) $h(x) = e^{2x}$ mit $x_1 = 0$	Tangenten: a) $y = 1 \cdot x + (-0,5)$ b) $y = -1 \cdot x + \pi$ c) $y = 2 \cdot x + 1$													
4	 Gegeben ist die Funktion $f(x) = 4 - 0,5x^2$. a) Bestimmen Sie die Gleichung der Tangente an der Stelle $x = 1,5$. b) Bestimmen Sie den Schnittpunkt S der Tangenten mit der x-Achse (auf drei Dezimalen gerundet).	a) $y = -1,5 \cdot x + 5,125$ b) $S (3,417 0)$													
5	Die Gleichung der Tangente an den Graphen einer Funktion f im Punkt P lautet $y = 3x + 4$. Entscheiden Sie, welches die zugehörige Normalengleichung im Punkt P sein könnte.	<input type="checkbox"/> $y = -3x + 4$ <input type="checkbox"/> $y = \frac{1}{3}x - 2$ <input checked="" type="checkbox"/> $y = -\frac{1}{3}x + 2$													
6	 Das Schaubild zeigt für $x \leq 2$ den Graphen der Funktion f mit $f(x) = 0,5^{x-2} + 1$. Welche Gleichung gehört dann zu der Geraden g ?	 <input type="checkbox"/> $g(x) = -2,86x + 7,3$ <input type="checkbox"/> $g(x) = -2,86x + 2,54$ <input checked="" type="checkbox"/> $g(x) = -0,693x + 3,39$													

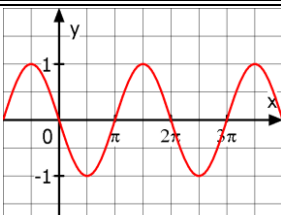
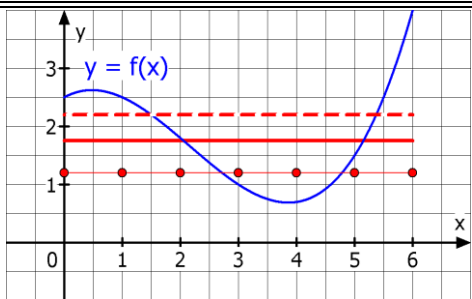



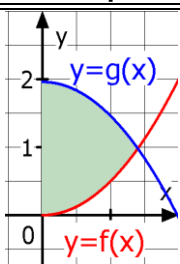
WADI Kursstufe C37		Funktionenscharen																			
Lösungen																					
1	<p>Sind die Aussagen zu einer Funktionenschar f_t richtig oder falsch:</p> <p>a) Zu jedem Wert des Parameters t gehört eine eigene Funktion mit einem eigenen Graphen.</p> <p>b) Es gilt immer $f_t(x) = f_x(t)$ für alle x und t.</p> <p>c) Beim Ableiten von $f_t(x)$ wird t wie eine Konstante behandelt.</p>	<table><tr><th></th><th>Richtig</th><th>Falsch</th></tr><tr><td>a)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>b)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>c)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>		Richtig	Falsch	a)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	b)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	c)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>							
	Richtig	Falsch																			
a)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																			
b)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																			
c)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																			
2	<p>Welche der Funktionen gehört zur Funktionenschar f_t mit $f_t(x) = t - e^{-tx}$ ($t \geq 0, x \in \mathbb{R}$)?</p> <p>a) $g(x) = 1 - e^{-x}$ b) $h(x) = e^{-x}$ c) $m(x) = 2 - \frac{1}{e^{2x}}$</p> <p>d) $n(x) = -2 - e^{2x}$ e) $p(x) = 2 - e^{2x}$</p>	<table><tr><th></th><th>Ja</th><th>Nein</th></tr><tr><td>a)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>b)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>c)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>d)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>e)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr></table>		Ja	Nein	a)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	b)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	c)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	d)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	e)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	
	Ja	Nein																			
a)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																			
b)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																			
c)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																			
d)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																			
e)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																			
3	<p>Die Graphen f_{-1}, f_1 und f_2 gehören zu einer Funktionenschar f_t. Wie lautet ein Term für $f_t(x)$?</p> <p>a) $f_t(x) = 0,5tx + 1$</p> <p>b) $f_t(x) = 0,5tx + t$</p> <p>c) $f_t(x) = 0,5x + t$</p> <p>d) $f_t(x) = 0,5x - t$</p>		<p>Die richtige Schargleichung ist:</p> <p>a) <input type="checkbox"/></p> <p>b) <input type="checkbox"/></p> <p>c) <input type="checkbox"/></p> <p>d) <input checked="" type="checkbox"/></p>																		
4	<p>Die Graphen A, B und C gehören zu der Funktionenschar f_t mit $f_t(x) = x^2 - tx$ mit $t \geq 0$ und $x \in \mathbb{R}$. Geben Sie zu jedem Graphen den zugehörigen Wert von t an.</p>		<p>A $t = 0$</p> <p>B $t = 1,5$</p> <p>C $t = 3$</p>																		
5	<p>Die Graphen einer Funktionenschar</p> <p>a) verlaufen immer parallel zueinander.</p> <p>b) können einen gemeinsamen Punkt besitzen.</p> <p>c) haben für $x = 0$ alle die selbe Steigung.</p>	<table><tr><th></th><th>Richtig</th><th>Falsch</th></tr><tr><td>a)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>b)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>c)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr></table>		Richtig	Falsch	a)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	b)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	c)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>							
	Richtig	Falsch																			
a)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																			
b)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																			
c)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																			
6	<p>Ordnen Sie den gegebenen Funktionenscharn f_t die richtige Ableitungsfunktion zu:</p> <p>A $f_t(x) = 4x^2 - e^{tx}$</p> <p>B $f_t(x) = 4tx^2 - e^x$</p>	<p>— $f'_t(x) = 8x - e^{tx}$</p> <p>A $f'_t(x) = 8x - te^{tx}$</p> <p>B $f'_t(x) = 8tx - e^x$</p> <p>— $f'_t(x) = 8x - e^x$</p>																			

WADI Kursstufe C38		Änderung und Gesamtänderung	
Lösungen			r/f /n
1	<p>Durch eine Pipeline fließt Öl. Dabei wird die momentane Durchflussrate gemessen. Diese misst, welche Menge an Öl ...</p> <p>a) .. insgesamt an einem ganzen Tag durch die Pipeline strömt.</p> <p>b) .. durch die Pipeline strömt.</p> <p>c) .. pro Zeiteinheit durch die Pipeline strömt</p> <p>d) .. im Durchschnitt durch die Pipeline strömt.</p>	<p>Richtig ist:</p> <p>a) <input type="checkbox"/></p> <p>b) <input type="checkbox"/></p> <p>c) <input checked="" type="checkbox"/></p> <p>d) <input type="checkbox"/></p>	
2	<p>Eine Pflanze wächst nach dem Einpflanzen in die Höhe.</p> <p>a) Wie viel cm wächst sie im 6. Monat?</p> <p>b) Um wie viel wächst sie innerhalb der ersten 12 Monate?</p> <p>c) Um wie viel in den folgenden zwei Jahren?</p> <p>d) Wie hoch ist sie nach drei Jahren, wenn sie beim Einpflanzen 10 cm hoch war?</p>	 <p>a) 3 cm</p> <p>b) 36 cm</p> <p>c) 36 cm</p> <p>d) 82 cm</p>	
3	<p>Der Graph zeigt die Zu- bzw. Abflussrate in einen Gartenteich für einen Zeitraum von 8 Stunden.</p> <p>a) Welche Wassermenge fließt in diesem Zeitraum zu?</p> <p>b) Welche Menge fließt ab?</p> <p>c) Wie groß ist die Gesamtänderung der Wassermenge im Gartenteich?</p>	 <p>Kreuzen Sie an:</p> <p>a) <input type="checkbox"/> 6 l <input checked="" type="checkbox"/> 4,5 l <input type="checkbox"/> 5,25 l</p> <p>b) <input type="checkbox"/> 7,5 l <input type="checkbox"/> 4,5 l <input checked="" type="checkbox"/> 5,25 l</p> <p>c) Zufluss von ____ l oder Abfluss von 0,75 l</p>	
4	<p>Für die Gesamtänderung einer Größe ...</p> <p>a) .. zählt man Flächeninhalte unterhalb der x-Achse negativ.</p> <p>b) .. addiert man alle Flächeninhalte.</p> <p>c) .. benötigt man den Ausgangswert der Größe nicht.</p>	<p>Richtig Falsch</p> <p>a) <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>b) <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/></p> <p>c) <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p>	

WADI Kursstufe C39		Stammfunktion, Integral	
Lösungen			
1	Ist die Stammfunktion F zu f richtig berechnet? a) $f(x) = 0,2 \cdot x^3$, $F(x) = 0,05 \cdot x^4 + 6$ b) $f(x) = \frac{3}{x} + \frac{4}{x^2}$, $F(x) = 3 \cdot \ln x - \frac{4}{x}$ c) $f(x) = e^{2x}$, $F(x) = e^{2x}$ d) $f(x) = 3\sin(2x)$, $F(x) = -1,5\cos(2x)$	F(x) richtig? Ja Nein a) <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> b) <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> c) <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> d) <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	
2	Sei f eine auf I = (a;b) differenzierbare Funktion. a) Die Funktion f hat genau eine Ableitung, aber unendlich viele Stammfunktionen F. b) Sind F und G Stammfunktionen zu f, so ist auch die Summe F+G eine Stammfunktion zu f. c) Ist F Stammfunktion zu f, so gilt $f'(x) = F(x)$. d) Stammfunktionen von f unterscheiden sich nur durch eine Konstante.	Richtig Falsch a) <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> b) <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> c) <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> d) <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	
3	Gegeben ist die Funktion f mit $f(x) = 3x^2 - 4x$. Der Graph welcher Stammfunktion F zu f verläuft durch den Punkt P(1 4)?	<input type="checkbox"/> $F(x) = x^3 - 2x^2 + 4$ <input checked="" type="checkbox"/> $F(x) = x^3 - 2x^2 + 5$ <input type="checkbox"/> keine ist richtig	
4	F sei eine Stammfunktion zu dem dargestellten Graphen der Funktion f. Welche der Aussagen über die Stammfunktion F sind wahr, welche falsch? a) F hat bei x = -2 ein lokales Maximum. b) F hat für $-2 \leq x \leq 2$ genau zwei Wendestellen. c) Es gilt immer $F(0) = F(1,5)$.	 Wahr Falsch a) <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> b) <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> c) <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>	
5	Bestimmen Sie das Integral mithilfe der Flächeninhalte. a) $\int_{-2}^0 f(x) dx$ b) $\int_{-2}^1 f(x) dx$ c) $\int_0^2 f(x) dx$ d) $\int_{-2}^2 f(x) dx$	 a) $A_1 = 1,9$ b) $A_1 + A_2 = 2,3$ c) $A_2 - A_3 = 0,3$ d) $A_1 + A_2 - A_3 = 2,2$	
6	Berechnen Sie: a) $\int_0^3 x^2 dx$ b) $\int_{-1}^3 3x^2 dx$ c) $\int_{-2}^{-1} (-2x) dx$	a) 9 b) 28 c) 3	

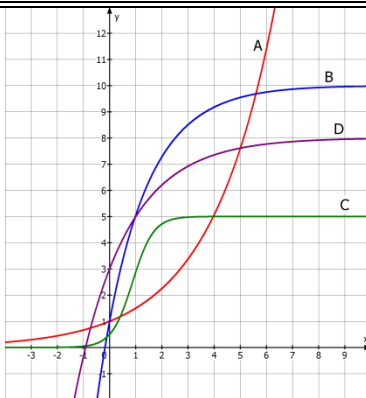
WADI Kursstufe C40		Integralfunktion					
Lösungen			r/f /n				
1	Entscheiden Sie, ob jeweils eine Integralfunktion zu f mit $f(x) = x - 1$ vorliegt. a) $\int_2^x f(t)dt$ b) $\int_2^5 f(t)dt$ c) $\frac{1}{2}x^2 - x - 4$ d) $\int_0^t f(t)dt$	Integralfunktion					
			Ja Nein				
		a)	<input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>				
		b)	<input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>				
		c)	<input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>				
d)	<input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>						
2	Sind die Aussagen zu Integralfunktionen I von f wahr oder falsch? a) $I_{-1}(x) > 0$ für $-1 < x \leq 3$. b) $I_3(x) < 0$ für $x > 3$. c) $I_{2,5}(4) > 0$ d) $I_3(3) = 0$ und $I_2(2) \neq 0$		Wahr Falsch				
			a)	<input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>			
			b)	<input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>			
			c)	<input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>			
			d)	<input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>			
3	Wie lautet die Integralfunktion I_a zur Funktion f? a) $f(x) = x - 2$; $a = 0$ b) $f(x) = x^2 + 3$; $a = -1$	a) $I_0(x) = \frac{1}{2}x^2 - 2x$ b) $I_{-1}(x) = \frac{1}{3}x^3 + 3x + \frac{10}{3}$					
4	Welcher GTR Befehl stellt die Integralfunktion I_1 zur Funktion f mit $f(x) = x^2$ dar? 	Kreuzen Sie das Feld mit dem richtigen Befehl an:					
		<table><tr><td>Plot1 Plot2 Plot3 Y1=fnInt(X^2,1,X)</td><td>Plot1 Plot2 Plot3 Y1=fnInt(X^2,X,X,1)</td></tr><tr><td>Plot1 Plot2 Plot3 Y1=fnInt(X^2,X,1,X)</td><td>Plot1 Plot2 Plot3 Y1=fnInt(X,X^2,1,X)</td></tr></table>		Plot1 Plot2 Plot3 Y1=fnInt(X^2,1,X)	Plot1 Plot2 Plot3 Y1=fnInt(X^2,X,X,1)	Plot1 Plot2 Plot3 Y1=fnInt(X^2,X,1,X)	Plot1 Plot2 Plot3 Y1=fnInt(X,X^2,1,X)
		Plot1 Plot2 Plot3 Y1=fnInt(X^2,1,X)	Plot1 Plot2 Plot3 Y1=fnInt(X^2,X,X,1)				
		Plot1 Plot2 Plot3 Y1=fnInt(X^2,X,1,X)	Plot1 Plot2 Plot3 Y1=fnInt(X,X^2,1,X)				
		<table><tr><td></td><td></td></tr><tr><td>X</td><td></td></tr></table>				X	
X							
5	Den Graphen einer Funktion f zeigt Abb. 1. In Abb. 2 sind Stammfunktionen von f dargestellt. Ist eine davon die Integralfunktion I_2 ? 		A <input checked="" type="checkbox"/> B <input type="checkbox"/> C <input type="checkbox"/> keine <input type="checkbox"/>				
6	a) Integralfunktionen enthalten immer Integralzeichen. b) Integralfunktionen sind spezielle Stammfunktionen. c) Die Funktionswerte einer Integralfunktion erhält man mithilfe der orientierten Flächeninhalte.	Richtig Falsch					
		a)	<input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>				
		b)	<input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>				
		c)	<input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>				

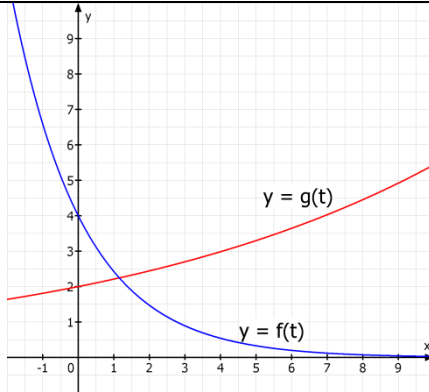
WADI Kursstufe C41		Flächen	
Lösungen			r/f /n
1	<p>Welcher Term berechnet den Inhalt der gefärbten Fläche?</p> <p>a) $\int_{-1}^3 f(x) dx$</p> <p>b) $\int_{-1}^2 f(x) dx + \int_2^3 (-f(x)) dx$</p> <p>c) $\int_{-1}^2 f(x) dx - \int_2^3 f(x) dx$</p> <p>d) $\int_{-1}^3 f(x) dx$</p>	 <p>a) <input type="checkbox"/></p> <p>b) <input checked="" type="checkbox"/></p> <p>c) <input checked="" type="checkbox"/></p> <p>d) <input type="checkbox"/></p>	
2	<p>Berechnen Sie den Inhalt A der gefärbten Fläche. Die für die Berechnung notwendigen Grenzen sollen abgelesen werden.</p>	 <p>A = 13</p> <p><i>Zusätzliche Hinweise</i></p> <p>$F(x) = \frac{1}{3}x^3 - x^2 - 3x$</p> <p>$[F(x)]_{-1}^3 = -\frac{32}{3}$</p> <p>$[F(x)]_3^4 = \frac{7}{3}$</p>	
3	<p>Berechnen Sie den Flächeninhalt A, den der Graph der Funktion f mit $f(x) = x^3 - 3x$ im Intervall $[-2 ; 3]$ mit der x-Achse einschließt.</p>	A = 13,75	
4	<p>Die Funktion schließt mit der x-Achse eine Fläche ein. Berechnen Sie den Inhalt A der Fläche.</p> <p>a) $f(x) = -x^2 + 9$</p> <p>b) $f(x) = x \cdot (x + 4) \cdot (x - 2)$</p>	<p>a) A = 36</p> <p>b) $A = \frac{148}{3} \approx 49,33$</p>	
5	<p>a) Berechnen Sie die Schnittstellen der beiden Graphen näherungsweise.</p> <p>b) Berechnen Sie den Inhalt A der gefärbten Fläche. Geben Sie das Ergebnis auf 2 Dezimalen gerundet an.</p>	 <p>a) Schnittstellen</p> <p>$x_1 = -1,96$</p> <p>$x_2 = 1,06$</p> <p>b) A = 6,43</p>	
6	<p>Gegeben ist $\int_a^b (f(x) - g(x)) dx$ mit $I = [a; b]$.</p> <p>a) Das Integral berechnet immer den Inhalt der Fläche zwischen den Graphen von f und g.</p> <p>b) Das Integral berechnet den Inhalt der Fläche zwischen den Graphen von f und g, wenn $f(x) \geq g(x)$ für alle $x \in I$.</p>	<p>Wahr Falsch</p> <p>a) <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/></p> <p>b) <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p>	
7	<p>Berechnen Sie für $z \rightarrow \infty$.</p> <p>a) $\int_1^z \frac{1}{x^2} dx$</p> <p>b) $\int_0^z 2e^{-x} dx$</p>	<p>a) 1</p> <p>b) 2</p>	

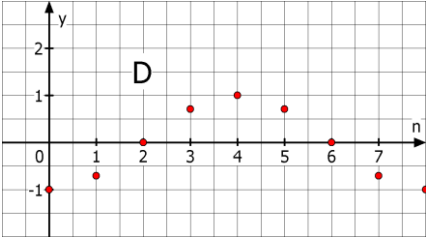
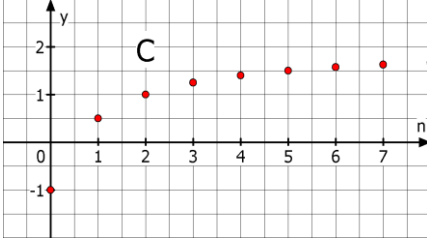
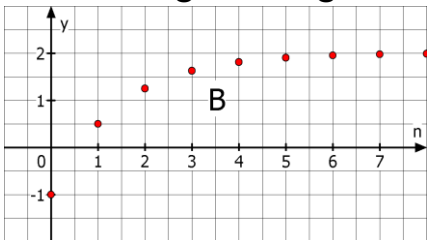
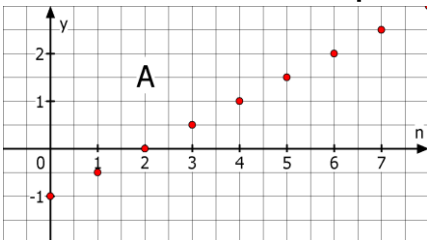
WADI Kursstufe C42		Mittelwerte und Rotationskörper																
Lösungen			r/f /n															
1	<p>Geben Sie den Mittelwert \bar{m} für f mit $f(x) = -\sin(x)$ auf dem Intervall</p> <p>a) $[0 ; 2\pi]$ b) $[0 ; 3\pi]$ an.</p>		<p>a) $\bar{m} = 0$</p> <p>b) $\bar{m} = -\frac{2}{3\pi} \approx -0,21$</p>															
2	<p>Welche der eingezeichneten Strecken veranschaulicht den Mittelwert der Funktion f auf dem Intervall $[0 ; 6]$?</p>		<p>Die</p> <p><input type="checkbox"/> gestrichelte</p> <p><input checked="" type="checkbox"/> durchgezogene</p> <p><input type="checkbox"/> gepunktete</p> <p>Strecke.</p>															
3	<p>Man berechnet den Mittelwert \bar{m} einer stetigen Funktion f auf dem Intervall $[1 ; 5]$ durch</p> <p>a) $\bar{m} = \frac{1}{5} (f(1) + f(2) + f(3) + f(4) + f(5))$</p> <p>b) $\bar{m} = \frac{1}{4} \cdot \int_1^5 f(x) dx$ c) $\bar{m} = \frac{1}{5} \cdot \int_1^5 f(x) dx$</p> <p>d) $\bar{m} = \int_1^5 (\frac{1}{4} \cdot f(x)) dx$</p>		<table><tr><th></th><th>Richtig</th><th>Falsch</th></tr><tr><td>a)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>b)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>c)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>d)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>		Richtig	Falsch	a)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	b)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	c)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	d)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
	Richtig	Falsch																
a)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																
b)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
c)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																
d)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
4	<p> Die Herstellungskosten K eines Hutes werden durch $K(x) = \frac{x+5}{x+1}$ modelliert. $K(x)$ sind die Kosten in € für den x-ten Hut. Berechnen Sie die mittleren Kosten für die ersten 5 Hüte mit</p> <p>a) den Kosten $K(1), K(2), \dots, K(5)$</p> <p>b) einem geeigneten Integral.</p> <p>c) Welches Ergebnis ist die exakte Lösung?</p>		<p>a) 2,16 €</p> <p>b) 2,10 €</p> <p>mit $\frac{1}{5-1} \int_1^5 K(x) dx$</p> <p>c) Exakte Lösung:</p> <p><input checked="" type="checkbox"/> a)</p> <p><input type="checkbox"/> b)</p>															
5	<p>Der Graph der Funktion f rotiert in $I = [a ; b]$ um die x-Achse. Welcher Drehkörper entsteht?</p> <p>a) $f(x) = 2 ; I=[0 ; 3]$ b) $f(x) = -2x+4 ; I=[0;2]$</p>		<p><input type="checkbox"/> Kugel</p> <p>b) <input type="checkbox"/> Kegel</p> <p>a) <input type="checkbox"/> Zylinder</p>															
6	<p> Der Graph von f mit $f(x) = x \cdot \sqrt{6-x}$ begrenzt mit der x-Achse eine Fläche, die um die x-Achse rotiert. Welches Volumen V hat der Drehkörper?</p>		<p>$V =$</p> <table><tr><td>108</td><td><input type="checkbox"/></td><td>23,52</td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>339,29</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td>34,38</td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>	108	<input type="checkbox"/>	23,52	<input type="checkbox"/>	339,29	<input checked="" type="checkbox"/>	34,38	<input type="checkbox"/>							
108	<input type="checkbox"/>	23,52	<input type="checkbox"/>															
339,29	<input checked="" type="checkbox"/>	34,38	<input type="checkbox"/>															
7	<p> Rotiert die gefärbte Fläche um die x-Achse, so entsteht ein Rotationskörper. Welches Volumen V erhält man für f mit $f(x) = 0,5x^2$ und g mit $g(x) = -0,5x^2 + 1,96$?</p>		<p>Volumen V (gerundet)</p> <table><tr><td>3,59</td><td><input type="checkbox"/></td><td>9,02</td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>2,87</td><td><input type="checkbox"/></td><td>11,26</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr></table>	3,59	<input type="checkbox"/>	9,02	<input type="checkbox"/>	2,87	<input type="checkbox"/>	11,26	<input checked="" type="checkbox"/>							
3,59	<input type="checkbox"/>	9,02	<input type="checkbox"/>															
2,87	<input type="checkbox"/>	11,26	<input checked="" type="checkbox"/>															

WADI Kursstufe C43		Exponentielles Wachstum																						
Lösungen			r/f /n																					
1	Gegeben sind die Funktionen f und g mit $f(x) = 2 \cdot e^{kx}$ und $g(x) = c \cdot e^{3x}$ sowie der Punkt $P(1 4)$, der auf den Graphen von f und g liegt. Bestimmen Sie k und c und geben Sie die Ergebnisse auf 2 Dezimalen gerundet an.	$k \approx 0,69$ $c \approx 0,20$																						
2	Die Wachstumsfunktion $f(t) = f(0) \cdot a^t$ lässt sich umschreiben in $f(t) = f(0) \cdot e^{kt}$. Dabei gilt: a) $k = e^a$ b) $k = \ln(a)$ c) $a = e^k$ d) $a = \ln(k)$	<table><tr><td></td><td>Richtig</td><td>Falsch</td></tr><tr><td>a)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>b)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>c)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>d)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr></table>		Richtig	Falsch	a)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	b)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	c)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	d)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>							
	Richtig	Falsch																						
a)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																						
b)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																						
c)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																						
d)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																						
3	Für ein Wachstum f mit $f(t) = c \cdot e^{kt}$ ist bekannt: a) $f(0) = 8, f(1) = 12$ b) $f(1) = 27, f(4) = 1$ Bestimmen Sie jeweils die Funktion f . Geben Sie c als ganze Zahl und k auf 2 Dezimalen gerundet an.	a) $f(t) = 8 \cdot e^{0,41t}$ b) $f(t) = 81 \cdot e^{-1,10t}$																						
4	In einer Wertetabelle mit den x -Werten $0,1, 2, \dots$ wachsen die y -Werte exponentiell an, wenn benachbarte Werte a) konstante Differenz, b) konstantes Produkt, c) konstanten Quotienten, d) konstante absolute Abweichung, e) konstante prozentuale Abweichung besitzen.	<table><tr><td></td><td>Richtig</td><td>Falsch</td></tr><tr><td>a)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>b)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>c)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>d)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>e)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>		Richtig	Falsch	a)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	b)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	c)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	d)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	e)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>				
	Richtig	Falsch																						
a)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																						
b)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																						
c)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																						
d)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																						
e)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																						
5	Die Funktion B mit $B(t) = 1000 \cdot e^{0,02t}$ (t in Jahren) beschreibt das Bevölkerungswachstum einer Kleinstadt. Berechnen Sie die a) Bevölkerung nach 10 Jahren, b) prozentuale jährliche Zunahme, c) Wachstumsgeschwindigkeit nach 10 Jahren.	a) $B(10) \approx 1221$ b) $p \approx 2,02 \%$ c) $B'(10) \approx 24,4$																						
6	Für den radioaktiven Zerfall nach der Funktion f mit $f(t) = f(0) \cdot e^{-kt}$ bedeuten $f(3)$ und $f'(3)$ a) zerfallende Atome in 3 Zeiteinheiten b) zerfallene Atome zum Zeitpunkt $t = 3$ c) vorhandene Atome zum Zeitpunkt $t = 3$ d) Zerfälle pro 3 Zeiteinheiten e) Zerfälle pro Zeiteinheit zum Zeitpunkt $t = 3$ f) Zerfallsgeschwindigkeit zum Zeitpunkt $t = 3$	<table><tr><td></td><td>$f(3)$</td><td>$f'(3)$</td></tr><tr><td>a)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>b)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>c)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>d)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>e)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>f)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr></table>		$f(3)$	$f'(3)$	a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	c)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	d)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	e)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	f)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	
	$f(3)$	$f'(3)$																						
a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																						
b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																						
c)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																						
d)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																						
e)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																						
f)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																						

WADI Kursstufe C44		Beschränktes Wachstum																
Lösungen			r/f /n															
1	Sind die Aussagen für ein Wachstum der Form f mit $f(t) = S - ce^{-kt}$ richtig oder falsch? a) Für $c > 0$ sind die Funktionswerte immer kleiner als der Wert S. b) Für $k < 0$ erhält man einen beschränkten Zerfall. c) Für $c < 0$ gilt immer $f(t) > S$. d) k muss sowohl bei einem beschränkten Wachstum als auch Zerfall positiv sein.	<table><tr><th></th><th>Richtig</th><th>Falsch</th></tr><tr><td>a)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>b)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>c)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>d)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>		Richtig	Falsch	a)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	b)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	c)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	d)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	
	Richtig	Falsch																
a)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
b)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																
c)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
d)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
2	<div><div></div><div>Für ein beschränktes Wachstum ist bekannt: $B(0)=1$ und $B(t+1) = B(t) + 0,02 \cdot (500-B(t)); t \in \mathbb{N}$. a) Geben Sie die Schranke S an. b) Erstellen Sie eine Wertetabelle für $t = 1; 2; 3$.</div></div>	<div><div>$S = 500$ Runden Sie jeweils auf ganze Zahlen.</div><table><tr><td>t</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td></tr><tr><td>B(t)</td><td>11</td><td>21</td><td>31</td></tr></table></div>	t	1	2	3	B(t)	11	21	31								
t	1	2	3															
B(t)	11	21	31															
3	<div><div></div><div>Für ein beschränktes Wachstum gilt: $f(t) = 10 - 0,2e^{-0,05t}$. a) Geben Sie die Schranke S an. b) Bestimmen Sie den Anfangswert für $t = 0$. c) Bestimmen Sie die Wachstumsgeschwindigkeit zur Zeit $t = 2$ (auf 3 Dezimalen gerundet).</div></div>	<div>a) $S = 10$ b) $f(0) = 9,8$ c) $f'(2) \approx 0,009$</div>																
4	Für ein beschränktes Wachstum der Form f mit $f(t) = S - ce^{-kt}$ gilt: a) $f(t) \rightarrow S$ für $t \rightarrow \infty$ c) $f(1) = S - c$ b) $f(t) \rightarrow c$ für $t \rightarrow \infty$ d) $f(1) = S - \frac{c}{e^k}$	<table><tr><th></th><th>Richtig</th><th>Falsch</th></tr><tr><td>a)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>b)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>c)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>d)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>		Richtig	Falsch	a)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	b)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	c)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	d)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	
	Richtig	Falsch																
a)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
b)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																
c)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																
d)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
5	<div><div></div><div>Für ein beschränktes Wachstum der Form $f(t) = S - ce^{-kt}$ ist bekannt: a) $f(0) = 10, k = 0,05, S = 40$ b) $f(0) = 5, f(1) = 10, S = 200$ c) $f(0) = 8, f(1) = 7,5, k = 0,4$ Bestimmen Sie jeweils näherungsweise die Gleichung der Wachstumsfunktion.</div></div>	<div>a) $f(t)=40 - 30e^{-0,05t}$ b) $f(t)=200 - 195e^{-0,026t}$ c) $f(t)=6,48 + 1,52e^{-0,4t}$</div>																
6	<div><div><div><div></div><div>Der Graph gehört zu einem beschränkten Wachstum. Bestimmen Sie anhand des Graphen a) die Schranke S b) den Funktionswert B(0) c) die Wachstumsgleichung.</div></div><div></div></div></div>	<div>a) $S =$ <input type="checkbox"/> 2 <input type="checkbox"/> 4 <input checked="" type="checkbox"/> 8 <input type="checkbox"/> 9 b) $B(0) =$ <input checked="" type="checkbox"/> 2 <input type="checkbox"/> 4 <input type="checkbox"/> 8 <input type="checkbox"/> 9 c) k gerundet auf eine Dezimale $f(t) = 8 - 6 \cdot e^{-0,6t}$</div>																

WADI Kursstufe C45		Logistisches Wachstum																										
Lösungen																												
1	<div><div><div></div></div><div>Für eine logistisches Wachstumsfunktion f gilt $f(t) = \frac{150}{1+14e^{-0,05t}}$<div>a) Geben Sie die Schranke S an. b) Bestimmen Sie den Anfangswert für t = 0. c) Bestimmen Sie f(4) (auf 2 Dez. gerundet).</div></div></div>	<div>a) S = 150 b) f(0) = 10 c) f(4) ≈ 12,04</div>																										
2	<div><div><div></div></div><div>Für ein logistisches Wachstum der Form f mit $f(t) = \frac{S}{1+ae^{-kt}}$ ist bekannt: a) f(0)=2, k=0,05, S=80 b) f(0)=5, f(1)=10, S=100 Bestimmen Sie jeweils näherungsweise einen Term für die Wachstumsfunktion.</div></div>	<div>a) $f(t) = \frac{80}{1+39e^{-0,05t}}$ b) $f(t) = \frac{100}{1+19e^{-0,75t}}$</div>																										
3	<div><div><div></div></div><div>Die Höhe H einer Maispflanze wird durch die folgende logistische Wachstumsgleichung modelliert: $H(t) = \frac{250}{1+49e^{-0,08t}}$; H(t) in cm; t in Tagen. Bestimmen Sie die bzw. den a) Anfangshöhe und die Höhe nach 30 Tagen b) maximal erreichbare Höhe c) Zeitpunkt mit der Höhe 1,5 m d) Zeitpunkt der größten Wachstumsgeschwindigkeit.</div></div>	<div>a) H(0) = 5 cm H(30) ≈ 45,9 cm b) S = 250 cm c) t ≈ 53,7 Tage d) t ≈ 48,6 Tage</div>																										
4	<div><div><div>Die Abbildung zeigt die Graphen von Wachstumsfunktionen. Welches Wachstum liegt vor?</div><div></div></div></div>	<div>Kreuzen Sie an: Ex... exponentiell Be... Beschränkt Lo... Logistisch K... Keines der drei</div> <table><tr><td></td><td>Ex</td><td>Be</td><td>Lo</td><td>K</td></tr><tr><td>A</td><td>X</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>B</td><td></td><td>X</td><td></td><td></td></tr><tr><td>C</td><td></td><td></td><td>X</td><td></td></tr><tr><td>D</td><td></td><td>X</td><td></td><td></td></tr></table>		Ex	Be	Lo	K	A	X				B		X			C			X		D		X			
	Ex	Be	Lo	K																								
A	X																											
B		X																										
C			X																									
D		X																										
5	<div><div><div>Es soll durch eine Wachstumsfunktion modelliert werden. Welches Wachstum passt am besten? a) Aufwärmen einer Flüssigkeit aus dem Kühlschrank auf Raumtemperatur. b) Verbreitung eines Gerüchts durch eine Person in einer Schule. c) Wasserstand an einer Hafenmole. d) Bankguthaben bei konstanter Verzinsung.</div></div></div>	<div>Ex... exponentiell Be... Beschränkt Lo... Logistisch K... Keines der drei</div> <table><tr><td></td><td>Ex</td><td>Be</td><td>Lo</td><td>K</td></tr><tr><td>a)</td><td></td><td>X</td><td></td><td></td></tr><tr><td>b)</td><td></td><td></td><td>X</td><td></td></tr><tr><td>c)</td><td></td><td></td><td></td><td>X</td></tr><tr><td>d)</td><td>X</td><td></td><td></td><td></td></tr></table>		Ex	Be	Lo	K	a)		X			b)			X		c)				X	d)	X				
	Ex	Be	Lo	K																								
a)		X																										
b)			X																									
c)				X																								
d)	X																											

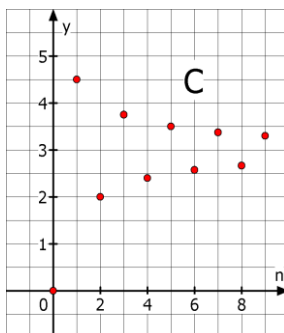
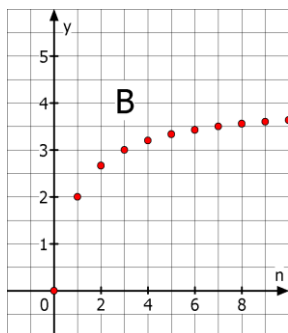
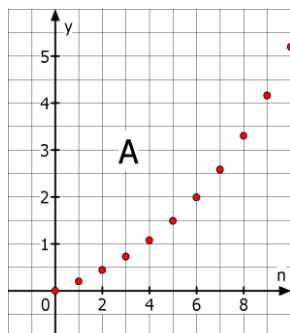
WADI Kursstufe C46		DGL von Wachstumsprozessen																															
Lösungen			r/f /n																														
1	Die Differenzialgleichung (DGL) $f'(t) = k \cdot f(t)$ A: kann als Lösung auch eine Zahl besitzen B: hat f mit $f(t) = c \cdot e^{kt}$ als Lösungsfunktion. C: bedeutet, dass die momentane Änderungsrate proportional zum jeweiligen Funktionswert ist. D: $k > 0$ beschreibt einen exponentiellen Zerfall. E: wird durch eine Funktion gelöst, deren Ableitung ein Vielfaches der Funktion ist.	Richtig ist: A <input type="checkbox"/> B <input checked="" type="checkbox"/> C <input checked="" type="checkbox"/> D <input type="checkbox"/> E <input checked="" type="checkbox"/>																															
2	Ein exponentielles Wachstum ist gegeben durch die Differenzialgleichung $f'(t) = 0,5 \cdot f(t)$ mit $f(0) = 10$. Bestimmen Sie a) die Lösung der Differenzialgleichung b) die Wachstumsgeschwindigkeit zu Beginn.	a) <input checked="" type="checkbox"/> $f(t) = 10 \cdot e^{0,5t}$ <input type="checkbox"/> $f(t) = 0,5 \cdot e^{10t}$ <input type="checkbox"/> $f(t) = 5 \cdot e^{10t}$ b) $f'(0) = 5$																															
3	Gegeben sind die Graphen zweier exponentieller Wachstumsfunktionen f und g. Geben Sie die zugehörige Differenzialgleichung anhand der Graphen an. 	a) $f'(t) = k \cdot f(t)$ $k =$ <input type="checkbox"/> 0,5 <input checked="" type="checkbox"/> -0,5 <input type="checkbox"/> 2 b) $g'(t) = k \cdot g(t)$ $k =$ <input type="checkbox"/> -1 <input type="checkbox"/> 1 <input checked="" type="checkbox"/> 0,1																															
4	Die Differenzialgleichung des beschränkten Wachstums ist $f'(t) = k \cdot (S - f(t))$, $k > 0$. Dies bedeutet, dass die Wachstumsgeschwindigkeit a) konstant k ist, b) betragsmäßig für $t \rightarrow \infty$ immer mehr abnimmt, c) den maximalen Wert S hat, d) proportional zum Sättigungsmanko $S - f(t)$ ist, e) immer positiv ist, wenn $S > f(t)$.	<table><tr><th></th><th>Richtig</th><th>Falsch</th></tr><tr><td>a)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>b)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>c)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>d)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>e)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>			Richtig	Falsch	a)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	b)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	c)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	d)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	e)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>												
	Richtig	Falsch																															
a)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																															
b)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																															
c)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																															
d)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																															
e)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																															
5	Kreuzen Sie an, welches Wachstum gegebenenfalls vorliegen kann. a) monoton steigender Bestand b) monoton fallende Änderungsrate c) konstante Verdopplungszeit d) konstante Wachstumsgeschwindigkeit e) durch Schranke begrenzt	E... Exponentiell B... Beschränkt L... Logistisch K... Keines der drei <table><tr><th></th><th>E</th><th>B</th><th>L</th><th>K</th></tr><tr><td>a)</td><td>X</td><td>X</td><td>X</td><td></td></tr><tr><td>b)</td><td></td><td>X</td><td></td><td></td></tr><tr><td>c)</td><td>X</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>d)</td><td></td><td></td><td></td><td>X</td></tr><tr><td>e)</td><td></td><td>X</td><td>X</td><td></td></tr></table>			E	B	L	K	a)	X	X	X		b)		X			c)	X				d)				X	e)		X	X	
	E	B	L	K																													
a)	X	X	X																														
b)		X																															
c)	X																																
d)				X																													
e)		X	X																														

WADI Kursstufe C47		Folgen																												
Lösungen			r/f /n																											
1	<p>Gegeben sind für $n \in \mathbb{N}$ die Folgen a und b mit $a(n) = n^2 + 23$ und $b(n) = 2 \cdot b(n - 1)$; $b(0)=4$. Was trifft zu?</p> <p>a) Einzelne Folgenglieder können nur mit Hilfe des Vorgängers berechnet werden.</p> <p>b) Für $n = 3$ hat das Folgenglied den Wert 32.</p> <p>c) Die Folge ist explizit dargestellt</p> <p>d) Die Folge ist rekursiv dargestellt</p> <p>e) Jedes Folgenglied kann durch das Einsetzen eines Wertes für n direkt berechnet werden.</p>	<p>Trifft zu für die Folge</p> <table><thead><tr><th></th><th>a</th><th>b</th></tr></thead><tbody><tr><td>a)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>b)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>c)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>d)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>e)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr></tbody></table>		a	b	a)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	b)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	c)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	d)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	e)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>										
	a	b																												
a)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																												
b)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																												
c)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																												
d)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																												
e)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																												
2	<p>Ordnen Sie die Graphen der richtigen Folge zu.</p> <div></div>	<p>C $s(n) = -1 + \frac{3n}{n+1}$</p> <p>D $t(n) = -\cos(n \cdot \frac{\pi}{4})$</p> <p>A $u(n) = u(n-1)+0,5$ mit $u(0) = -1$</p> <p>B $v(n) = 2 - 3 \cdot 2^{-x}$</p> <p><i>Hinweis: Verwenden Sie den GTR nur ohne seq-Modus.</i></p>																												
3	<p>Welche Folge liefert die angegebenen Werte in der Wertetabelle? Ordnen Sie zu.</p> <table><thead><tr><th>n</th><th>1</th><th>2</th><th>3</th><th>4</th><th>5</th><th>6</th><th>7</th><th>8</th></tr></thead><tbody><tr><td>A</td><td>5</td><td>4</td><td>$4\frac{1}{3}$</td><td>5</td><td>5,8</td><td>$6\frac{2}{3}$</td><td>$7\frac{4}{7}$</td><td>8,5</td></tr><tr><td>B</td><td>3</td><td>-2</td><td>3</td><td>-2</td><td>3</td><td>-2</td><td>3</td><td>-2</td></tr></tbody></table>	n	1	2	3	4	5	6	7	8	A	5	4	$4\frac{1}{3}$	5	5,8	$6\frac{2}{3}$	$7\frac{4}{7}$	8,5	B	3	-2	3	-2	3	-2	3	-2	<p>— $s(n) = 2 - s(n-1)$ mit $s(1) = 3$</p> <p>B $t(n) = 1 - t(n-1)$ mit $t(1) = 3$</p> <p>A $u(n) = n + \frac{4}{n}$</p> <p>— $v(n) = \frac{n^2+3}{n}$</p>	
n	1	2	3	4	5	6	7	8																						
A	5	4	$4\frac{1}{3}$	5	5,8	$6\frac{2}{3}$	$7\frac{4}{7}$	8,5																						
B	3	-2	3	-2	3	-2	3	-2																						
4	<p>Ordnen Sie die GTR-Abbildung A und B den richtigen ersten fünf Gliedern der angegebenen Zahlenfolge zu.</p> <div><p>A</p><pre>Plot1 Plot2 Plot3 nMin=1 u(n)≙n²-1 u(nMin)≙ v(n)=</pre><p>B<pre>Plot1 Plot2 Plot3 nMin=1 u(n)≙2u(n-1)-3 u(nMin)≙4 v(n)=</pre></p></div>	<p>A 0; 3; 8; 15; 24</p> <p>— -1; 0; 3; 8; 15</p> <p>B 4; 5; 7; 11; 19</p> <p>— 5; 7; 11; 19; 34</p>																												
5	<p>Stellen Sie die Folge a bzw. b mit</p> <p>a) $a(n) = a(n - 1) + 2$, $a(0) = 0$ explizit dar.</p> <p>b) $b(n) = 2n + 1$, mit $n \geq 0$ rekursiv dar.</p>	<p>a) $a(n) = 2n$</p> <p>b) $b(n) = b(n-1) + 2$ mit $b(0) = 1$</p>																												

Lösungen

r/f
/n

1 Gegeben sind die Graphen von Folgen.



Die Folge in der Abbildung ...

a) ist streng monoton steigend.

b) ist nicht monoton steigend.

c) ist teilweise streng monoton fallend.

d) ist durch $S = 4$ nach oben beschränkt.e) ist durch $s = 0$ nach unten beschränkt.

f) ist beschränkt.

Trifft zu für die Folge
in Abbildung

	A	B	C
a)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
d)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
e)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
f)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>

Hinweis: Das Verhalten der Folgen soll sich außerhalb des dargestellten Intervalls nicht ändern.

- 2 Eine Folge ist genau dann monoton steigend,
- a) wenn ein Folgenglied stets größer ist als sein Vorgänger.
- b) wenn kein Folgenglied kleiner ist als sein Vorgänger.
- c) wenn für jedes $n \in \mathbb{N}$ gilt: $a(n+1) \geq a(n)$.

	Wahr	Falsch
a)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
b)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
c)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

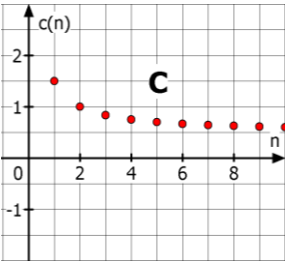
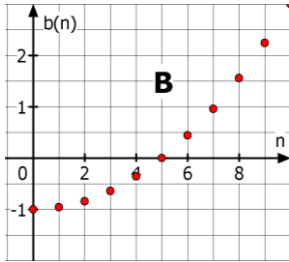
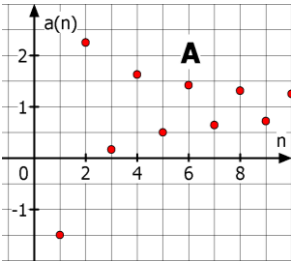
- 3 Eine Folge ist genau dann beschränkt, wenn
- a) die Werte der Folgenglieder eine Zahl S nicht über- und eine Zahl s nicht unterschreiten.
- b) eine Zahl S existiert, so dass die Werte aller Folgenglieder kleiner als S sind.
- c) eine untere Schranke für die Werte der Folgenglieder existiert.

	Wahr	Falsch
a)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
b)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
c)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>

- 4 Gegeben sind die Folgen a, b, c und d mit $a(n)=-n^2$, $b(n)=-\frac{3}{n}$, $c(n)=(-1)^n \cdot 2n$, $d(n)=\sin(n \cdot \pi)$
- Die Folge..
- a) ist beschränkt.
- b) ist streng monoton fallend.
- c) besitzt eine obere Schranke.
- d) besitzt weder obere noch untere Schranke.
- e) hat die obere Schranke $S = 1$.
- f) ist monoton steigend.

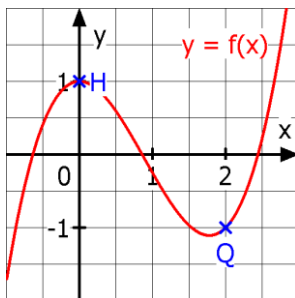

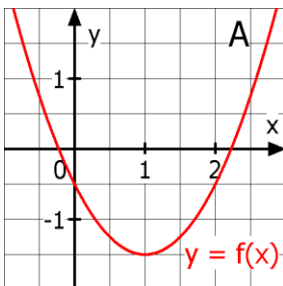
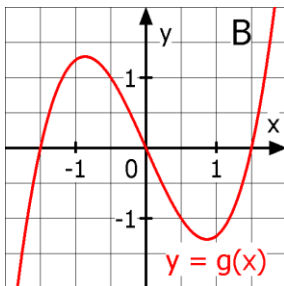
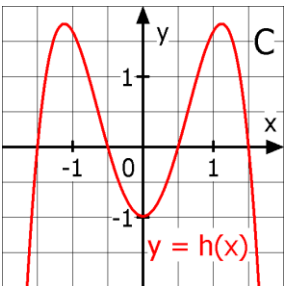
Trifft zu für die Folge

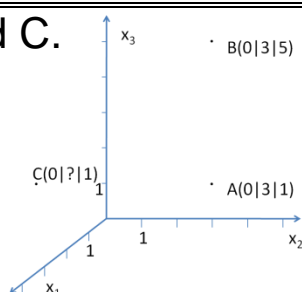
	a	b	c	d
a)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
b)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
c)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
d)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
e)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
f)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>

WADI Kursstufe C49		Grenzwert von Folgen																			
Lösungen																					
1	<p>Welcher der Graphen gehört zu einer Folge mit Grenzwert? Welchen Grenzwert vermuten Sie?</p> <div></div>	<p>A mit Grenzwert 1</p> <p>C mit Grenzwert 0,5</p> <p>___ mit Grenzwert ___</p>																			
2	<p>Der Grenzwert g einer Folge a ist...</p> <p>a) der größte bzw. kleinste Wert, den die Folgenglieder für beliebiges n annehmen können.</p> <p>b) ein Wert, an den sich die Folgenglieder für wachsendes n beliebig nahe annähern.</p> <p>c) der größte Wert, den n annehmen kann.</p> <p>d) derjenige Wert für n, ab dem die Folgenglieder zum ersten Mal eine vorgegebene Grenze überschreiten.</p> <p>e) Die Zahl g, für die $\lim_{n \rightarrow \infty} a(n) = g$ gilt.</p>	<table><tr><td></td><td>Wahr</td><td>Falsch</td></tr><tr><td>a)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>b)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>c)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>d)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>e)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>		Wahr	Falsch	a)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	b)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	c)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	d)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	e)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	
	Wahr	Falsch																			
a)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																			
b)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																			
c)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																			
d)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																			
e)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																			
3	<p>Ordnen Sie den Folgen – ohne Nachweis – den richtigen Grenzwert zu.</p> <p>a) $a(n) = \frac{4}{n^2}$ b) $b(n) = 3 - 0,5^n$ c) $c(n) = \frac{1+2n}{2n}$</p> <p>d) $d(n) = \frac{1}{n+3} + 6$ e) $e(n) = \frac{n+2}{n^2-4} - 1$</p>	<p>Grenzwert der Folge</p> <table><tr><td>___ 2</td><td>a 0</td></tr><tr><td>d 6</td><td>e -1</td></tr><tr><td>c 1</td><td>b 3</td></tr></table>		___ 2	a 0	d 6	e -1	c 1	b 3												
___ 2	a 0																				
d 6	e -1																				
c 1	b 3																				
4	<p>Wahr oder falsch?</p> <p>Eine Folge a besitzt einen Grenzwert g, wenn</p> <p>a) sie streng monoton steigt.</p> <p>b) sie monoton und beschränkt ist.</p> <p>c) sie monoton steigend und beschränkt ist.</p> <p>d) sie streng monoton fällt und für alle Folgenglieder $a(n) > 0$ gilt.</p>	<table><tr><td></td><td>Wahr</td><td>Falsch</td></tr><tr><td>a)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>b)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>c)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>d)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>		Wahr	Falsch	a)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	b)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	c)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	d)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>				
	Wahr	Falsch																			
a)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																			
b)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																			
c)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																			
d)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																			
5	<p>Welche Umformung ist richtig, um den Grenzwert der Folge a mit $a(n) = \frac{10n+3}{2n+7}$ zu berechnen?</p> <p>a) $\frac{10n+3}{2n+7} = \frac{10n}{2n} + \frac{3}{7} = 5 + \frac{3}{7}$, also Grenzwert $g = 5\frac{3}{7}$</p> <p>b) $\frac{10n+3}{2n+7} = \frac{n \cdot (10+3)}{n \cdot (2+7)} = \frac{13}{9}$, also Grenzwert $g = \frac{13}{9}$</p> <p>c) $\frac{10n+3}{2n+7} = \frac{n \cdot (10+\frac{3}{n})}{n \cdot (2+\frac{7}{n})} = \frac{10+\frac{3}{n}}{2+\frac{7}{n}}$, also Grenzwert $g = 5$</p>	<p>Richtig ist die Umformung:</p> <p>a) <input type="checkbox"/></p> <p>b) <input type="checkbox"/></p> <p>c) <input checked="" type="checkbox"/></p>																			


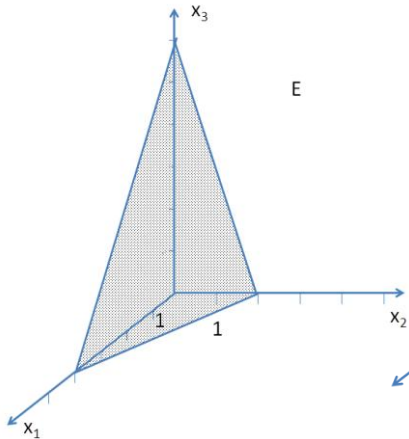
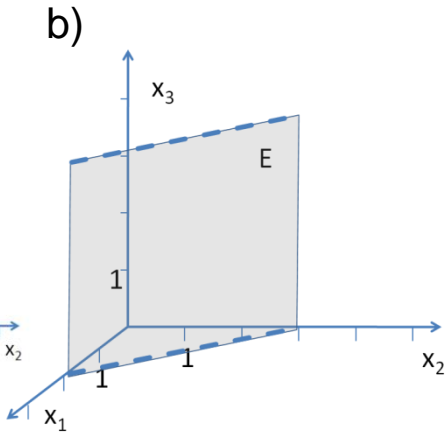
WADI Kursstufe B30		Lösen von LGS: Gauß Verfahren	
Lösungen			
1	Bestimmen Sie die Lösung des linearen Gleichungssystems (LGS): $\begin{array}{rc$		

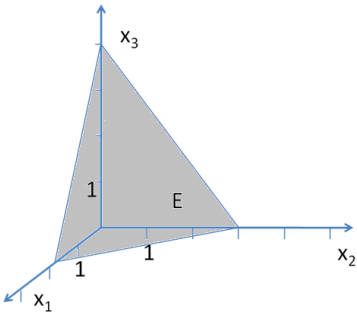
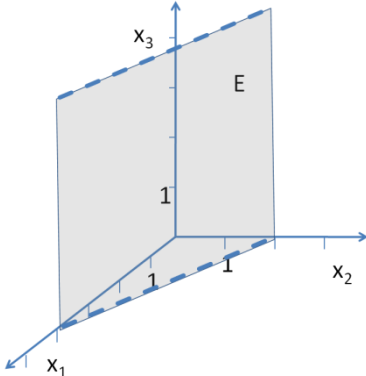
WADI Kursstufe B31		Lösungsmengen von LGS	
Lösungen			r/f /n
1	Wie viele Lösungen kann ein lineares Gleichungssystem (LGS) besitzen?	<input checked="" type="checkbox"/> mehr als eine <input type="checkbox"/> genau zwei <input checked="" type="checkbox"/> keine <input checked="" type="checkbox"/> unendlich viele <input type="checkbox"/> Anzahl der Gleichungen entspricht der Anzahl der Lösungen	
2	Entscheiden Sie, wie viele Lösungen ein LGS hat, wenn der GTR Folgendes zeigt: <div><div>rref([A] [[1 0 0 8 1 [0 1 0 -1] [0 0 0 0 1] A</div><div>rref([B] [[1 0 1 0] [0 1 0 0] [0 0 0 1] B</div><div>rref([C] [[1 0 0 3 1 [0 1 0 -2] [0 0 1 6 1] C</div></div>	Ordnen Sie die Buchstaben A, B und C zu. C genau eine B keine A unendlich viele	
3	Das LGS hat unendlich viele Lösungen. Entscheiden Sie, welche der angegebenen Zahlentripel Lösungen sind. <div><div>-x₁ + 2x₂ - x₃ = 2 x₁ - 3x₂ + 2x₃ = 1 - x₂ + x₃ = 3</div></div>	<input checked="" type="checkbox"/> (-8 -3 0) <input type="checkbox"/> (5 0 3) <input checked="" type="checkbox"/> (-7 -2 1) <input type="checkbox"/> (-11 1 -2)	
4	Bestimmen Sie die Lösungsmenge von folgendem LGS. <div><div>x₁ + 3x₂ - 2x₃ = 0 -x₁ + 3x₂ + x₃ = 4 2x₁ - 3x₃ = 2</div></div>	<input type="checkbox"/> (-1 1 1) <input checked="" type="checkbox"/> keine Lösung <input type="checkbox"/> unendlich viele Lösungen	
5	Lösen Sie das LGS. <div><div>x₁ + 2x₂ + 3x₃ + x₄ = 9 2x₁ + x₂ - 2x₃ - 2x₄ = -8 3x₂ - 3x₃ + 4x₄ = 15 -x₁ - 2x₂ + x₃ + x₄ = 1</div></div>	<input checked="" type="checkbox"/> (-1 2 1 3) <input type="checkbox"/> keine Lösung <input type="checkbox"/> unendlich viele Lösungen	
6	Bestimmen Sie die Lösungsmenge. <div><div>2x₁ + 4x₂ - 6x₃ = 12 x₁ - 0,5x₂ + 2x₃ = 1 4x₁ + 3x₂ - 2x₃ = 14</div></div>	Mit x ₃ = t ist L={ (2-t 2+2t t) t∈IR }	
7	Sind folgende Aussagen wahr oder falsch? a) Ein LGS mit drei Unbekannten und zwei Gleichungen hat immer unendlich viele Lösungen. b) Ein lineares Gleichungssystem mit drei Unbekannten und drei Gleichungen kann genau zwei Lösungen besitzen. c) Ein LGS mit mehr Gleichungen als Unbekannten kann eine eindeutige Lösung haben.	<div><div>Wahr</div><div>Falsch</div><div>a) <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/></div><div>b) <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/></div><div>c) <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></div></div>	


WADI Kursstufe B32		Bestimmung ganzrationaler Funktionen																			
Lösungen																					
<div>1</div> <div>Das Schaubild der Funktion f mit $f(x) = 2x^2 + bx - 4$ geht durch den Punkt $P(1 2)$. Bestimme den Funktionsterm von f.</div>		<div><input type="checkbox"/> $f(x) = 2x^2 - 1,5x - 4$</div> <div><input checked="" type="checkbox"/> $f(x) = 2x^2 + 4x - 4$</div> <div><input type="checkbox"/> $f(x) = 2x^2 - 4x - 4$</div>																			
<div>2</div> <div>Der Graph einer ganzrationalen Funktion f mit $f(x) = ax^2 + bx + c$ hat den Tiefpunkt $T(-2 1)$. Entscheiden Sie welche der folgenden Gleichungen richtig bzw. falsch sind.</div> <div><div>a) $4a - 2b + c = 1$</div><div>b) $a + b + c = -2$</div><div>c) $-4a + b = 1$</div><div>d) $2a + b = -2$</div><div>e) $-4a + b = 0$</div></div>		<table><tr><th></th><th>Richtig</th><th>Falsch</th></tr><tr><td>a)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>b)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>c)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>d)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>e)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>			Richtig	Falsch	a)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	b)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	c)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	d)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	e)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
	Richtig	Falsch																			
a)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																			
b)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																			
c)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																			
d)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																			
e)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																			
<div>3</div> <div>Gegeben ist der Graph von f mit $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$. Welche Bedingungen lassen sich anhand des Graphen in den Punkten $H(0 1)$ und $Q(2 -1)$ aufstellen?</div>		<div></div> <div><input checked="" type="checkbox"/> $d = 1$</div> <div><input checked="" type="checkbox"/> $-1 = 8a + 4b + 2c + d$</div> <div><input type="checkbox"/> $2 = -a + b - c + d$</div> <div><input checked="" type="checkbox"/> $c = 0$</div> <div><input type="checkbox"/> $c = 1$</div>																			
<div>4</div> <div><div></div>Eine ganzrationale Funktion f dritten Grades hat eine Nullstelle für $x = -2$, geht durch den Punkt $P(0 -1)$ und hat den Tiefpunkt $T(-1 -4)$. Entscheiden Sie, welche der drei Abb. beim Bestimmen des Funktionsterms mit dem GTR entsteht und geben Sie den Funktionsterm an.</div> <div><div>A<pre>rref([A] [[1 0 0 0 -5 ... [0 1 0 0 -6 ... [0 0 1 0 -10.5 ... [0 0 0 1 -1 ...</pre></div><div>B<pre>rref([B] [[1 0 0 0 -5] [0 1 0 0 2.5] [0 0 1 0 5.5] [0 0 0 1 -1]]</pre></div><div>C<pre>rref([C] [[1 0 0 0 -1] [0 1 0 0 5.5] [0 0 1 0 2] [0 0 0 1 -5]]</pre></div></div> <div>Abbildung: <input type="checkbox"/> A <input checked="" type="checkbox"/> B <input type="checkbox"/> C</div> <div>$f(x) =$ <input type="checkbox"/> $3,5x^3 + 14x^2 + 13,5x - 1$ <input checked="" type="checkbox"/> $-0,5x^3 + 2x^2 + 5,5x - 1$ <input type="checkbox"/> $-x^3 + 5,5x^2 + 2x - 0,5$</div>																					
<div>5</div> <div>Zu den Graphen von f, g und h soll ein Funktionsterm ermittelt werden. Welcher Ansatz - mit möglichst niedrigem Grad - ist hierfür geeignet? Mehrere Lösungen können möglich sein.</div> <div><div></div><div></div><div></div></div>		<div>A $f(x) =$ <input checked="" type="checkbox"/> $ax^2 + bx + c$ <input type="checkbox"/> $ax + b$ <input type="checkbox"/> $ax^3 + bx^2 + cx + d$</div> <div>B $g(x) =$ <input checked="" type="checkbox"/> $ax^3 + cx$ <input type="checkbox"/> $ax^4 + bx^2 + c$ <input checked="" type="checkbox"/> $ax^3 + bx^2 + cx + d$</div> <div>C $h(x) =$ <input type="checkbox"/> $ax^5 + bx^3 + cx$ <input checked="" type="checkbox"/> $ax^4 + bx^2 + c$ <input checked="" type="checkbox"/> $ax^4 + bx^3 + cx^2 + dx + e$</div>																			

WADI Kursstufe B33		Abstand zweier Punkte im Raum	
Lösungen			
1	Gegeben ist der Vektor $\vec{u} = \begin{pmatrix} a \\ -3 \\ 4 \end{pmatrix}$. a) Bestimmen Sie den Betrag von \vec{u} für $a = 0$. b) Bestimmen Sie a so, dass \vec{u} die Länge $\sqrt{125}$ hat.	a) <input type="checkbox"/> $ \vec{u} = 1$ <input checked="" type="checkbox"/> $ \vec{u} = 5$ <input type="checkbox"/> $ \vec{u} = 7$ b) <input checked="" type="checkbox"/> $a = -10$ <input type="checkbox"/> $a = 5$ <input checked="" type="checkbox"/> $a = 10$	
2	Gegeben sind Punkte $P(1 0 -2)$ und $Q(-1 -2 a)$. a) Bestimmen Sie den Abstand PQ für $a = 4$ b) Für welche Werte von a haben P und Q den Abstand 3?	a) <input type="checkbox"/> $\sqrt{40}$ b) <input checked="" type="checkbox"/> $a = -1$ <input checked="" type="checkbox"/> $\sqrt{44}$ <input type="checkbox"/> $a = 0$ <input type="checkbox"/> $\sqrt{12}$ <input checked="" type="checkbox"/> $a = -3$	
3	Wahr oder falsch: A: Spiegelt man einen Punkt P an einem Punkt Q und erhält P', so gilt: $ \overrightarrow{PQ} = \overrightarrow{P'Q} $ B: Der Betrag eines Vektors kann nie negativ werden.	Wahr Falsch A <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> B <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	
4	Gegeben sind die Punkte $A(6 -3 -2)$ und $B(2 -3 1)$. a) Bestimmen Sie den Einheitsvektor zu \overrightarrow{AB} . b) Welcher Punkt ergibt sich, wenn man den Punkt A 10 mal in Richtung des Einheitsvektors von \overrightarrow{AB} verschiebt.	a) $ \overrightarrow{AB} = \frac{1}{5} \begin{pmatrix} -4 \\ 0 \\ 3 \end{pmatrix}$ b) P $(-2 -3 4)$	
5	Gegeben sind die Punkt A, B und C. a) Geben Sie den Abstand von A und B an. b) Ergänzen Sie die Koordinaten von C so, dass der Abstand zwischen A und C 5 LE beträgt.	 a) <input type="checkbox"/> 1 <input type="checkbox"/> 2 <input type="checkbox"/> 3 <input checked="" type="checkbox"/> 4 b) C(0 ? 1) Das ? wird ersetzt: <input type="checkbox"/> 0 <input type="checkbox"/> -1 <input checked="" type="checkbox"/> -2 <input type="checkbox"/> -3	
6	Das Dreieck ABC mit $A(4 -2 2)$, $B(6 -4 2)$ und $C(2 -6 2)$ ist gleichschenkelig mit der Basis AB. a) Bestimmen Sie die Koordinaten des Mittelpunkts M_{AB} . b) Bestimmen Sie die Länge der Strecke CM_{AB} . c) Welchen Flächeninhalt hat das Dreieck ABC?	a) $M_{AB}(5 -3 2)$ b) $ CM_{AB} = \sqrt{18}$ LE c) A = 6 FE	
7	Die Punkte $A(1 2 -1)$, $B(0 0 0)$ und $C(1 0 1)$ bilden ein rechtwinkliges Dreieck bei B. Bestimmen Sie den Flächeninhalt dieses Dreiecks.	$A = \frac{1}{2} \sqrt{12} = \sqrt{3}$ FE	

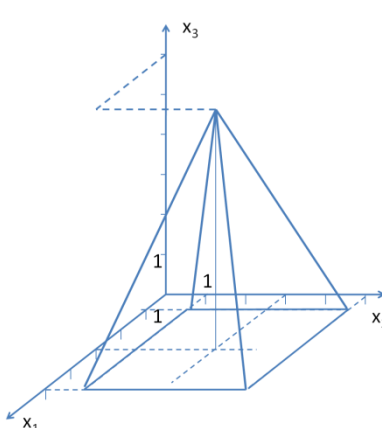
WADI Kursstufe B34		Ebenengleichungen 1	
Lösungen			r/f /n
1	<p>Welche der folgenden Gleichungen sind die Gleichung einer Ebene im Raum?</p> <p>A: $x_1 - x_3 = -11$ B: $x_1 = 0$</p> <p>C: $\left[\vec{x} - \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \right] \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ -1 \end{pmatrix} = 0$ D: $\left[\vec{x} - \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} \right] \cdot \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} = 0$</p> <p>E: $\vec{x} = r \cdot \begin{pmatrix} 3 \\ 2 \\ -1 \end{pmatrix} + s \cdot \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \\ -1 \end{pmatrix}$ F: $\vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ -1 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ -1 \end{pmatrix} + s \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ -1 \end{pmatrix}$</p>	<p>Gleichung einer Ebene im Raum sind</p> <p><input checked="" type="checkbox"/> A <input checked="" type="checkbox"/> B</p> <p><input checked="" type="checkbox"/> C <input type="checkbox"/> D</p> <p><input checked="" type="checkbox"/> E <input type="checkbox"/> F</p>	
2	<p>Durch welche geometrischen Objekte ist eine Ebene eindeutig festgelegt?</p> <p>A: Zwei sich schneidende Geraden</p> <p>B: Zwei parallele Geraden (nicht identisch)</p> <p>C: Zwei windschiefe Geraden</p> <p>D: Drei beliebige Punkte</p> <p>E: Drei Punkte, nicht auf einer Geraden liegen.</p>	<p>Richtig ist:</p> <p><input checked="" type="checkbox"/> A</p> <p><input checked="" type="checkbox"/> B</p> <p><input type="checkbox"/> C</p> <p><input type="checkbox"/> D</p> <p><input checked="" type="checkbox"/> E</p>	
3	<p>In die folgenden Ebenengleichungen haben sich Fehler eingeschlichen. Korrigieren Sie:</p> <p>A: $x_1 - 2x + 2x_3 = 1$ C: $\vec{x}_1 - 2\vec{x}_2 + 2\vec{x}_3 = 1$</p> <p>B: $\left[\vec{x} - \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} \right] \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ -1 \end{pmatrix}$ D: $\begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ -1 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} = 0$</p>	<p>A: $x_1 - 2x_2 + 2x_3 = 1$</p> <p>B: $\left[\vec{x} - \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} \right] \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ -1 \end{pmatrix} = 0$</p> <p>C: $x_1 - 2x_2 + 2x_3 = 1$</p> <p>D: $\vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ -1 \end{pmatrix} + s \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$</p>	
4	<p>Gegeben sind die Punkte P(1 2 3), Q(0 -1 2), R(2 2 1). Welche der folgenden Gleichungen stellen eine Parametergleichung der Ebene durch diese drei Punkte dar.</p> <p>A: $\vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 0 \\ -1 \\ 2 \end{pmatrix} + s \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix}$ B: $\vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} -1 \\ -3 \\ -1 \end{pmatrix} + s \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ -2 \end{pmatrix}$</p>	<p>Richtig ist:</p> <p><input type="checkbox"/> A</p> <p><input checked="" type="checkbox"/> B</p>	
5	<p>Gegeben ist die Ebene E in Normalenform: $\left[\vec{x} - \begin{pmatrix} 3 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} \right] \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ -1 \end{pmatrix} = 0$. Bestimmen Sie eine Gleichung der Ebene in Koordinatenform.</p>	<p>E: $x_1 - x_3 = 2$</p>	
6	<p>Gegeben ist die Ebene E: $\vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ -1 \end{pmatrix} + s \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$.</p> <p>Stellen Sie diese dar in der</p> <p>a) Koordinatenform</p> <p>b) Normalenform</p> <p>c) Hesseschen Normalenform</p>	<p>a) $2x_1 - 3x_2 - 4x_3 = 2$</p> <p>b) $\left[\vec{x} - \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \right] \cdot \begin{pmatrix} 2 \\ -3 \\ -4 \end{pmatrix} = 0$</p> <p>c) $\frac{2x_1 - 3x_2 - 4x_3 - 2}{\sqrt{29}} = 0$</p>	

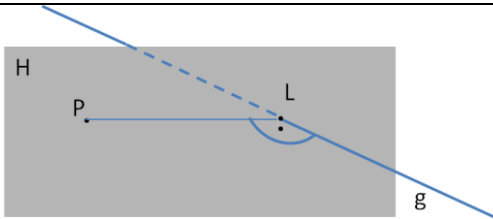
WADI Kursstufe B35		Ebenengleichungen 2																	
Lösungen			r/f /n																
1	<p>Prüfen Sie, ob der Punkt $P(1 2 -1)$ in der Ebene E liegt.</p> <p>a) $E: \vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ -1 \end{pmatrix} + s \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$.</p> <p>b) $E: 6x_1 + 3x_2 + 4x_3 = 8$</p> <p>c) $E: \left[\vec{x} - \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} \right] \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ -1 \end{pmatrix} = 0$</p>	<p>Setzen Sie \in oder \notin ein:</p> <p>a) $P \notin E$</p> <p>b) $P \in E$</p> <p>c) $P \notin E$</p>																	
2	<p>Gegeben ist der Punkt $P_a(1 2 a)$. Bestimmen Sie a so, dass P_a in E_a liegt.</p> <p>a) $E_a: x_1 + ax_2 + 4x_3 = 13$.</p> <p>b) $E_a: \left[\vec{x} - \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ a \end{pmatrix} \right] \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ -1 \end{pmatrix} = 0$</p>	<p>a) $a = 2$</p> <p>b) $a = 0$</p>																	
3	<p>Gegeben ist die Ebene E. Bestimmen Sie deren Spurpunkte.</p> <p>a) $6x_1 + 3x_2 + 4x_3 = 12$</p> <p>b) $2x_1 + 3x_3 = 6$</p> <p>c) $2x_1 = 6$</p>	<table> <tr> <th></th><th>a)</th><th>b)</th><th>c)</th></tr> <tr> <td>S_1</td><td>(2 0 0)</td><td>(3 0 0)</td><td>(3 0 0)</td></tr> <tr> <td>S_2</td><td>(0 4 0)</td><td>-</td><td>-</td></tr> <tr> <td>S_3</td><td>(0 0 3)</td><td>(0 0 2)</td><td>-</td></tr> </table>		a)	b)	c)	S_1	(2 0 0)	(3 0 0)	(3 0 0)	S_2	(0 4 0)	-	-	S_3	(0 0 3)	(0 0 2)	-	
	a)	b)	c)																
S_1	(2 0 0)	(3 0 0)	(3 0 0)																
S_2	(0 4 0)	-	-																
S_3	(0 0 3)	(0 0 2)	-																
4	<p> Bestimmen Sie eine Koordinatengleichung der Ebene E.</p> <p>a) </p> <p>b) </p>	<p>a) $E: 3x_1 + 6x_2 + 2x_3 = 12$</p> <p>b) $E: 3x_1 + 2x_2 = 6$</p>																	
5	<p>Gegeben sind die Punkte $A(1 1 1)$, $B(-1 1 2)$, $C(1 0 0)$ und $D(3 1 0)$.</p> <p>a) Stellen Sie eine Gleichung der Ebene E durch A, B und C in Koordinatenform auf.</p> <p>b) Liegen die vier Punkte in einer Ebene?</p>	<p>a) $E: x_1 - 2x_2 + 2x_3 = 1$</p> <p>b) <input checked="" type="checkbox"/> Ja <input type="checkbox"/> Nein.</p>																	

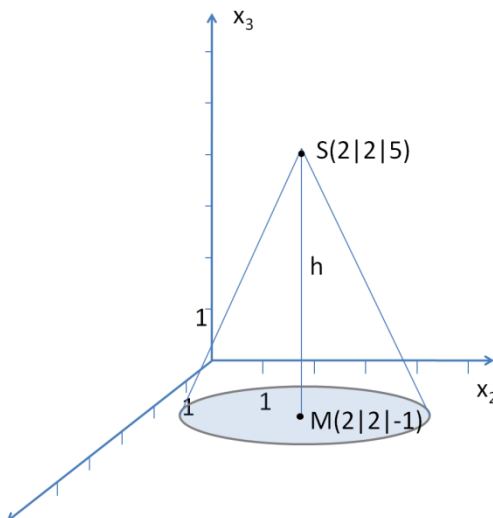
WADI Kursstufe B36		Besondere Lage von Ebenen																													
Lösungen			r/f /n																												
1	<p>Wahr oder falsch?</p> <p>A: Die Ebene $2x_3 = 4$ ist parallel zur x_3-Achse.</p> <p>B: Die Ebene $x_3 = 2$ ist parallel zur x_1x_2-Ebene.</p> <p>C: Die Ebene $x_1+x_3 = 2$ ist parallel zur x_2-Achse.</p> <p>D: Die Ebene $x_1+x_3=1$ ist parallel zur x_1x_3-Ebene.</p> <p>E: Alle Ebenen der Form $ax_1 + bx_2+ cx_3 = 0$ ($a; b; c \in \mathbb{R}$, nicht alle $= 0$) verlaufen durch den Ursprung.</p> <p>F: Ebenen der Form $ax_1 = 1$ sind alle parallel zur x_2x_3-Ebene.</p> <p>G: Eine Ebene hat maximal drei Spurpunkte.</p> <p>H: Ist eine Ebene parallel zur x_1x_2-Ebene, so ist sie auch parallel zur x_1- und x_2- Achse.</p>	<p>Wahr Falsch</p> <p>A <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/></p> <p>B <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>C <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>D <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/></p> <p>E <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>F <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>G <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>H <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p>																													
2	<p>Welche der folgenden Veranschaulichung der Ebene E: $x_1 + 2x_2 = 4$ ist richtig?</p> <div style="display: flex; justify-content: space-around; align-items: flex-start;"> <div style="text-align: center;"> <p>A:</p>  </div> <div style="text-align: center;"> <p>B:</p>  </div> </div>	<p>Richtig ist:</p> <p>A <input type="checkbox"/> B <input checked="" type="checkbox"/></p>																													
3	<p>Geben Sie eine Gleichung in Koordinatenform</p> <p>a) der x_2x_3-Ebene an.</p> <p>b) der Ebene an, die parallel zur x_2-Achse ist und durch $P(0 0 2)$ und $Q(3 0 0)$ verläuft.</p> <p>c) der Ebenen an, welche parallel zur x_1x_2-Ebene mit dem Abstand 4 sind.</p>	<p>a) $x_1 = 0$</p> <p>b) $2x_1 + 3x_3 = 6$</p> <p>c) $x_3 = 4$ sowie $x_3 = -4$</p>																													
4	<p>Welche besondere Lage haben diese Ebenen im Raum?</p> <p>A: $x_1 + x_2 = 1$</p> <p>B: $\left[\vec{x} - \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} \right] \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} = 0$; C: $\vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix} + s \begin{pmatrix} 3 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$</p>	<p>Parallel zur</p> <table> <tr> <th></th><th>A</th><th>B</th><th>C</th></tr> <tr> <td>x_1x_2-Ebene</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr> <tr> <td>x_2x_3-Ebene</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr> <tr> <td>x_1x_3-Ebene</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr> <tr> <td>x_1-Achse</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr> <tr> <td>x_2-Achse</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr> <tr> <td>x_3-Achse</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr> </table>		A	B	C	x_1x_2 -Ebene	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	x_2x_3 -Ebene	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	x_1x_3 -Ebene	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	x_1 -Achse	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	x_2 -Achse	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	x_3 -Achse	<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	
	A	B	C																												
x_1x_2 -Ebene	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																												
x_2x_3 -Ebene	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																												
x_1x_3 -Ebene	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																												
x_1 -Achse	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																												
x_2 -Achse	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																												
x_3 -Achse	<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																												

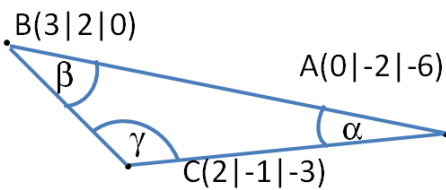
WADI Kursstufe B37		Gegenseitige Lage Gerade und Ebene																	
Lösungen																			
1	Die Geradengleichung von g: $\vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ -1 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ -2 \end{pmatrix}$ wird in die Koordinatengleichung der Ebene E: $x_1 - x_2 = 1$ eingesetzt: $1 - r = 1$. Man erhält: $r = 0$. Das bedeutet: A: g in E; B: g E; C: g schneidet E; D: die Gerade verläuft durch den Ursprung.	<table><tr><td></td><td>Wahr</td><td>Falsch</td></tr><tr><td>A</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>B</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>C</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>D</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr></table>		Wahr	Falsch	A	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	B	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	C	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	D	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>		
	Wahr	Falsch																	
A	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																	
B	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																	
C	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																	
D	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																	
2	Gegeben sind die Gerade g: $\vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix}$ sowie jeweils die Ebene E. Bestimmen Sie deren gegenseitige Lage und gegebenenfalls den Durchstoßpunkt D. a) E: $2x_1 - x_2 + x_3 = 1$ b) E: $-4x_1 + 2x_2 - x_3 = -4$ c) E: $x_1 - x_2 - x_3 = 1$	<table><tr><td></td><td>g E</td><td>g in E</td><td>D</td></tr><tr><td>a</td><td>X</td><td>-</td><td>-</td></tr><tr><td>b</td><td>X</td><td>X</td><td>-</td></tr><tr><td>c</td><td>-</td><td>-</td><td>(1 0 0)</td></tr></table> D... Durchstoßpunkt		g E	g in E	D	a	X	-	-	b	X	X	-	c	-	-	(1 0 0)	
	g E	g in E	D																
a	X	-	-																
b	X	X	-																
c	-	-	(1 0 0)																
3	 Bestimmen Sie den Durchstoßpunkt der Geraden g: $\vec{x} = \begin{pmatrix} 0 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}$ und der Ebene E: a) E: $2x_1 + x_2 + x_3 = 4$ b) E: $\left[\vec{x} - \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ -1 \end{pmatrix} \right] \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ -1 \end{pmatrix} = 0$	 a) $r = 1$; P(0 3 1) b) $r = -2$; P(0 0 -2)																	
4	Wo schneidet die Gerade g: $\vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ -1 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix}$ a) die x_1x_2 -Ebene b) die x_1x_3 -Ebene	 a) P(1,5 1,5 0) b) P(0 0 -3)																	
5	Gegeben ist die Ebene E: $\left[\vec{x} - \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ -1 \end{pmatrix} \right] \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ -1 \end{pmatrix} = 0$ Wo schneidet die x_1 -Achse die Ebene E?	D (2 0 0)																	
6	Die Ebene E: $x_1 + x_2 + x_3 = 16$ stellt in einem geeigneten Koordinatensystem einen Hang dar. Ein Sendemast hat seine Spitze in S(6 4 8). Die Richtung der parallelen Sonnenstrahlen wird durch $\vec{v} = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ -1 \end{pmatrix}$ festgelegt. Bestimmen Sie den Endpunkt des Schattens des Sendemastes auf dem Hang.	 <input type="checkbox"/> P(6 4 0) <input type="checkbox"/> P(1 1 -1) <input checked="" type="checkbox"/> P(4 2 10) <input type="checkbox"/> P(5 5 7)																	

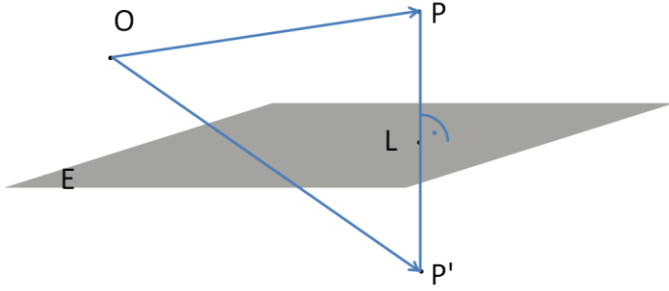
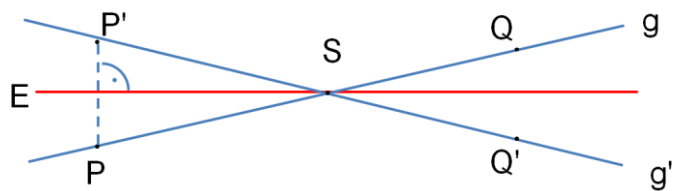
WADI Kursstufe B38		Lagebeziehung zwischen Ebenen													
Lösungen															
1	<p>Gegeben sind die Ebenen E und F. Wie liegen die beiden Ebenen zueinander?</p> <p>a) E: $x_1 + x_2 - 2x_3 = 1$ F: $2x_1 + 2x_2 - 4x_3 = 1$ b) E: $x_1 + x_2 - 2x_3 = 1$ F: $2x_1 + 2x_2 - 4x_3 = 2$ c) E: $x_1 + x_2 - 2x_3 = 1$ F: $2x_1 - x_3 = 1$</p>	<p>Tragen Sie den entsprechenden Buchstaben ein: E und F... ...schneiden sich in einer Geraden c ...sind echt parallel a ...sind identisch b</p>													
2	<p>Bestimmen Sie a so, dass die beiden Ebenen E und F parallel sind.</p> <p>E: $3x_1 - 2x_2 + 2x_3 = 1$ F: $\left[\vec{x} - \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} \right] \cdot \begin{pmatrix} 6 \\ a \\ 4 \end{pmatrix} = 0$</p>	<p>a = - 4</p>													
3	<p>Bestimmen Sie eine Gleichung der Schnittgeraden von E und F.</p> <p>a) E: $x_1 + 2x_2 - 2x_3 = 6$ F: $2x_1 - x_3 = 0$ b) E: $4x_1 + 3x_2 - 2x_3 = 6$ F: $\left[\vec{x} - \begin{pmatrix} 0 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix} \right] \cdot \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix} = 0$</p>	<p>a) $\vec{x} = \begin{pmatrix} 0 \\ 3 \\ 0 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \\ 4 \end{pmatrix}$ b) $\vec{x} = \begin{pmatrix} -1,5 \\ 4 \\ 0 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 2 \\ -2 \\ 1 \end{pmatrix}$</p>													
4	<p>Ein Schüler hat die Koordinatengleichungen zweier Ebenen als LGS in Matrixform in den GTR eingegeben. Auf dem GTR erscheint als reduzierte Form der Matrix folgendes Bild. Interpretieren Sie dieses geometrisch.</p> <p>a) $\text{rref}([A]) = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & 3 & 2 \end{bmatrix}$ b) $\text{rref}([A]) = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$ c) $\text{rref}([A]) = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$</p>	<p>Die beiden Ebenen - sind echt parallel (P) - sind identisch (I) - schneiden sich in einer Geraden (S) Tragen Sie den entsprechenden Buchstaben ein: a) S b) P c) I</p>													
5	<p>Gegeben ist die Ebene E: $2x_1 + x_2 - 2x_3 = 0$ sowie der Punkt A(1 1 2). Stellen Sie eine Koordinatengleichung einer Ebene F auf, welche zu E parallel ist und durch A verläuft.</p>	<p>F: $2x_1 + x_2 - 2x_3 = -1$</p>													
6	<p>Wahr oder falsch?</p> <p>A: Zwei voneinander verschiedene Ebenen schneiden sich entweder in einer Geraden oder gar nicht. B: Schneiden sich von drei Ebenen jeweils zwei in einer Geraden, so sind die Schnittgeraden parallel. C: Drei Ebenen können so liegen, dass sie sich in genau einem Punkt schneiden.</p>	<table><tr><th></th><th>Wahr</th><th>Falsch</th></tr><tr><td>A</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>B</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>C</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>		Wahr	Falsch	A	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	B	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	C	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	
	Wahr	Falsch													
A	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>													
B	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>													
C	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>													

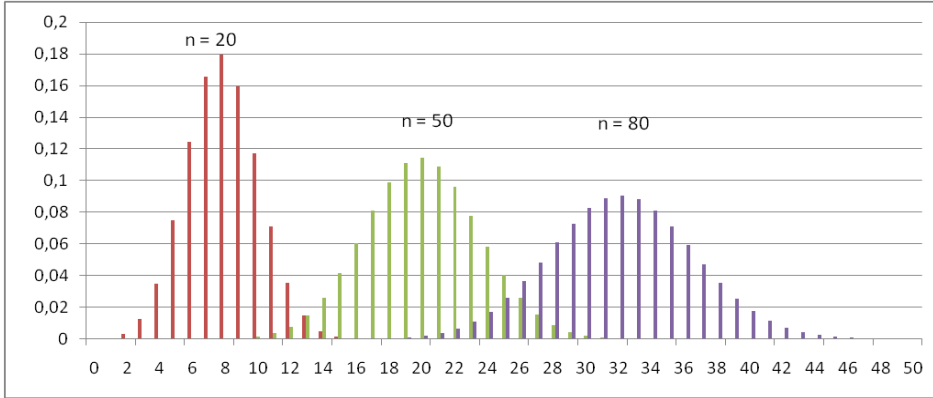
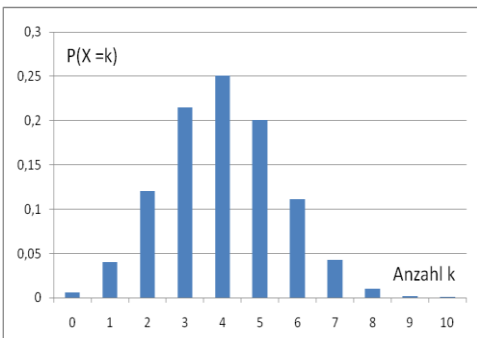
WADI Kursstufe B39		Hessesche Normalenform (HNF)	
Lösungen			r/f /n
1	<p>Wahr oder falsch?</p> <p>A: In der HNF einer Ebene wird der Normalenvektor der Ebene auf die Länge 1 normiert.</p> <p>B: die HNF wird hauptsächlich für Abstandsrechnungen verwendet.</p> <p>C: Es gibt Ebenen, für die man keine HNF aufstellen kann.</p>	<p>Wahr Falsch</p> <p>A <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>B <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>C <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/></p>	
2	<p>Stellen Sie jeweils die HNF der Ebene E auf:</p> <p>a) E: $x_1 + 2x_2 - 2x_3 = 1$ b) E: $\left[\vec{x} - \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} \right] \cdot \begin{pmatrix} 3 \\ -4 \\ 0 \end{pmatrix} = 0$</p>	<p>a) $\frac{x_1 + 2x_2 - 2x_3 - 1}{3} = 0$</p> <p>b) $\frac{3x_1 - 4x_2 + 1}{5} = 0$</p>	
3	<p>Bestimmen Sie den Abstand des Punktes P von der Ebene E: $x_1 + 2x_2 - 2x_3 = 1$.</p> <p>a) P(0 0 0) b) P(1 3 0) c) P(2 1 1)</p>	<p>a) $d(P, E) = \frac{1}{3}$</p> <p>b) $d(P, E) = 2$</p> <p>c) $d(P, E) = \frac{1}{3}$</p>	
4	<p>Alle Punkte, welche von einer Ebene E den Abstand 3 haben, liegen</p> <p>A: auf zwei parallelen Geraden im Abstand 3.</p> <p>B: auf einer Geraden im Abstand 3.</p> <p>C: auf zwei parallelen Ebenen im Abstand 3.</p>	<p>Richtig ist:</p> <p>A <input type="checkbox"/></p> <p>B <input type="checkbox"/></p> <p>C <input checked="" type="checkbox"/></p>	
5	<p>Welcher der Punkte A(3 4 0), B(5 2 -1), C(0 0 -7) hat den Abstand 4 von der Ebene</p> <p>E: $2x_1 + x_2 - 2x_3 = 2$?</p>	<p>A <input type="checkbox"/> B <input checked="" type="checkbox"/> C <input checked="" type="checkbox"/></p>	
6	<p>Bestimmen Sie den Abstand</p> <p>a) der parallelen Ebenen E: $2x_1 - x_2 + 2x_3 = 1$ und F: $2x_1 - x_2 + 2x_3 = 5$.</p> <p>b) der Ebene E: $3x_1 + 4x_3 = 1$ und der zu E parallelen Geraden g: $\vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 4 \\ 2 \\ -3 \end{pmatrix}$.</p>	<p>a) $d(E, F) = \frac{4}{3}$</p> <p>b) $d(g, E) = \frac{2}{5}$.</p>	
7	<p>In der Zeichnung sehen Sie eine Pyramide. Die notwendigen Daten sollen durch Ablesen bestimmt werden.</p> <p>a) Welche Höhe h hat die Pyramide.</p> <p>b) Bestimmen Sie das Volumen der Pyramide.</p>	 <p>a) Für die Höhe h gilt: <u>$h = 6 \text{ LE}$</u>.</p> <p>b) Für das Volumen V gilt: <u>$V = 32 \text{ VE}$</u>.</p>	



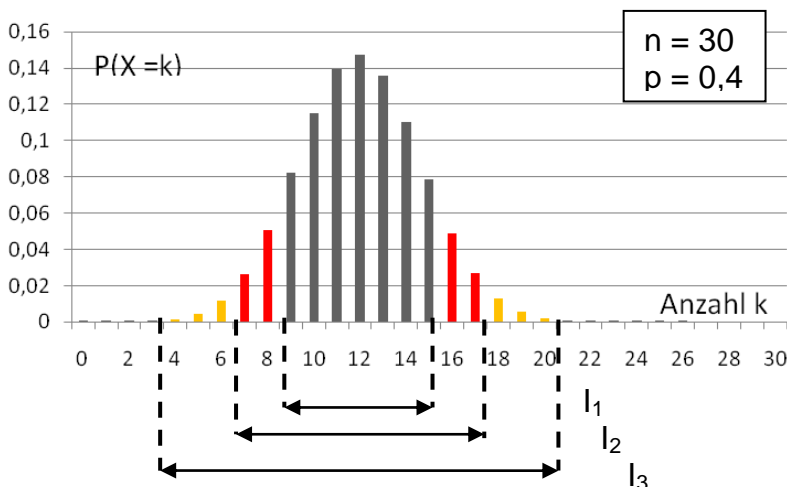
WADI Kursstufe B40		Abstand Punkt - Gerade	
Lösungen			r/f /n
1	<p>Wahr oder falsch?</p> <p>Den Abstand eines Punktes P von einer Geraden g kann man durch</p> <p>A: Aufstellen einer Hilfsebene H durch P senkrecht zu g bestimmen.</p> <p>B: Aufstellen einer Hilfsebene H, welche P und g enthält, bestimmen.</p> <p>C: eine Extremwertbetrachtung (Abstand zweier Punkte) bestimmen.</p>	<p>Wahr Falsch</p> <p>A <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>B <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/></p> <p>C <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p>	
2	<p>Gegeben sind der Punkt P(1 2 3) und die Gerade</p> $g: \vec{x} = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ 2 \end{pmatrix}.$  <p>a) Stellen Sie eine Normalengleichung der Hilfsebene H auf ($H \perp g; P \in H$)</p> <p>b) Bestimmen Sie den Lotfußpunkt L.</p> <p>c) Bestimmen Sie den Abstand von P zu g.</p>	<p>a) $\left[\vec{x} - \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix} \right] \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ 2 \end{pmatrix} = 0$</p> <p>b) L(1 0 2)</p> <p>c) $d(P,g) = \sqrt{5}$</p>	
3	Geben Sie den Abstand des Punktes P(1 0 3) von der x_1 -Achse an.	$d = 3$	
4	Bestimmen Sie den Abstand zwischen der Geraden $g: \vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 2 \\ -2 \\ 1 \end{pmatrix}$ und dem Punkt P(-1 0 2).	$d(P,g) = 2$	
5	<p>Gegeben sind die Gerade $g: \vec{x} = \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \\ -1 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ -2 \end{pmatrix}$ und der Punkt P(1 2 3).</p> <p>a) Stellen Sie die Punkte der Geraden g als allgemeinen „laufenden“ Punkt G_r dar.</p> <p>b) Bestimmen Sie mit Hilfe von G_r die kleinste Entfernung d von P zu g.</p>	<p>a) $G_r(2+r \mid 2+2r \mid -1-2r)$</p> <p>b) $PG_r(1+r \mid 2r \mid -4-2r)$</p> <p>$(d(r))^2 = 9r^2 + 18r + 17$ $r = -1$ ist Minimum $d = \sqrt{8}$.</p>	
6	Gegeben ist das Dreieck ABC mit A(1 0 1), B(2 2 1) und C(-1 2 1). Bestimmen Sie die Höhe h_c des Dreiecks und geben Sie diese auf 2 Dezimalstellen gerundet an.	$h_c \approx 2,68$	

WADI Kursstufe B42		Skalarprodukt																
Lösungen			r/f /n															
1	Gegeben sind die Vektoren \vec{a} , \vec{b} und \vec{c} . Das Ergebnis folgender Rechnungen ist..... a) $(\vec{a} \cdot \vec{b}) \cdot \vec{c}$ b) $(\vec{a} + \vec{b}) \cdot \vec{c}$ c) $(\vec{a} \cdot \vec{b}) + \vec{c}$	\underline{b} eine Zahl \underline{a} ein Vektor \underline{c} nicht definiert — 0 — $\vec{0}$																
2	Für das Skalarprodukt zweier Vektoren $\vec{a} = \begin{pmatrix} a_1 \\ a_2 \\ a_3 \end{pmatrix}$ und $\vec{b} = \begin{pmatrix} b_1 \\ b_2 \\ b_3 \end{pmatrix}$ die den Winkel φ einschließen, gilt: A: $\vec{a} \cdot \vec{b} = a_1 \cdot b_1 + a_2 \cdot b_2 + a_3 \cdot b_3$ B: $\vec{a} \cdot \vec{b} = \vec{a} \cdot \vec{b} \cdot \cos(\varphi)$ C: $\vec{a} \cdot \vec{b} = a_1 \cdot b_1 \cdot a_2 \cdot b_2 \cdot a_3 \cdot b_3$ D: $\vec{a} \cdot \vec{b} = a_1 + b_1 + a_2 + b_2 + a_3 + b_3$	<table><tr><th></th><th>Richtig</th><th>Falsch</th></tr><tr><td>A</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>B</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>C</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>D</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr></table>		Richtig	Falsch	A	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	B	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	C	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	D	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	
	Richtig	Falsch																
A	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
B	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
C	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																
D	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																
3	Hat das Skalarprodukt zweier Vektoren \vec{a} und \vec{b} den Wert 0, so bedeutet dies: A: \vec{a} und \vec{b} sind parallel zueinander B: \vec{a} und \vec{b} sind orthogonal zueinander C: \vec{a} und \vec{b} sind Einheitsvektoren.	<table><tr><th></th><th>Wahr</th><th>Falsch</th></tr><tr><td>A</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>B</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>C</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr></table>		Wahr	Falsch	A	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	B	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	C	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>				
	Wahr	Falsch																
A	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																
B	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
C	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																
4	Zeigen Sie mithilfe des Skalarproduktes, dass sich die Diagonalen des Quadrats ABCD mit A(5 1 0), B(1 5 2), C(-1 1 6) und D(3 -3 4) orthogonal schneiden.	$\vec{AC} = \begin{pmatrix} -6 \\ 0 \\ 6 \end{pmatrix}; \vec{BD} = \begin{pmatrix} 2 \\ -8 \\ 2 \end{pmatrix}$ $\vec{AC} \cdot \vec{BD} = 0$ also $\vec{AC} \perp \vec{BD}$																
5	Der Grundkreis des abgebildeten Kreiskegels liegt in einer Ebene parallel zur x_1x_2 -Koordinatenebene. Zeigen Sie, dass die Höhe h senkrecht auf dem Grundkreis steht.		Der Grundkreis liegt in der Ebene $x_3 = -1$, also $\vec{n} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$. Die Höhe verläuft durch M und S auf der Geraden h: $\vec{x} = \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \\ 5 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 6 \end{pmatrix}$. Der Richtungsvektor dieser Geraden ist parallel zum Normalenvektor der Ebene $x_3 = -1$, also $h \perp E$.															

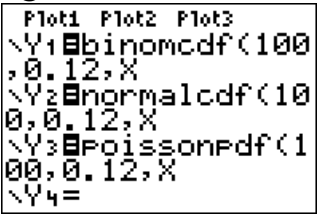
WADI Kursstufe B43		Orthogonalität, Winkel	
Lösungen			
1	Sind die beiden Objekte orthogonal? a) g und h mit g: $\vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} -2 \\ -3 \\ 1 \end{pmatrix}$; h: $\vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 2 \end{pmatrix}$. b) E: $x_1 - 2x_2 + x_3 = 2$; F: $3x_1 + x_2 - x_3 = -3$ c) g: $\vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \\ -1 \end{pmatrix}$; E: $x_1 + 2x_2 + 8x_3 - 18 = 0$	Die beiden Objekte sind orthogonal: Ja Nein a) <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> b) <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> c) <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>	
2	Für welches a sind die beiden Vektoren orthogonal? a) $\vec{a} = \begin{pmatrix} a \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$ und $\vec{b} = \begin{pmatrix} 2 \\ 4 \\ 5 \end{pmatrix}$ b) $\vec{a} = \begin{pmatrix} 1 \\ a \\ 1 \end{pmatrix}$ und $\vec{b} = \begin{pmatrix} 2a \\ a \\ -3 \end{pmatrix}$	a) a = -2 b) a = -3 oder a = 1	
3	Bestimmen Sie eine Gleichung einer Geraden h, welche orthogonal zu E: $2x_1 + 2x_2 - x_3 = 1$ ist und durch A(1 -1 5) verläuft.	h: $\vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ 5 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \\ -1 \end{pmatrix}$	
4	Die drei Punkte A, B und C mit A(1 0 1); B(2 3 1) und C(0 -5 1) sind die Eckpunkte eines Dreiecks. Ist dieses Dreieck rechtwinklig?	Das Dreieck ABC ist rechtwinklig: <input type="checkbox"/> Ja <input checked="" type="checkbox"/> Nein	
5	Bestimmen Sie die Innenwinkelweiten α und γ des Dreiecks ABC. <i>Die Zeichnung ist nicht maßstabsgerecht.</i> 	Winkelweite α <input checked="" type="checkbox"/> 16,6° <input type="checkbox"/> 163,4° Winkelweite γ <input type="checkbox"/> 30,9° <input checked="" type="checkbox"/> 149,1°	
6	Bestimmen Sie jeweils den Schnittwinkel φ von a) g: $\vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 1 \\ -3 \\ 1 \end{pmatrix}$ und h: $\vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix}$ b) E: $x_1 + 2x_2 - 2x_3 = 10$ und F: $\left[\vec{x} - \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} \right] \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} = 0$ c) g: $\vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 1 \\ -3 \\ 1 \end{pmatrix}$ und E: $\left[\vec{x} - \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} \right] \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} = 0$.	Auf eine Dezimale gerundet eintragen: a) $\varphi = 47,6^\circ$ b) $\varphi = 70,5^\circ$ c) $\varphi = 17,6^\circ$	
7	Gegeben sind die Gerade g: $\vec{x} = \begin{pmatrix} 0 \\ 5 \\ 3 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$ und der Punkt A(0 5 3). Orthogonale Geraden zu g durch A gibt es ... A: .. genau eine B: .. unendlich viele, die in einer Ebene liegen C: .. unendlich viele, die alle parallel zueinander sind.	Wahr Falsch A <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> B <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> C <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>	

WADI Kursstufe B44		Spiegelung und Symmetrie										
Lösungen			r/f /n									
1	Spiegeln Sie den Punkt P(1 0 2) am Punkt Z(2 3 1) und geben Sie die Koordinaten des Spiegelpunktes P' an.	P' (3 6 0)										
2	Der Punkt P soll an der Ebene E gespiegelt werden. Welche Vektorkette/n ist/sind richtig? 	<input checked="" type="checkbox"/> $\overrightarrow{OP'} = \overrightarrow{OP} + 2\overrightarrow{PL}$ <input type="checkbox"/> $\overrightarrow{OP'} = \overrightarrow{OP} + \overrightarrow{PL}$ <input checked="" type="checkbox"/> $\overrightarrow{OP'} = \overrightarrow{OL} + \overrightarrow{LP'}$ <input type="checkbox"/> $\overrightarrow{OP'} = 2\overrightarrow{PL}$										
3	Der Punkt P(0 1 4) soll an der Ebene E: $x_1 + 2x_2 - 2x_3 = 3$ gespiegelt werden. Geben Sie die Koordinaten des Spiegelpunktes P' an.	P' (2 5 0)										
4	Bestimmen Sie eine Gleichung der Ebene E, zu der die Punkte A(1 -2 7) und B(5 -2 3) symmetrisch sind.	$\left[\vec{x} - \begin{pmatrix} 3 \\ -2 \\ 5 \end{pmatrix} \right] \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ -1 \end{pmatrix} = 0$										
5	Bestimmen Sie eine Gleichung der Ebene E, zu der die Ebenen F und G symmetrisch sind. F: $x_1 + 2x_2 - 2x_3 = 0$; G: $x_1 + 2x_2 - 2x_3 = 4$.	E: $x_1 + 2x_2 - 2x_3 = 2$										
6	Die Gerade g soll an der Ebene E gespiegelt werden. Welche Vorgehensweise ist richtig?  A: Spiegeln zweier Punkte von g (z.B. P und Q) an der Ebene E; g' verläuft durch P' und Q'. B: Spiegeln eines Punktes P von g an der Ebene E, ermitteln des Durchstoßpunktes S von g und E, g' verläuft durch P' und S.	<table><tr><td></td><td>Richtig</td><td>Falsch</td></tr><tr><td>A</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>B</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>		Richtig	Falsch	A	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	B	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	
	Richtig	Falsch										
A	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>										
B	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>										
7	Spiegeln Sie den Punkt P(1 2 3) an der Geraden g: $\vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ -2 \end{pmatrix}$ und geben Sie die Koordinaten von P' an.	P' (1 -2 -1)										

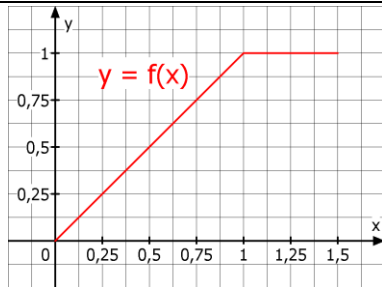

WADI Kursstufe D13		Standardabweichung																			
Lösungen			r/f /n																		
1	<p>Wahr oder falsch? Die Standardabweichung einer binomialverteilten Zufallsvariablen</p> <p>a) ist ein Maß für die Breite der Verteilung</p> <p>b) misst die gesamte Breite der Verteilung</p> <p>c) gibt an, um wie viel der Erwartungswert unter der maximalen Trefferzahl liegt</p> <p>d) ist ein Maß dafür, wie stark die Anzahl der Treffer auf lange Sicht von der zu erwartenden Trefferzahl abweicht.</p> <p>e) misst den Abstand der beiden Trefferzahlen, deren Wahrscheinlichkeit ungefähr 0,1 ist.</p>	<table><tr><th></th><th>Wahr</th><th>Falsch</th></tr><tr><td>a)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>b)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>c)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>d)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>e)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr></table>		Wahr	Falsch	a)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	b)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	c)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	d)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	e)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	
	Wahr	Falsch																			
a)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																			
b)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																			
c)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																			
d)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																			
e)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																			
2	<p>Die Grafik zeigt die Säulendiagramme dreier Binomialverteilungen. Bei allen ist $p = 0,4$. Welche Verteilung hat die größte, welche die kleinste Standardabweichung.</p> 	<p>Die größte Standardabweichung hat die abgebildete Binomialverteilung</p> <p><input type="checkbox"/> links ($n = 20$)</p> <p><input type="checkbox"/> in der Mitte ($n = 50$)</p> <p><input checked="" type="checkbox"/> rechts ($n = 80$).</p> <p>Die kleinste Standardabweichung hat die abgebildete Binomialverteilung</p> <p><input checked="" type="checkbox"/> links ($n = 20$)</p> <p><input type="checkbox"/> in der Mitte ($n = 50$)</p> <p><input type="checkbox"/> rechts ($n = 80$).</p>																			
3	<p>Wie berechnet man die Standardabweichung σ einer binomialverteilten Zufallsvariablen</p> <p>a) $\sqrt{p \cdot n \cdot (n - 1)}$ b) $\sqrt{n \cdot p \cdot (1 - p)}$ c) $\sqrt{p \cdot n \cdot (p - 1)}$</p>	<p>Richtig ist:</p> <table><tr><td>a)</td><td>b)</td><td>c)</td></tr><tr><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>	a)	b)	c)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>													
a)	b)	c)																			
<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																			
4	<p>Bestimmen Sie für eine binomialverteilte Zufallsvariable mit $n = 100$ und $p = 0,2$ die Standardabweichung σ.</p>	<p><input type="checkbox"/> 16 <input type="checkbox"/> 8 <input checked="" type="checkbox"/> 4</p>																			
5	<p>Die Abbildung zeigt das vollständige Säulendiagramm einer Binomialverteilung. Geben Sie den Erwartungswert μ und die Standardabweichung σ an.</p> 	<p>Erwartungswert $\mu =$</p> <p><input type="checkbox"/> 0,25 <input checked="" type="checkbox"/> 4 <input type="checkbox"/> 10</p> <p>$\sigma^2 =$</p> <p><input type="checkbox"/> 0,24 <input checked="" type="checkbox"/> 2,4</p> <p><input type="checkbox"/> 24 <input type="checkbox"/> 100</p> <p>also Standardabweichung (2 Dezimale)</p> <p>$\sigma \approx 1,55$</p>																			


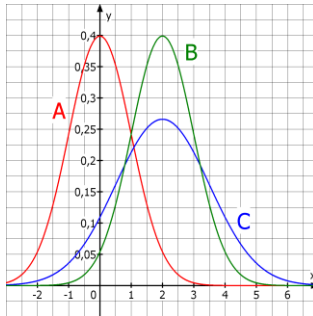


WADI Kursstufe D14		Sigma-Regeln													
Lösungen			r/f /n												
1	Gegeben ist eine binomialverteilte Zufallsvariable X mit dem Erwartungswert $\mu = 50$ und der Standardabweichung $\sigma = 10$. Wahr oder falsch? a) Das Intervall $[40; 60]$ nennt man σ - Intervall. b) Mit einer Wahrscheinlichkeit von 86% liegt die Anzahl der Treffer von X im Intervall $[40; 60]$. c) Mit den Sigma-Regeln können Näherungswerte für Wahrscheinlichkeiten von Umgebungen des Erwartungswertes berechnet werden.	<table><tr><td></td><td>Wahr</td><td>Falsch</td></tr><tr><td>a)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>b)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>c)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>		Wahr	Falsch	a)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	b)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	c)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	
	Wahr	Falsch													
a)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>													
b)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>													
c)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>													
2	Bei einer binomialverteilten Zufallsvariablen mit dem Erwartungswert μ und der Standardabweichung σ ist das σ - Intervall A: $[\mu - \sigma; \mu + \sigma]$ B: $[\sigma - \mu; \sigma + \mu]$ C: $[\sigma; \mu]$	Richtig ist: A B C <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>													
3	Bei einer binomialverteilten Zufallsvariablen liegen etwa a) 50% b) 70% c) 80% der Trefferzahlen im σ -Intervall.	Richtig ist: a) b) c) <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>													
4	Eine ideale Münze wird 100-mal geworfen. Die Zufallsvariable X zählt die Anzahl der Wappen. Geben Sie das 2σ -Intervall und die ungefähre Wahrscheinlichkeit an, mit der die Anzahl der Treffer in diesem 2σ -Intervall liegt.	2σ -Intervall = $[40; 60]$ Die Wahrscheinlichkeit beträgt ca. <u>95</u> %													
5	 Berechnen Sie das σ -Intervall einer $B(100; 0,4)$ - verteilten Zufallsvariablen.	$\mu = 40; \sigma \approx 4,9$ σ -Intervall = $[36; 44]$													
6	 In welchem der abgebildeten Intervalle $I_1; I_2$ oder I_3 liegen ca. 95% der Trefferzahlen der binomialverteilten Zufallsvariable X ? 	Richtig ist: I_1 I_2 I_3 <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>													

WADI Kursstufe D15		Statistische Tests																
Lösungen			r/f /n															
1	<p>Statistische Tests ...</p> <p>a) .. sollen eine Entscheidungsvorschrift liefern, mit der man entscheiden kann, ob eine Annahme (Hypothese) richtig oder falsch ist.</p> <p>b) .. dienen dazu anhand einer Stichprobe auf die unbekannte, dem Zufallsexperiment zugrundeliegende Wahrscheinlichkeitsverteilung der untersuchten Zufallsvariablen zu schließen.</p> <p>c) .. helfen dabei eine Aussage darüber zu machen, ob eine Hypothese beibehalten werden kann oder verworfen werden sollte.</p> <p>d) .. können niemals absolute Sicherheit bieten. Auch wenn aufgrund einer Stichprobe eine Hypothese beibehalten wird, so kann sie trotzdem in der gesamten Grundmenge falsch sein.</p>	<table><tr><td></td><td>Wahr</td><td>Falsch</td></tr><tr><td>a)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>b)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>c)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>d)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>		Wahr	Falsch	a)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	b)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	c)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	d)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	
	Wahr	Falsch																
a)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																
b)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
c)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
d)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
2	<p>Ordnen Sie die Begriffe richtig zu.</p> <p>Bei einem statistischen Test heißt ...</p> <p>A .. die zu überprüfende Hypothese H_0 ...</p> <p>B .. die Wahrscheinlichkeit mit der H_0 abgelehnt wird, obwohl sie zutrifft</p> <p>C .. der Bereich, in dem das Ergebnis der Stichprobe liegen muss, damit H_0 nicht verworfen wird, ...</p> <p>D ... die maximale Irrtumswahrscheinlichkeit ...</p>	<table><tr><td>—</td><td>Ablehnungsbereich</td></tr><tr><td>D</td><td>Signifikanzniveau</td></tr><tr><td>—</td><td>Ablehnungswahrscheinlichkeit</td></tr><tr><td>B</td><td>Irrtumswahrscheinlichkeit</td></tr><tr><td>A</td><td>Nullhypothese</td></tr><tr><td>—</td><td>Gegenhypothese</td></tr><tr><td>C</td><td>Annahmebereich</td></tr></table>	—	Ablehnungsbereich	D	Signifikanzniveau	—	Ablehnungswahrscheinlichkeit	B	Irrtumswahrscheinlichkeit	A	Nullhypothese	—	Gegenhypothese	C	Annahmebereich		
—	Ablehnungsbereich																	
D	Signifikanzniveau																	
—	Ablehnungswahrscheinlichkeit																	
B	Irrtumswahrscheinlichkeit																	
A	Nullhypothese																	
—	Gegenhypothese																	
C	Annahmebereich																	
3	<p>Wahr oder falsch?</p> <p>a) Die Nullhypothese ist falsch, wenn das Stichprobenergebnis im Ablehnungsbereich liegt.</p> <p>b) Wird die Nullhypothese anhand eines Stichprobenergebnisses verworfen, so kann sie trotzdem richtig sein.</p> <p>c) Ändert man das Signifikanzniveau, so kann sich bei gleichem Ergebnis der Stichprobe aus der Ablehnung einer Nullhypothese deren Beibehaltung ergeben.</p> <p>d) Die Entscheidung für die Beibehaltung oder Ablehnung einer Nullhypothese wird anhand eines Annahme- und eines Ablehnungsbereichs getroffen.</p>	<table><tr><td></td><td>Wahr</td><td>Falsch</td></tr><tr><td>a)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>b)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>c)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>d)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>		Wahr	Falsch	a)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	b)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	c)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	d)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	
	Wahr	Falsch																
a)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																
b)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
c)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
d)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																

WADI Kursstufe D16		Signifikanztests	
Lösungen			r/f /n
1	<p>Ein Unternehmen produzierte in der Vergangenheit mit einer Ausschussrate von 7%. Nach einer Veränderung des Produktionsablaufs vermutet man, dass sich die Qualität verbessert hat.</p> <p>a) Welche Nullhypothese H_0 sollte man für einen statistischen Test wählen, der die Vermutung bekräftigt?</p> <p>b) Welche Alternativhypothese H_1 wählt man?</p>	<p>a) Für H_0 gilt:</p> <p><input type="checkbox"/> $p=0,7$ <input type="checkbox"/> $p<0,07$ <input checked="" type="checkbox"/> $p=0,07$ <input type="checkbox"/> $p\geq 0,07$ <input type="checkbox"/> $p=0,007$ <input type="checkbox"/> $p\leq 0,07$ <input type="checkbox"/> $p > 0,7$ <input type="checkbox"/> $p>0,07$ <input type="checkbox"/> $p\geq 0,7$ <input type="checkbox"/> $p\leq 0,7$</p> <p>b) $H_1: p < 0,07$</p>	
2	<p>Julia behauptet, zwei verschiedene Wassersorten am Geschmack unterscheiden zu können. Ihre Freunde möchten dies testen: Julia trinkt 15 Proben. Mit einem Signifikanzniveau von 1% soll entschieden werden, ob Sie zufällig rät.</p> <p>a) Wie ist die Nullhypothese zu wählen, wenn man davon ausgeht, dass sie rät?</p> <p>b) Wie ist die Alternativhypothese zu wählen?</p> <p>c) Handelt es sich um einen links- oder rechtsseitigen Test?</p> <p>d) Bestimmen Sie mit Hilfe des abgebildeten GTR- Bildschirms den Annahmebereich.</p>	<p>a) Für H_0 gilt:</p> <p><input type="checkbox"/> $p < 0,5$ <input checked="" type="checkbox"/> $p = 0,5$ <input type="checkbox"/> $p > 0,5$</p> <p>b) Setzen Sie $<$; $=$; $>$ ein: $H_1 > H_0$</p> <p>c) <u>rechts</u>-seitig</p> <p>d) Annahmebereich: $[0; 12]$</p>	
3	<p>Für einen statistischen Test soll gelten:</p> <p>$H_0: p \leq 0,12$; $H_1: p > 0,12$; Stichprobenumfang: 100 Welcher GTR-Befehl erzeugt die Tabelle, der kumulierten Wahrscheinlichkeiten?</p>	 <p>$\checkmark Y_1$ <input type="checkbox"/> Y_2 <input type="checkbox"/> Y_3</p>	
4	<p>Es wird ein statistischer Test mit folgenden Daten durchgeführt:</p> <p>Stichprobenumfang $n = 20$ Nullhypothese $H_0: p = 0,7$; $H_1: p < 0,7$ Signifikanzniveau $\alpha = 2\%$.</p> <p>a) Handelt es sich um einen links- oder rechtsseitigen Test?</p> <p>b) Bestimmen Sie den Annahmebereich.</p> <p>c) Man ändert das Signifikanzniveau auf 3%. Wie verändert sich dann der Annahmebereich?</p>	<p>a) <u>links</u>-seitig</p> <p>b) <input type="checkbox"/> $[0; 17]$ <input checked="" type="checkbox"/> $[18; 20]$ <input type="checkbox"/> $[17; 20]$</p> <p>c) Der Annahmebereich <input type="checkbox"/> wird kleiner <input type="checkbox"/> bleibt gleich <input checked="" type="checkbox"/> wird größer</p>	

WADI Kursstufe D17		Fehler beim Testen																
Lösungen			r/f /n															
1	<div><div></div><p>Wahr oder falsch?</p><p>A: Beim Testen von Hypothesen ist ein Fehler 1. Art, eine Nullhypothese zurückzuweisen, obwohl sie wahr ist.</p><p>B: Die Wahrscheinlichkeit, dass die Nullhypothese abgelehnt wird, obwohl sie richtig ist, heißt Fehler 1. Art (Irrtumswahrscheinlichkeit).</p><p>C: Als Fehler 2. Art wird der Fehler bezeichnet, den man begeht, wenn man die Nullhypothese beibehält, obwohl die Alternativhypothese gilt.</p><p>D: Im Gegensatz zum Fehler 1. Art lässt sich die Wahrscheinlichkeit für den Fehler 2. Art meist nicht berechnen.</p></div>	<table><tr><th></th><th>Wahr</th><th>Falsch</th></tr><tr><td>A</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>B</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>C</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>D</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>		Wahr	Falsch	A	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	B	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	C	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	D	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	
	Wahr	Falsch																
A	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
B	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
C	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
D	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
2	<p>Wie kann gleichzeitig die Wahrscheinlichkeit beider Fehler (1. und 2. Art) verkleinert werden?</p> <p>A: Annahmebereich von H_0 vergrößern</p> <p>B: Annahmebereich von H_0 verkleinern</p> <p>C: Stichprobenumfang n vergrößern</p> <p>D: Stichprobenumfang n verkleinern</p> <p>E: Signifikanzniveau verkleinern</p>	<p>Richtig ist/sind:</p> <p>A <input type="checkbox"/></p> <p>B <input type="checkbox"/></p> <p>C <input checked="" type="checkbox"/></p> <p>D <input type="checkbox"/></p> <p>E <input type="checkbox"/></p>																
3	<p>Jan hat einen Würfel, vom dem er der Meinung ist, dass dieser zu selten auf der „6“ liegen bleibt. Er möchte einen statistischen Test durchführen. Wie muss er die Nullhypothese wählen?</p>	<p>Nullhypothese H_0:</p> <table><tr><td><input type="checkbox"/> $p < \frac{1}{6}$</td><td><input type="checkbox"/> $p = \frac{1}{6}$</td></tr><tr><td><input checked="" type="checkbox"/> $p > \frac{1}{6}$</td><td><input type="checkbox"/> $p \neq \frac{1}{6}$</td></tr></table>	<input type="checkbox"/> $p < \frac{1}{6}$	<input type="checkbox"/> $p = \frac{1}{6}$	<input checked="" type="checkbox"/> $p > \frac{1}{6}$	<input type="checkbox"/> $p \neq \frac{1}{6}$												
<input type="checkbox"/> $p < \frac{1}{6}$	<input type="checkbox"/> $p = \frac{1}{6}$																	
<input checked="" type="checkbox"/> $p > \frac{1}{6}$	<input type="checkbox"/> $p \neq \frac{1}{6}$																	
4	<div><div><div></div><p>Für einen rechtsseitigen statistischen Test gilt $H_0: p = 0,4$; $n = 50$; $\alpha = 2\%$</p><p>a) Bestimmen Sie den Annahmebereich.</p><p>b) Bestimmen Sie die Wahrscheinlichkeit für einen Fehler 1. Art.</p><p>Die tatsächliche Wahrscheinlichkeit für einen Treffer beträgt 0,6.</p><p>c) Gesucht ist jetzt die Wahrscheinlichkeit für einen Fehler 2. Art. Welcher GTR-Befehl führt zum Ziel?</p><div><div>Plot1 Plot2 Plot3 V1 <input type="checkbox"/> binomcdf(50, 0,4,0.5</div><div>Plot1 Plot2 Plot3 V1 <input type="checkbox"/> binomcdf(50, 0,4,X</div><div>Plot1 Plot2 Plot3 V1 <input checked="" type="checkbox"/> binomcdf(50, 0,6,X</div></div></div><p>d) Wie groß ist die gesuchte Wahrscheinlichkeit?</p></div>	<p>a) <input type="checkbox"/> [0 ; 26] <input checked="" type="checkbox"/> [0 ; 27] <input type="checkbox"/> [0 ; 28]</p> <p>b) Auf 4 Stellen: ca. <u>0,016</u></p> <p>c) Kreuzen Sie an:</p> <table><tr><td></td><td></td><td>X</td></tr></table> <p>d) ca. <u>23</u> %</p>			X													
		X																

WADI Kursstufe D18		Stetig verteilte Zufallsvariablen																
Lösungen			r/f /n															
1	Eine stetige Zufallsvariable X ... a) .. ist nötig, wenn die angenommenen Werte von X beliebige reelle Zahlen sein können. b) .. kann einen Wert x mit der Wahrscheinlichkeit $0 \leq P(X = x) \leq 1$ annehmen.	<table><tr><td></td><td>Wahr</td><td>Falsch</td></tr><tr><td>a)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>b)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr></table>		Wahr	Falsch	a)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	b)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>							
	Wahr	Falsch																
a)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
b)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																
2	Welche Eigenschaft(en) muss eine Funktion f haben, die eine Wahrscheinlichkeitsdichte über dem Intervall [a,b] beschreibt? a) $\int_a^b f(x)dx = 1$ b) $\int_0^\infty f(x)dx = 1$ c) für $x \in [a; b]$ gilt $f(x) > 0$ d) für $x \in [a; b]$ gilt $f(x) \geq 0$	<table><tr><td></td><td>Wahr</td><td>Falsch</td></tr><tr><td>a)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>b)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>c)</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>d)</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>		Wahr	Falsch	a)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	b)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	c)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	d)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	
	Wahr	Falsch																
a)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
b)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																
c)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																
d)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
3	Die Wahrscheinlichkeitsdichte... A... ist ein Wert, der beschreibt wie sicher der Wert einer Wahrscheinlichkeit ist. B... ist ein Hilfsmittel, mit dem sich die Wahrscheinlichkeit berechnen lässt, dass eine stetige Zufallsvariable zwischen zwei reellen Zahlen a und b liegt. C ... kann Werte größer als 1 annehmen.	<table><tr><td></td><td>Wahr</td><td>Falsch</td></tr><tr><td>A</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr><tr><td>B</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>C</td><td><input type="checkbox"/></td><td><input checked="" type="checkbox"/></td></tr></table>		Wahr	Falsch	A	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	B	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	C	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>				
	Wahr	Falsch																
A	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																
B	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
C	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>																
4	Den Erwartungswert einer Zufallsvariablen X mit Werten zwischen a und b und der Wahrscheinlichkeitsdichte f berechnet sich: a) $\mu = \int_a^b x \cdot f(x)dx$ b) $\mu = \int_a^b f(x)dx$	Richtig ist <u>a)</u>																
5	Der Graph zeigt die Wahrscheinlichkeitsdichte f über [0; 1,5]. Lesen Sie ab: a) $P(X = 0)$ b) $P(X < 1)$ c) $P(1 \leq X \leq 1,5)$.	 <table><tr><td>a) $P(X = 0) =$ <u>0</u></td></tr><tr><td>b) $P(X < 1) =$ <u>0,5</u></td></tr><tr><td>c) $P(1 \leq X \leq 1,5) =$ <u>0,5</u></td></tr></table>	a) $P(X = 0) =$ <u>0</u>	b) $P(X < 1) =$ <u>0,5</u>	c) $P(1 \leq X \leq 1,5) =$ <u>0,5</u>													
a) $P(X = 0) =$ <u>0</u>																		
b) $P(X < 1) =$ <u>0,5</u>																		
c) $P(1 \leq X \leq 1,5) =$ <u>0,5</u>																		
6	Gegeben ist f mit $f(x) = k \cdot x$ mit $k \in \mathbb{R}$.  a) Bestimmen Sie k so, dass f eine Wahrscheinlichkeitsdichte über [0; 2] wird. b) Die Zufallsvariable X besitzt die Wahrscheinlichkeitsdichte f. Bestimmen Sie den Erwartungswert μ der Zufallsvariablen X. c) Bestimmen Sie $P(0 \leq X \leq 1)$.	<table><tr><td>a) $k =$</td></tr><tr><td><input type="checkbox"/> 0 <input type="checkbox"/> $\frac{1}{2}$ <input type="checkbox"/> 1 <input checked="" type="checkbox"/> 2</td></tr><tr><td>b) $\mu =$</td></tr><tr><td><input type="checkbox"/> 0 <input type="checkbox"/> $\frac{1}{2}$ <input type="checkbox"/> 1 <input checked="" type="checkbox"/> $\frac{4}{3}$</td></tr><tr><td>c) <input type="checkbox"/> 0 <input type="checkbox"/> $\frac{1}{2}$ <input checked="" type="checkbox"/> 1</td></tr></table>	a) $k =$	<input type="checkbox"/> 0 <input type="checkbox"/> $\frac{1}{2}$ <input type="checkbox"/> 1 <input checked="" type="checkbox"/> 2	b) $\mu =$	<input type="checkbox"/> 0 <input type="checkbox"/> $\frac{1}{2}$ <input type="checkbox"/> 1 <input checked="" type="checkbox"/> $\frac{4}{3}$	c) <input type="checkbox"/> 0 <input type="checkbox"/> $\frac{1}{2}$ <input checked="" type="checkbox"/> 1											
a) $k =$																		
<input type="checkbox"/> 0 <input type="checkbox"/> $\frac{1}{2}$ <input type="checkbox"/> 1 <input checked="" type="checkbox"/> 2																		
b) $\mu =$																		
<input type="checkbox"/> 0 <input type="checkbox"/> $\frac{1}{2}$ <input type="checkbox"/> 1 <input checked="" type="checkbox"/> $\frac{4}{3}$																		
c) <input type="checkbox"/> 0 <input type="checkbox"/> $\frac{1}{2}$ <input checked="" type="checkbox"/> 1																		

WADI Kursstufe D19		Gauß'sche Glockenfunktionen									
Lösungen			r/f /n								
1	<div><div></div><p>Die Gauß'schen Glockenfunktionen $\varphi_{\mu;\sigma}$ sind gegeben durch $\varphi_{\mu;\sigma}(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} \cdot e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}}$.</p><p>a) Füllen Sie die Tabelle aus.</p><p>b) Sind die Aussagen wahr oder falsch? A: Je kleiner σ ($\sigma > 0$) ist, desto „breiter“ und „flacher“ ist der Graph der Funktion. B: Das Maximum liegt an der Stelle $x = \mu$. C: der Graph ist symmetrisch zur y-Achse.</p></div>	<div><p>a) gerundet auf 2 Dezimale:</p><table><tr><th>x</th><th>$\varphi_{0;1}(x)$</th></tr><tr><td>0</td><td>0,40</td></tr><tr><td>1</td><td>0,24</td></tr><tr><td>2</td><td>0,05</td></tr></table><p>b) Wahr Falsch A <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> B <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> C <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p></div>	x	$\varphi_{0;1}(x)$	0	0,40	1	0,24	2	0,05	
x	$\varphi_{0;1}(x)$										
0	0,40										
1	0,24										
2	0,05										
2	<div><p>Ordnen Sie den Graphen die richtige Gaußsche Glockenfunktion zu.</p><div></div></div>	<div><div>$\varphi_{1;0}$</div><div>$\varphi_{0;2}$</div><div>C<div>$\varphi_{2;1,5}$</div></div><div>B<div>$\varphi_{2;1}$</div></div><div>$\varphi_{3;2}$</div><div>A<div>$\varphi_{0;1}$</div></div></div>									
3	<div><div></div><p>In der Abbildung sind drei Funktionsterme im GTR-Fenster dargestellt. Welcher erzeugt den Graphen der Glockenfunktion $\varphi_{5;2}(x)$?</p><div><pre>Plot1 Plot2 Plot3 Y1=normalpdf(X, 2,5) Y2=normalpdf(X, 5,2) Y3=normalcdf(X, 5,2)</pre></div></div>	<div><p>Richtig ist:</p><p>Y₁ <input type="checkbox"/> Y₂ <input checked="" type="checkbox"/> Y₃ <input type="checkbox"/></p></div>									
4	<div><p>Wie entsteht der Graph der Funktion f mit $f(x) = \frac{1}{5\sqrt{2\pi}} \cdot e^{-\frac{1}{2} \cdot (\frac{x-7}{5})^2}$ aus dem Graphen der Gauß-Funktion $\varphi_{0;1}$?</p><p>Kreuzen Sie entsprechend an.</p><p>a) vertikale Stauchung mit dem Faktor ... b) horizontale Dehnung mit dem Faktor ... c) horizontale Verschiebung um ... nach ...</p></div>	<div><p>a) 5 <input type="checkbox"/> 1/5 <input checked="" type="checkbox"/> 7 <input type="checkbox"/> 1/7 <input type="checkbox"/> b) 5 <input checked="" type="checkbox"/> 1/5 <input type="checkbox"/> 7 <input type="checkbox"/> 1/7 <input type="checkbox"/> c) 5 <input type="checkbox"/> 1/5 <input type="checkbox"/> 7 <input checked="" type="checkbox"/> 1/7 <input type="checkbox"/> links <input type="checkbox"/> rechts <input checked="" type="checkbox"/></p></div>									
5	<div><div></div><p>Gegeben ist die Gauß-Funktion $\varphi_{5;2}(x)$.</p><p>a) Bestimmen Sie den Hochpunkt des Graphen.</p><p>b) Berechnen Sie $\int_1^5 \varphi_{5;2}(x)dx$.</p><p>c) Berechnen Sie $\int_1^\infty \varphi_{5;2}(x)dx$</p></div>	<div><p>a) $H \approx (5 \mid \frac{0,4}{2})$ Auf 2 Dezimale gerundet: b) <u>0,48</u> c) <u>0,98</u></p></div>									

WADI Kursstufe D20		Normalverteilungen	
Lösungen			r/f /n
1	<p>Füllen Sie die Lücken aus:</p> <p>a) Eine stetige Zufallsvariable X heißt _____ mit den Parametern μ und σ wenn sie eine Gauß'sche Glockenfunktion $\varphi_{\mu;\sigma}$ als _____ besitzt.</p> <p>b) Normalverteilungen kann man verwenden, um Wahrscheinlichkeiten von näherungsweise zu berechnen.</p>	<p>a) <u>normalverteilt</u></p> <p><u>Wahrscheinlichkeitsdichte</u></p> <p>b) <u>binomialverteilten Zufallsvariablen</u></p>	
2	<p>X sei eine normalverteilte Zufallsvariable mit $\mu = 10$ und $\sigma = 2$. Die Wahrscheinlichkeit $P(a \leq X \leq b)$ berechnet sich</p> <p>A: $\int_a^b \varphi_{10;2}(x)dx$ B: $\int_2^{10} \varphi_{a;b}(x)dx$</p>	<p>Richtig ist:</p> <p>A <input checked="" type="checkbox"/> B <input type="checkbox"/></p>	
3	<p>Unter der <i>Stetigkeitskorrektur</i> versteht man ...</p> <p>A: .. einen Korrekturterm, der zum Ausgleich von Rundungsfehlern subtrahiert wird.</p> <p>B: .. die Vergrößerung des Integrationsintervalls auf beiden Seiten um 0,5, wenn mit ganzzahligen Zufallsvariablen gearbeitet wird.</p> <p>C: .. $P(\mu - \sigma \leq X \leq \mu + \sigma) \approx 68\%$</p>	<p>Richtig ist/sind:</p> <p>A <input type="checkbox"/></p> <p>B <input checked="" type="checkbox"/></p> <p>C <input type="checkbox"/></p>	
4	<p>Welcher GTR-Befehl kann verwendet werden, um für die Normalverteilung $\varphi_{64;6}$ den Wert von $P(X \leq 70)$ zu bestimmen?</p> <p>A <code>normalcdf(-100,70,64,6</code> B <code>normalcdf(70,0,64,6</code> C <code>normalcdf(0,6,64,70</code></p>	<p>Richtig ist/sind:</p> <p>A <input checked="" type="checkbox"/> B <input type="checkbox"/> C <input type="checkbox"/></p>	
5	<p>Bestimmen Sie für eine normalverteilte Zufallsvariable X mit $\mu = 3$ und $\sigma = 2$</p> <p>a) $P(X \leq 2)$ b) $P(2 \leq X \leq 4)$ c) $P(X \geq 4,5)$</p>	<p>a) $P(X \leq 2) = \underline{30,9\%}$</p> <p>b) $P(2 \leq X \leq 4) = \underline{38,3\%}$</p> <p>c) $P(X \geq 4,5) = \underline{22,7\%}$</p>	
6	<p>Die Zufallsvariable X sei binomialverteilt mit $n = 100$ und $p = 0,2$.</p> <p>a) Der GTR-Befehl <code>binomcdf(100,0.2,25)</code> berechnet die Wahrscheinlichkeit für Treffer.</p> <p>b) Bestimmen Sie mithilfe einer Approximation durch eine geeignete Normalverteilung</p> <p>A: $P(X \leq 25)$ B: $P(35 \leq X \leq 42)$ C: $P(X \geq 42)$</p>	<p>a) <u>höchstens 25</u></p> <p>b) <i>Auf eine Dezimale angeben</i></p> <p>$\mu = \underline{20}$; $\sigma \approx \underline{4}$</p> <p>A: $P(X \leq 25) \approx \underline{91,3\%}$</p> <p>B: $P(25 \leq X \leq 30) \approx \underline{8,1\%}$</p> <p>C: $P(X \geq 20) \approx \underline{44,1\%}$</p>	



WAchhalten und Diagnostizieren

**von Grundkenntnissen und Grundfertigkeiten
im Fach Mathematik**

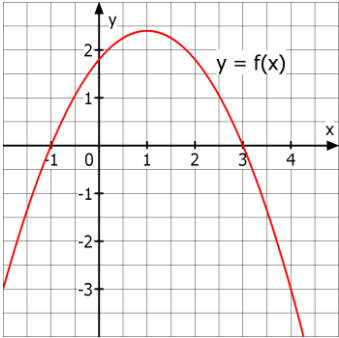
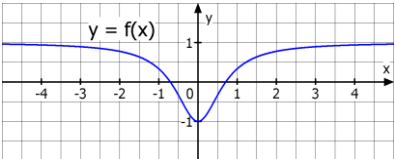
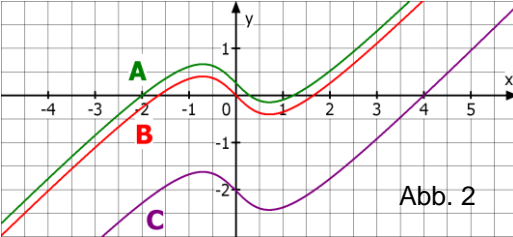
Kurstufe

Anhang:

Aufgaben- und Lösungsblätter

mit GTR-Syntax für den

Casio fx-9860 G II

WADI Kursstufe C40 Casio		Integralfunktion	
Name: _____		Klasse: _____	
		r/f /n	
1	<p>Entscheiden Sie, ob jeweils eine Integralfunktion zu f mit $f(x) = x - 1$ vorliegt.</p> <p>a) $\int_2^x f(t)dt$ b) $\int_2^5 f(t)dt$</p> <p>c) $\frac{1}{2}x^2 - x - 4$ d) $\int_0^t f(t)dt$</p>	<p>Integralfunktion</p> <p>Ja Nein</p> <p>a) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>b) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>c) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>d) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p>	
2	<p>Sind die Aussagen zu Integralfunktionen I von f wahr oder falsch?</p> <p>a) $I_{-1}(x) > 0$ für $-1 < x \leq 3$.</p> <p>b) $I_3(x) < 0$ für $x > 3$.</p> <p>c) $I_{2,5}(4) > 0$</p> <p>d) $I_3(3) = 0$ und $I_2(2) \neq 0$</p>	 <p>Wahr Falsch</p> <p>a) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>b) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>c) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>d) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p>	
3	<p>Wie lautet die Integralfunktion I_a zur Funktion f?</p> <p>a) $f(x) = x - 2$; $a = 0$ b) $f(x) = x^2 + 3$; $a = -1$</p>	<p>a) $I_0(x) = \underline{\hspace{2cm}}$</p> <p>b) $I_{-1}(x) = \underline{\hspace{2cm}}$</p>	
4	<p>Den Graphen einer Funktion f zeigt Abb. 1. In Abb. 2 sind Stammfunktionen von f dargestellt. Ist eine davon die Integralfunktion I_{-2} ?</p> <div style="display: flex; justify-content: space-around;">   </div> <p style="text-align: center;">Abb. 1 Abb. 2</p>	<p>A <input type="checkbox"/></p> <p>B <input type="checkbox"/></p> <p>C <input type="checkbox"/></p> <p>keine <input type="checkbox"/></p>	
5	<p>a) Integralfunktionen enthalten immer Integralzeichen.</p> <p>b) Integralfunktionen sind spezielle Stammfunktionen.</p> <p>c) Die Funktionswerte einer Integralfunktion erhält man mithilfe der orientierten Flächeninhalte.</p>	<p>Richtig Falsch</p> <p>a) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>b) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p> <p>c) <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/></p>	

Name: _____ Klasse: _____

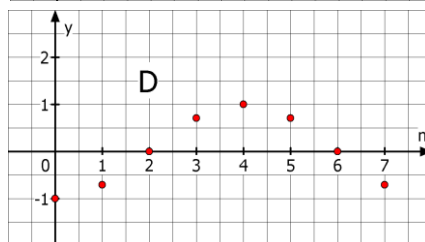
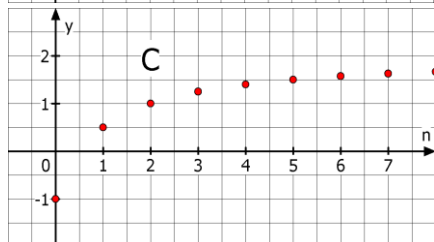
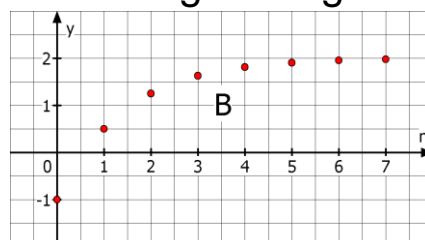
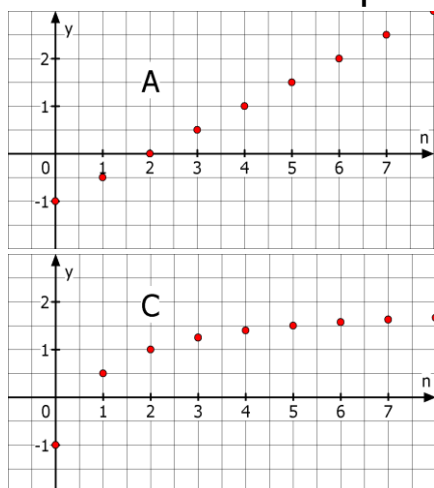
r/f
/n

- 1** Gegeben sind für $n \in \mathbb{N}$ die Folgen a und b mit $a(n) = n^2 + 23$ und $b(n) = 2 \cdot b(n-1)$; $b(0)=4$. Was trifft zu?
- a) Einzelne Folgenglieder können nur mit Hilfe des Vorgängers berechnet werden.
b) Für $n = 3$ hat das Folgenglied den Wert 32.
c) Die Folge ist explizit dargestellt
d) Die Folge ist rekursiv dargestellt
e) Jedes Folgenglied kann durch das Einsetzen eines Wertes für n direkt berechnet werden.

Trifft zu für die Folge

	a	b
a)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
b)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
c)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
d)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
e)	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

- 2** Ordnen Sie die Graphen der richtigen Folge zu.



- $s(n) = -1 + \frac{3n}{n+1}$
— $t(n) = -\cos(n \cdot \frac{\pi}{4})$
— $u(n) = u(n-1) + 0,5$ mit $u(0) = -1$
— $v(n) = 2 - 3 \cdot 2^{-n}$

Hinweis: Verwenden Sie den GTR nur ohne seq-Modus.

- 3** Welche Folge liefert die angegebenen Werte in der Wertetabelle? Ordnen Sie zu.

n	1	2	3	4	5	6	7	8
A	5	4	$4\frac{1}{3}$	5	5,8	$6\frac{2}{3}$	$7\frac{4}{7}$	8,5
B	3	-2	3	-2	3	-2	3	-2

- $s(n) = 2 - s(n-1)$ mit $s(1) = 3$
— $t(n) = 1 - t(n-1)$ mit $t(1) = 3$
— $u(n) = n + \frac{4}{n}$
— $v(n) = \frac{n^2+3}{n}$

- 4** Ordnen Sie die GTR-Abbildung den richtigen ersten fünf Gliedern der angegebenen Zahlenfolge zu. Kreuzen Sie an.



```

Recursion
an = n^2 - 1
bn:
cn:

```

```

Table Settings
n
Start: 1
End: 5

```








- 0; 3; 8; 15; 24
— -1; 0; 3; 8; 15
— 4; 5; 7; 11; 19
— 5; 7; 11; 19; 34

- 5** Stellen Sie die Folge a bzw. b mit
- a) $a(n) = a(n-1) + 2$, $a(0) = 0$ explizit dar.
b) $b(n) = 2n + 1$, mit $n \geq 0$ rekursiv dar.

- a) $a(n) =$ _____
b) $b(n) =$ _____
mit $b(\text{---}) =$ _____

Name: _____ Klasse: _____

r/f
/n

	<p>1 Ein Unternehmen produzierte in der Vergangenheit mit einer Ausschussrate von 7%. Nach einer Veränderung des Produktionsablaufs vermutet man, dass sich die Qualität verbessert hat.</p> <p>a) Welche Nullhypothese H_0 sollte man für einen statistischen Test wählen, der die Vermutung bekräftigt?</p> <p>b) Welche Alternativhypothese H_1 wählt man?</p>	<p>a) Für H_0 gilt:</p> <p><input type="checkbox"/> $p=0,7$ <input type="checkbox"/> $p<0,07$</p> <p><input type="checkbox"/> $p=0,07$ <input type="checkbox"/> $p\geq 0,07$</p> <p><input type="checkbox"/> $p=0,007$ <input type="checkbox"/> $p\leq 0,07$</p> <p><input type="checkbox"/> $p > 0,7$ <input type="checkbox"/> $p>0,07$</p> <p><input type="checkbox"/> $p\geq 0,7$ <input type="checkbox"/> $p\leq 0,7$</p> <p>b) H_1: p _____</p>																	
	<p>2 Julia behauptet, zwei verschiedene Wassersorten am Geschmack unterscheiden zu können. Ihre Freunde möchten dies testen: Julia trinkt 15 Proben. Mit einem Signifikanzniveau von 1% soll entschieden werden, ob Sie zufällig rät.</p> <p>a) Wie ist die Nullhypothese zu wählen, wenn man davon ausgeht, dass sie rät?</p> <p>b) Wie ist die Alternativhypothese zu wählen?</p> <p>c) Handelt es sich um einen links- oder rechtsseitigen Test?</p> <p>d) Bestimmen Sie mit Hilfe des abgebildeten GTR- Bildschirms den Annahmebereich.</p>	<p>a) Für H_0 gilt:</p> <p><input type="checkbox"/> $p < 0,5$</p> <p><input type="checkbox"/> $p = 0,5$</p> <p><input type="checkbox"/> $p > 0,5$</p> <p>b) Setzen Sie $<$; $=$; $>$ ein: H_1 $______$ H_0</p> <p>c) _____-seitig</p> <p>d) Annahmebereich: [$______$; $______$]</p>	<table border="1" data-bbox="798 1030 1085 1265"> <thead> <tr> <th>X</th> <th>P_1</th> </tr> </thead> <tbody> <tr><td>8</td><td>.69638</td></tr> <tr><td>9</td><td>.84912</td></tr> <tr><td>10</td><td>.94077</td></tr> <tr><td>11</td><td>.98242</td></tr> <tr><td>12</td><td>.99631</td></tr> <tr><td>13</td><td>.99951</td></tr> <tr><td>14</td><td>.99997</td></tr> </tbody> </table>	X	P_1	8	.69638	9	.84912	10	.94077	11	.98242	12	.99631	13	.99951	14	.99997
X	P_1																		
8	.69638																		
9	.84912																		
10	.94077																		
11	.98242																		
12	.99631																		
13	.99951																		
14	.99997																		
	<p>3 Für einen statistischen Test soll gelten: $H_0: p \leq 0,12$; $H_1: p > 0,12$; Stichprobenumfang: 100. Welcher GTR-Befehl erzeugt die Tabelle, der kumulierten Wahrscheinlichkeiten?</p>	<p><input type="checkbox"/> A</p> <p><input type="checkbox"/> B</p> <p><input type="checkbox"/> C</p>	<div style="display: flex; justify-content: space-around;"> <div data-bbox="183 1478 454 1624"> <p>Binomial C.D</p> <p>Data :List</p> <p>List :List1</p> <p>Numtrial:100</p> <p>p :0,12</p> <p>Save Res:List2</p> <p>Execute</p> </div> <div data-bbox="470 1478 742 1624"> <p>Normal P.D</p> <p>Data :List</p> <p>List :List1</p> <p>σ :100</p> <p>Save Res:List2</p> <p>Execute</p> </div> <div data-bbox="758 1478 1029 1624"> <p>Poisson P.D</p> <p>Data :List</p> <p>List :List1</p> <p>μ :0,12</p> <p>Save Res:List2</p> <p>Execute</p> </div> </div> <p>A:  B:  C: </p>																
	<p>4 Es wird ein statistischer Test mit folgenden Daten durchgeführt:</p> <p>Stichprobenumfang $n = 20$</p> <p>Nullhypothese $H_0: p = 0,7$; $H_1: p < 0,7$ Signifikanzniveau $\alpha = 2\%$.</p> <p>a) Handelt es sich um einen links- oder rechtsseitigen Test?</p> <p>b) Bestimmen Sie den Annahmebereich.</p> <p>c) Man ändert das Signifikanzniveau auf 3%. Wie verändert sich dann der Annahmebereich?</p>	<p>a) _____-seitig</p> <p>b) <input type="checkbox"/> [0 ; 17] <input type="checkbox"/> [18 ; 20] <input type="checkbox"/> [17 ; 20]</p> <p>c) Der Annahmebereich</p> <p><input type="checkbox"/> wird kleiner</p> <p><input type="checkbox"/> bleibt gleich</p> <p><input type="checkbox"/> wird größer</p>																	

WADI Kursstufe D17 Casio Fehler beim Testen																	
Name: Klasse: 		r/f /n															
1	<p>Wahr oder falsch?</p> <p> A: Beim Testen von Hypothesen ist ein Fehler 1. Art, eine Nullhypothese zurückzuweisen, obwohl sie wahr ist.</p> <p>B: Die Wahrscheinlichkeit, dass die Nullhypothese abgelehnt wird, obwohl sie richtig ist, heißt Fehler 1. Art (Irrtumswahrscheinlichkeit).</p> <p>C: Als Fehler 2. Art wird der Fehler bezeichnet, den man begeht, wenn man die Nullhypothese beibehält, obwohl die Alternativhypothese gilt.</p> <p>D: Im Gegensatz zum Fehler 1. Art lässt sich die Wahrscheinlichkeit für den Fehler 2. Art meist nicht berechnen.</p>	<table style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr> <th style="width: 10%;"></th> <th style="width: 45%; text-align: center;">Wahr</th> <th style="width: 45%; text-align: center;">Falsch</th> </tr> <tr> <td>A</td> <td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td> <td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td> </tr> <tr> <td>B</td> <td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td> <td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td> </tr> <tr> <td>C</td> <td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td> <td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td> </tr> <tr> <td>D</td> <td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td> <td style="text-align: center;"><input type="checkbox"/></td> </tr> </table>		Wahr	Falsch	A	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	B	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	C	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	D	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
	Wahr	Falsch															
A	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>															
B	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>															
C	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>															
D	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>															
2	<p>Wie kann gleichzeitig die Wahrscheinlichkeit beider Fehler (1. und 2. Art) verkleinert werden?</p> <p>A: Annahmebereich von H_0 vergrößern</p> <p>B: Annahmebereich von H_0 verkleinern</p> <p>C: Stichprobenumfang n vergrößern</p> <p>D: Stichprobenumfang n verkleinern</p> <p>E: Signifikanzniveau verkleinern</p>	<p>Richtig ist/sind:</p> <p>A <input type="checkbox"/></p> <p>B <input type="checkbox"/></p> <p>C <input type="checkbox"/></p> <p>D <input type="checkbox"/></p> <p>E <input type="checkbox"/></p>															
3	<p>Jan hat einen Würfel, vom dem er der Meinung ist, dass dieser zu selten auf der „6“ liegen bleibt. Er möchte einen statistischen Test durchführen. Wie muss er die Nullhypothese wählen?</p>	<p>Nullhypothese H_0:</p> <p><input type="checkbox"/> $p < \frac{1}{6}$ <input type="checkbox"/> $p = \frac{1}{6}$</p> <p><input type="checkbox"/> $p > \frac{1}{6}$ <input type="checkbox"/> $p \neq \frac{1}{6}$</p>															
4	<p>Für einen rechtsseitigen statistischen Test gilt $H_0: p = 0,4$; $n = 50$; $\alpha = 2\%$</p> <p>a) Bestimmen Sie den Annahmebereich.</p> <p>b) Bestimmen Sie die Wahrscheinlichkeit für einen Fehler 1. Art.</p> <p>Die tatsächliche Wahrscheinlichkeit für einen Treffer beträgt 0,6.</p> <p>c) Gesucht ist jetzt die Wahrscheinlichkeit für einen Fehler 2. Art. Welcher GTR-Befehl führt zum Ziel?</p> <div style="display: flex; justify-content: space-between; margin-top: 5px;"> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; width: 30%;"> $\text{nominalCD}(27,50,0,4)$ </div> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; width: 30%;"> $\text{nominalCD}(0,5,50,0,4)$ </div> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; width: 30%;"> $\text{nominalCD}(27,50,0,6)$ </div> </div> <div style="display: flex; justify-content: space-between; margin-top: 2px;"> </div> <p>d) Wie groß ist die gesuchte Wahrscheinlichkeit?</p>	<p>a) <input type="checkbox"/> [0 ; 26]</p> <p style="margin-left: 20px;"><input type="checkbox"/> [0 ; 27]</p> <p style="margin-left: 20px;"><input type="checkbox"/> [0 ; 28]</p> <p>b) Auf 4 Stellen: ca. _____</p> <p>c) Kreuzen Sie an:</p> <table border="1" style="width: 100%; height: 20px; border-collapse: collapse;"> <tr> <td style="width: 33%;"></td> <td style="width: 33%;"></td> <td style="width: 33%;"></td> </tr> </table> <p>d) ca. ____ %</p>															

Name: _____ Klasse: _____

r/f
/n

1 Die Gauß'schen Glockenfunktionen $\varphi_{\mu;\sigma}$ sind gegeben durch $\varphi_{\mu;\sigma}(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} \cdot e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}}$.



a) Füllen Sie die Tabelle aus.

b) Sind die Aussagen wahr oder falsch?

A: Je kleiner σ ($\sigma > 0$) ist, desto „breiter“ und „flacher“ ist der Graph der Funktion.

B: Das Maximum liegt an der Stelle $x = \mu$.

C: der Graph ist symmetrisch zur y-Achse.

a) gerundet auf 2 Dezimale:

x	$\varphi_{0;1}(x)$
0	
1	
2	

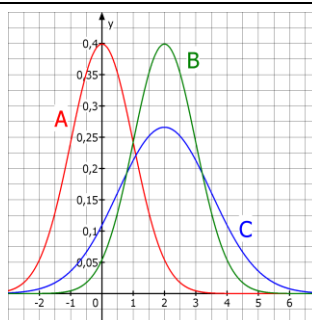
b) Wahr Falsch

A ☐ ☐

B ☐ ☐

C ☐ ☐

2 Ordnen Sie den Graphen die richtige Gaußsche Glockenfunktion zu.


_____ $\varphi_{1;0}$

_____ $\varphi_{0;2}$

_____ $\varphi_{2;1,5}$

_____ $\varphi_{2;1}$

_____ $\varphi_{3;2}$

_____ $\varphi_{0;1}$

3 In der Abbildung sind drei Funktionsterme im GTR- Fenster dargestellt. Welcher erzeugt den Graphen der Glockenfunktion $\varphi_{5;2}(x)$?



A:

B:

C:

Richtig ist:

A ☐ B ☐ C ☐

4 Wie entsteht der Graph der Funktion f mit $f(x) = \frac{1}{5\sqrt{2\pi}} \cdot e^{-\frac{1}{2} \cdot \left(\frac{x-7}{5}\right)^2}$ aus dem Graphen der Gauß-Funktion $\varphi_{0;1}$?

Kreuzen Sie entsprechend an.

a) vertikale Stauchung mit dem Faktor ...

b) horizontale Dehnung mit dem Faktor ...

c) horizontale Verschiebung um ... nach ...

a) 5 ☐ 1/5 ☐

7 ☐ 1/7 ☐

b) 5 ☐ 1/5 ☐

7 ☐ 1/7 ☐

c) 5 ☐ 1/5 ☐

7 ☐ 1/7 ☐

links ☐

rechts ☐

5 Gegeben ist die Gauß-Funktion $\varphi_{5;2}(x)$.



a) Bestimmen Sie den Hochpunkt des Graphen.

b) Berechnen Sie $\int_1^5 \varphi_{5;2}(x) dx$.

c) Berechnen Sie $\int_1^\infty \varphi_{5;2}(x) dx$

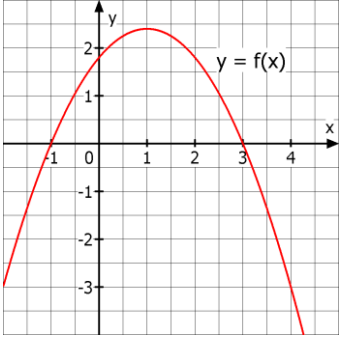
a) $H \approx (\text{_____} | \frac{0,4}{\text{_____}})$

Auf 2 Dezimale gerundet:

b) _____

c) _____

WADI Kursstufe D20 Casio Normalverteilungen		
Name: _____ Klasse: _____		r/f /n
1	<p>Füllen Sie die Lücken aus:</p> <p>a) Eine stetige Zufallsvariable X heißt _____ mit den Parametern μ und σ wenn sie eine Gauß'sche Glockenfunktion $\varphi_{\mu;\sigma}$ als _____ besitzt.</p> <p>b) Normalverteilungen kann man verwenden, um Wahrscheinlichkeiten von näherungsweise zu berechnen.</p>	<p>a) _____ _____</p> <p>b) _____ _____</p>
2	<p>X sei eine normalverteilte Zufallsvariable mit $\mu = 10$ und $\sigma = 2$. Die Wahrscheinlichkeit $P(a \leq X \leq b)$ berechnet sich</p> <p>A: $\int_a^b \varphi_{10;2}(x)dx$ B: $\int_2^{10} \varphi_{a;b}(x)dx$</p>	<p>Richtig ist:</p> <p>A <input type="checkbox"/> B <input type="checkbox"/></p>
3	<p>Unter der <i>Stetigkeitskorrektur</i> versteht man ...</p> <p>A: .. einen Korrekturterm, der zum Ausgleich von Rundungsfehlern subtrahiert wird.</p> <p>B: .. die Vergrößerung des Integrationsintervalls auf beiden Seiten um 0,5, wenn mit ganzzahligen Zufallsvariablen gearbeitet wird.</p> <p>C: .. $P(\mu - \sigma \leq X \leq \mu + \sigma) \approx 68\%$</p>	<p>Richtig ist/sind:</p> <p>A <input type="checkbox"/></p> <p>B <input type="checkbox"/></p> <p>C <input type="checkbox"/></p>
4	<p>Welcher GTR-Befehl kann verwendet werden, um für die Normalverteilung $\varphi_{64;6}$ den Wert von $P(X \leq 70)$ zu bestimmen?</p> <div style="display: flex; justify-content: space-around;"> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; width: 30%;"> <code>NormCD(-100,70,6,64)</code> </div> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; width: 30%;"> <code>NormCD(70,0,6,64)</code> </div> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; width: 30%;"> <code>NormCD(0,6,64,70)</code> </div> </div> <p>A: <code>NormCD</code> B: <code>NormCD</code> C: <code>NormCD</code></p>	<p>Richtig ist/sind:</p> <p>A <input type="checkbox"/> B <input type="checkbox"/> C <input type="checkbox"/></p>
5	<p>Bestimmen Sie für eine normalverteilte Zufallsvariable X mit $\mu = 3$ und $\sigma = 2$</p> <p>a) $P(X \leq 2)$ b) $P(2 \leq X \leq 4)$ c) $P(X \geq 4,5)$</p>	<p>a) $P(X \leq 2) = \underline{\hspace{2cm}}\%$</p> <p>b) $P(2 \leq X \leq 4) = \underline{\hspace{2cm}}\%$</p> <p>c) $P(X \geq 4,5) = \underline{\hspace{2cm}}\%$</p>
6	<p>Die Zufallsvariable X sei binomialverteilt mit $n = 100$ und $p = 0,2$.</p> <p>a) Der GTR-Befehl <code>binomcdf(100,0.2,25)</code> berechnet die Wahrscheinlichkeit für Treffer.</p> <p>b) Bestimmen Sie mithilfe einer Approximation durch eine geeignete Normalverteilung</p> <p>A: $P(X \leq 25)$ B: $P(35 \leq X \leq 42)$ C: $P(X \geq 42)$</p>	<p>a) _____</p> <p>b) Auf eine Dezimale angeben</p> <p>$\mu = \underline{\hspace{2cm}}$; $\sigma \approx \underline{\hspace{2cm}}$</p> <p>A: $P(X \leq 25) \approx \underline{\hspace{2cm}}\%$</p> <p>B: $P(25 \leq X \leq 30) \approx \underline{\hspace{2cm}}\%$</p> <p>C: $P(X \geq 20) \approx \underline{\hspace{2cm}}\%$</p>

WADI Kursstufe C40 Casio		Integralfunktion	
Lösungen			r/f /n
1	Entscheiden Sie, ob jeweils eine Integralfunktion zu f mit $f(x) = x - 1$ vorliegt. a) $\int_2^x f(t)dt$ c) $\frac{1}{2}x^2 - x - 4$	Integralfunktion	
			Ja Nein
		a)	<input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>
		b)	<input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>
		c)	<input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>
		d)	<input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>
2	Sind die Aussagen zu Integralfunktionen I von f wahr oder falsch? a) $I_{-1}(x) > 0$ für $-1 < x \leq 3$. b) $I_3(x) < 0$ für $x > 3$. c) $I_{2,5}(4) > 0$ d) $I_3(3) = 0$ und $I_2(2) \neq 0$		
3	Wie lautet die Integralfunktion I _a zur Funktion f? a) $f(x) = x - 2$; a = 0 b) $f(x) = x^2 + 3$; a = -1	a) $I_0(x) = \frac{1}{2}x^2 - 2x$ b) $I_{-1}(x) = \frac{1}{3}x^3 + 3x + \frac{10}{3}$	
4	Den Graphen einer Funktion f zeigt Abb. 1. In Abb. 2 sind Stammfunktionen von f dargestellt. Ist eine davon die Integralfunktion I ₋₂ ?	A <input checked="" type="checkbox"/> B <input type="checkbox"/> C <input type="checkbox"/> keine <input type="checkbox"/>	
5	a) Integralfunktionen enthalten immer Integralzeichen. b) Integralfunktionen sind spezielle Stammfunktionen. c) Die Funktionswerte einer Integralfunktion erhält man mithilfe der orientierten Flächeninhalte.	Richtig Falsch	
		a)	<input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>
		b)	<input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>
		c)	<input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>

Lösungen

r/f
/n

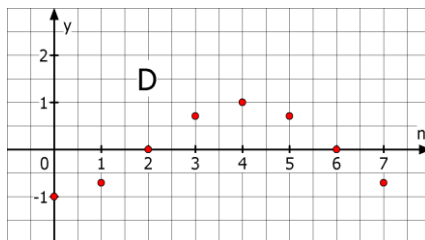
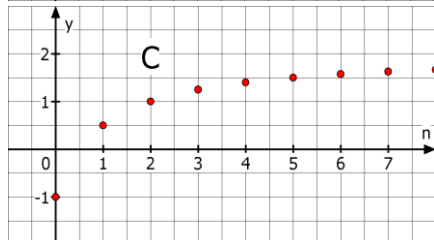
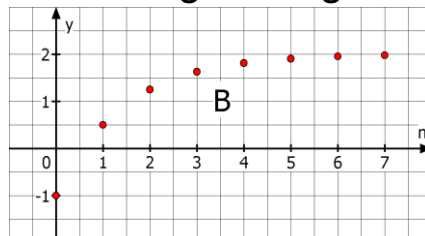
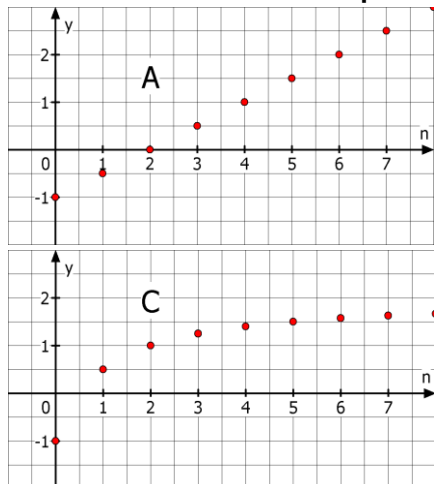
1 Gegeben sind für $n \in \mathbb{N}$ die Folgen a und b mit $a(n) = n^2 + 23$ und $b(n) = 2 \cdot b(n-1)$; $b(0)=4$. Was trifft zu?

- a) Einzelne Folgenglieder können nur mit Hilfe des Vorgängers berechnet werden.
 b) Für $n = 3$ hat das Folgenglied den Wert 32.
 c) Die Folge ist explizit dargestellt
 d) Die Folge ist rekursiv dargestellt
 e) Jedes Folgenglied kann durch das Einsetzen eines Wertes für n direkt berechnet werden.

Trifft zu für die Folge

	a	b
a)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
b)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
c)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
d)	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
e)	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

2 Ordnen Sie die Graphen der richtigen Folge zu.



C $s(n) = -1 + \frac{3n}{n+1}$

D $t(n) = -\cos(n \cdot \frac{\pi}{4})$

A $u(n) = u(n-1) + 0,5$
mit $u(0) = -1$

B $v(n) = 2 - 3 \cdot 2^{-x}$

Hinweis: Verwenden Sie den GTR nur ohne seq-Modus.

3 Welche Folge liefert die angegebenen Werte in der Wertetabelle? Ordnen Sie zu.

n	1	2	3	4	5	6	7	8
A	5	4	$4\frac{1}{3}$	5	5,8	$6\frac{2}{3}$	$7\frac{4}{7}$	8,5
B	3	-2	3	-2	3	-2	3	-2

— $s(n) = 2 - s(n-1)$
mit $s(1) = 3$

B $t(n) = 1 - t(n-1)$
mit $t(1) = 3$

A $u(n) = n + \frac{4}{n}$

— $v(n) = \frac{n^2+3}{n}$

4 Ordnen Sie die GTR-Abbildung den richtigen ersten fünf Gliedern der angegebenen Zahlenfolge zu. Kreuzen Sie an.



Recursion
 $a_n = n^2 - 1$ [—]
 Start: [—]
 End: [—]

Table Settings n
 Start: 1
 End: 5

X 0; 3; 8; 15; 24

— -1; 0; 3; 8; 15

— 4; 5; 7; 11; 19

— 5; 7; 11; 19; 34

5 Stellen Sie die Folge a bzw. b mit
 a) $a(n) = a(n-1) + 2$, $a(0) = 0$ explizit dar.
 b) $b(n) = 2n + 1$, mit $n \geq 0$ rekursiv dar.

a) $a(n) = 2n$

b) $b(n) = b(n-1) + 2$
mit $b(0) = 1$

Lösungen

r/f
/n

	<p>Ein Unternehmen produzierte in der Vergangenheit mit einer Ausschussrate von 7%. Nach einer Veränderung des Produktionsablaufs vermutet man, dass sich die Qualität verbessert hat.</p> <p>a) Welche Nullhypothese H_0 sollte man für einen statistischen Test wählen, der die Vermutung bekräftigt?</p> <p>b) Welche Alternativhypothese H_1 wählt man?</p>	<p>a) Für H_0 gilt:</p> <p><input type="checkbox"/> $p=0,7$ <input type="checkbox"/> $p<0,07$</p> <p><input checked="" type="checkbox"/> $p=0,07$ <input type="checkbox"/> $p\geq 0,07$</p> <p><input type="checkbox"/> $p=0,007$ <input type="checkbox"/> $p\leq 0,07$</p> <p><input type="checkbox"/> $p > 0,7$ <input type="checkbox"/> $p>0,07$</p> <p><input type="checkbox"/> $p\geq 0,7$ <input type="checkbox"/> $p\leq 0,7$</p> <p>b) $H_1: p < 0,07$</p>
<p>2</p>	<p>Julia behauptet, zwei verschiedene Wassersorten am Geschmack unterscheiden zu können. Ihre Freunde möchten dies testen: Julia trinkt 15 Proben. Mit einem Signifikanzniveau von 1% soll entschieden werden, ob Sie zufällig rät.</p> <p>a) Wie ist die Nullhypothese zu wählen, wenn man davon ausgeht, dass sie rät?</p> <p>b) Wie ist die Alternativhypothese zu wählen?</p> <p>c) Handelt es sich um einen links- oder rechtsseitigen Test?</p> <p>d) Bestimmen Sie mit Hilfe des abgebildeten GTR- Bildschirms den Annahmebereich.</p>	<p>a) Für H_0 gilt:</p> <p><input type="checkbox"/> $p < 0,5$</p> <p><input checked="" type="checkbox"/> $p = 0,5$</p> <p><input type="checkbox"/> $p > 0,5$</p> <p>b) Setzen Sie $<$; $=$; $>$ ein:</p> <p>$H_1 > H_0$</p> <p>c) <u>rechts</u>-seitig</p> <p>d) Annahmebereich: $[0; 12]$</p>
<p>3</p>	<p>Für einen statistischen Test soll gelten:</p> <p>$H_0: p \leq 0,12$; $H_1: p > 0,12$; Stichprobenumfang: 100. Welcher GTR-Befehl erzeugt die Tabelle, der kumulierten Wahrscheinlichkeiten?</p> <div style="display: flex; justify-content: space-around;"> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px;"> <p>Binomial C.D</p> <p>Data :List</p> <p>List :List1</p> <p>Numtrial:100</p> <p>P :0,12</p> <p>Save Res:List2</p> <p>Execute</p> </div> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px;"> <p>Normal P.D</p> <p>Data :List</p> <p>List :List1</p> <p>σ :100</p> <p>μ :0,12</p> <p>Save Res:List2</p> <p>Execute</p> </div> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px;"> <p>Poisson P.D</p> <p>Data :List</p> <p>List :List1</p> <p>μ :0,12</p> <p>Save Res:List2</p> <p>Execute</p> </div> </div> <p>A: B: C: </p>	<p><input checked="" type="checkbox"/> A</p> <p><input type="checkbox"/> B</p> <p><input type="checkbox"/> C</p>
<p>4</p>	<p>Es wird ein statistischer Test mit folgenden Daten durchgeführt:</p> <p>Stichprobenumfang $n = 20$</p> <p>Nullhypothese $H_0: p = 0,7$; $H_1: p < 0,7$ Signifikanzniveau $\alpha = 2\%$.</p> <p>a) Handelt es sich um einen links- oder rechtsseitigen Test?</p> <p>b) Bestimmen Sie den Annahmebereich.</p> <p>c) Man ändert das Signifikanzniveau auf 3%. Wie verändert sich dann der Annahmebereich?</p>	<p>a) <u>links</u>-seitig</p> <p>b) <input type="checkbox"/> $[0; 17]$</p> <p><input checked="" type="checkbox"/> $[18; 20]$</p> <p><input type="checkbox"/> $[17; 20]$</p> <p>c) Der Annahmebereich</p> <p><input type="checkbox"/> wird kleiner</p> <p><input type="checkbox"/> bleibt gleich</p> <p><input checked="" type="checkbox"/> wird größer</p>

WADI Kursstufe D17 Casio		Fehler beim Testen																
Lösungen			r/f /n															
1	<div>Wahr oder falsch?</div> <div><div><div></div></div>A: Beim Testen von Hypothesen ist ein Fehler 1. Art, eine Nullhypothese zurückzuweisen, obwohl sie wahr ist.</div> <div>B: Die Wahrscheinlichkeit, dass die Nullhypothese abgelehnt wird, obwohl sie richtig ist, heißt Fehler 1. Art (Irrtumswahrscheinlichkeit).</div> <div>C: Als Fehler 2. Art wird der Fehler bezeichnet, den man begeht, wenn man die Nullhypothese beibehält, obwohl die Alternativhypothese gilt.</div> <div>D: Im Gegensatz zum Fehler 1. Art lässt sich die Wahrscheinlichkeit für den Fehler 2. Art meist nicht berechnen.</div>	<table><tr><td></td><td>Wahr</td><td>Falsch</td></tr><tr><td>A</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>B</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>C</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr><tr><td>D</td><td><input checked="" type="checkbox"/></td><td><input type="checkbox"/></td></tr></table>		Wahr	Falsch	A	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	B	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	C	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	D	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	
	Wahr	Falsch																
A	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
B	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
C	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
D	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>																
2	<div>Wie kann gleichzeitig die Wahrscheinlichkeit beider Fehler (1. und 2. Art) verkleinert werden?</div> <div>A: Annahmebereich von H_0 vergrößern</div> <div>B: Annahmebereich von H_0 verkleinern</div> <div>C: Stichprobenumfang n vergrößern</div> <div>D: Stichprobenumfang n verkleinern</div> <div>E: Signifikanzniveau verkleinern</div>	<div>Richtig ist/sind:</div> <div>A <input type="checkbox"/></div> <div>B <input type="checkbox"/></div> <div>C <input checked="" type="checkbox"/></div> <div>D <input type="checkbox"/></div> <div>E <input type="checkbox"/></div>																
3	<div>Jan hat einen Würfel, vom dem er der Meinung ist, dass dieser zu selten auf der „6“ liegen bleibt. Er möchte einen statistischen Test durchführen. Wie muss er die Nullhypothese wählen?</div>	<div>Nullhypothese H_0:</div> <div><div><input type="checkbox"/> $p < \frac{1}{6}$</div><div><input type="checkbox"/> $p = \frac{1}{6}$</div><div><input checked="" type="checkbox"/> $p > \frac{1}{6}$</div><div><input type="checkbox"/> $p \neq \frac{1}{6}$</div></div>																
4	<div><div><div></div></div>Für einen rechtsseitigen statistischen Test gilt $H_0: p = 0,4; n = 50; \alpha = 2\%$</div> <div>a) Bestimmen Sie den Annahmebereich.</div> <div>b) Bestimmen Sie die Wahrscheinlichkeit für einen Fehler 1. Art.</div> <div>Die tatsächliche Wahrscheinlichkeit für einen Treffer beträgt 0,6.</div> <div>c) Gesucht ist jetzt die Wahrscheinlichkeit für einen Fehler 2. Art. Welcher GTR-Befehl führt zum Ziel?</div> <div><div><div><div><div>nominalCD(27,50,0.4)</div><div></div></div></div><div><div><div>nominalCD(0.5,50,0.4)</div><div></div></div></div><div><div><div>nominalCD(27,50,0.6)</div><div></div></div></div></div><div><div><div>BFD</div><div>Bcd</div><div>InvB</div></div><div><div>BFD</div><div>Bcd</div><div>InvB</div></div><div><div>BFD</div><div>Bcd</div><div>InvB</div></div></div></div> <div>d) Wie groß ist die gesuchte Wahrscheinlichkeit?</div>	<div>a) <div><input type="checkbox"/> [0 ; 26]</div><div><input checked="" type="checkbox"/> [0 ; 27]</div><div><input type="checkbox"/> [0 ; 28]</div></div> <div>b) Auf 4 Stellen: ca. <u>0,016</u></div> <div>c) Kreuzen Sie an:</div> <div><div><div><input type="checkbox"/></div><div><input type="checkbox"/></div><div><input checked="" type="checkbox"/></div></div></div> <div>d) ca. <u>23</u> %</div>																

Lösungen

r/f
/n

1 Die Gauß'schen Glockenfunktionen $\varphi_{\mu;\sigma}$ sind gegeben durch $\varphi_{\mu;\sigma}(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} \cdot e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}}$.



a) Füllen Sie die Tabelle aus.

b) Sind die Aussagen wahr oder falsch?

A: Je kleiner σ ($\sigma > 0$) ist, desto „breiter“ und „flacher“ ist der Graph der Funktion.

B: Das Maximum liegt an der Stelle $x = \mu$.

C: der Graph ist symmetrisch zur y-Achse.

a) gerundet auf 2 Dezimale:

x	$\varphi_{0;1}(x)$
0	0,40
1	0,24
2	0,05

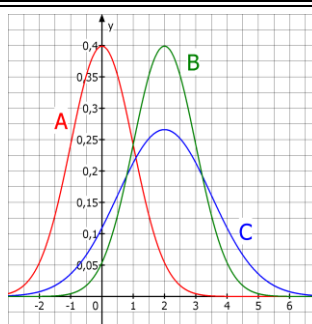
b) Wahr Falsch

A ☐ ☒

B ☒ ☐

C ☒ ☐

2 Ordnen Sie den Graphen die richtige Gaußsche Glockenfunktion zu.



$\varphi_{1;0}$

$\varphi_{0;2}$

C $\varphi_{2;1,5}$

B $\varphi_{2;1}$

$\varphi_{3;2}$

A $\varphi_{0;1}$

3 In der Abbildung sind drei Funktionsterme im GTR- Fenster dargestellt. Welcher erzeugt den Graphen der Glockenfunktion $\varphi_{5;2}(x)$?



Graph Func :Y= V1:NormPD(X,5,2) []

A:

Graph Func :Y= V1:NormPD(X,2,5) []

B:

Graph Func :Y= V1:NormCD(X,2,5) []

C:

Richtig ist:

A ☐ B ☒ C ☐

4 Wie entsteht der Graph der Funktion f mit $f(x) = \frac{1}{5\sqrt{2\pi}} \cdot e^{-\frac{1}{2} \cdot (\frac{x-7}{5})^2}$ aus dem Graphen der Gauß-Funktion $\varphi_{0;1}$?

Kreuzen Sie entsprechend an.

a) vertikale Stauchung mit dem Faktor ...

b) horizontale Dehnung mit dem Faktor ...

c) horizontale Verschiebung um ... nach ...

a) 5 ☐ 1/5 ☒

7 ☐ 1/7 ☐

b) 5 ☒ 1/5 ☐

7 ☐ 1/7 ☐

c) 5 ☐ 1/5 ☐

7 ☒ 1/7 ☐

links ☐

rechts ☒

5 Gegeben ist die Gauß-Funktion $\varphi_{5;2}(x)$.



a) Bestimmen Sie den Hochpunkt des Graphen.

b) Berechnen Sie $\int_1^5 \varphi_{5;2}(x) dx$.

c) Berechnen Sie $\int_1^\infty \varphi_{5;2}(x) dx$

a) $H \approx (5 | \frac{0,4}{2})$

Auf 2 Dezimale gerundet:

b) 0,48

c) 0,98

WADI Kursstufe D20 Casio		Normalverteilungen
Lösungen		r/f /n
1	<p>Füllen Sie die Lücken aus:</p> <p>a) Eine stetige Zufallsvariable X heißt _____ mit den Parametern μ und σ wenn sie eine Gauß'sche Glockenfunktion $\varphi_{\mu;\sigma}$ als _____ besitzt.</p> <p>b) Normalverteilungen kann man verwenden, um Wahrscheinlichkeiten von näherungsweise zu berechnen.</p>	<p>a) <u>normalverteilt</u></p> <p><u>Wahrscheinlichkeitsdichte</u></p> <p>b) <u>binomialverteilten Zufallsvariablen</u></p>
2	<p>X sei eine normalverteilte Zufallsvariable mit $\mu = 10$ und $\sigma = 2$. Die Wahrscheinlichkeit $P(a \leq X \leq b)$ berechnet sich</p> <p>A: $\int_a^b \varphi_{10;2}(x)dx$ B: $\int_2^{10} \varphi_{a;b}(x)dx$</p>	<p>Richtig ist:</p> <p>A <input checked="" type="checkbox"/> B <input type="checkbox"/></p>
3	<p>Unter der <i>Stetigkeitskorrektur</i> versteht man ...</p> <p>A: .. einen Korrekturterm, der zum Ausgleich von Rundungsfehlern subtrahiert wird.</p> <p>B: .. die Vergrößerung des Integrationsintervalls auf beiden Seiten um 0,5, wenn mit ganzzahligen Zufallsvariablen gearbeitet wird.</p> <p>C: .. $P(\mu - \sigma \leq X \leq \mu + \sigma) \approx 68\%$</p>	<p>Richtig ist/sind:</p> <p>A <input type="checkbox"/></p> <p>B <input checked="" type="checkbox"/></p> <p>C <input type="checkbox"/></p>
4	<p>Welcher GTR-Befehl kann verwendet werden, um für die Normalverteilung $\varphi_{64;6}$ den Wert von $P(X \leq 70)$ zu bestimmen?</p> <div style="display: flex; justify-content: space-around;"> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; width: 30%;"> NormCD<-100,70,6,64> </div> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; width: 30%;"> NormCD<70,0,6,64> </div> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; width: 30%;"> NormCD<0,6,64,70> </div> </div> <p>A: <input type="checkbox"/> B: <input type="checkbox"/> C: <input type="checkbox"/></p>	<p>Richtig ist/sind:</p> <p>A <input checked="" type="checkbox"/> B <input type="checkbox"/> C <input type="checkbox"/></p>
5	<p>Bestimmen Sie für eine normalverteilte Zufallsvariable X mit $\mu = 3$ und $\sigma = 2$</p> <p>a) $P(X \leq 2)$ b) $P(2 \leq X \leq 4)$ c) $P(X \geq 4,5)$</p>	<p>a) $P(X \leq 2) = \underline{30,9\%}$</p> <p>b) $P(2 \leq X \leq 4) = \underline{38,3\%}$</p> <p>c) $P(X \geq 4,5) = \underline{22,7\%}$</p>
6	<p>Die Zufallsvariable X sei binomialverteilt mit $n = 100$ und $p = 0,2$.</p> <p>a) Der GTR-Befehl $\text{binomcdf}(100,0.2,25)$ berechnet die Wahrscheinlichkeit für Treffer.</p> <p>b) Bestimmen Sie mithilfe einer Approximation durch eine geeignete Normalverteilung</p> <p>A: $P(X \leq 25)$ B: $P(35 \leq X \leq 42)$ C: $P(X \geq 42)$</p>	<p>a) <u>höchstens 25</u></p> <p>b) <u>Auf eine Dezimale angeben</u></p> <p>$\mu = \underline{20}$; $\sigma \approx \underline{4}$</p> <p>A: $P(X \leq 25) \approx \underline{91,3\%}$</p> <p>B: $P(25 \leq X \leq 30) \approx \underline{8,1\%}$</p> <p>C: $P(X \geq 20) \approx \underline{44,1\%}$</p>