

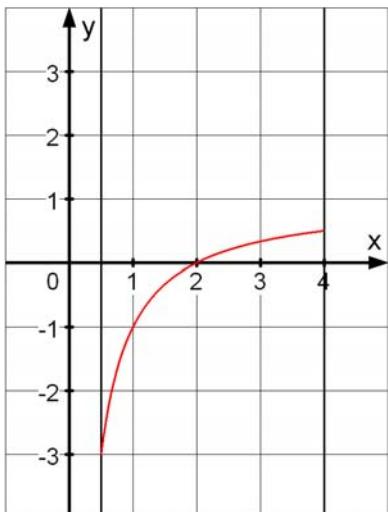
## Arbeitsblatt 15: Definition der Monotonie

**Ziel:** Die anschauliche Vorstellung von „ansteigender Graph“ und „absteigender Graph“ soll mathematisch präzise formuliert werden

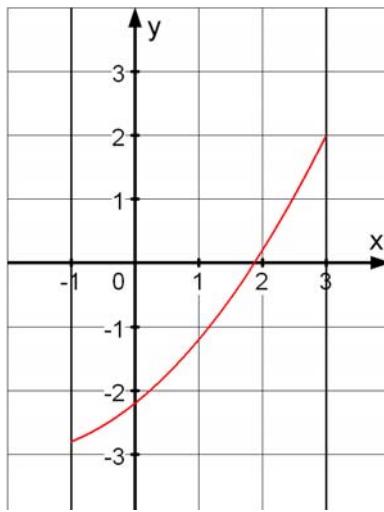
Die Schaubilder zeigen jeweils einen Graphen einer Funktion  $f$  auf einem Intervall.

Diese Graphen sind von links nach rechts ansteigend.

Intervall  $I = [0,5;4]$

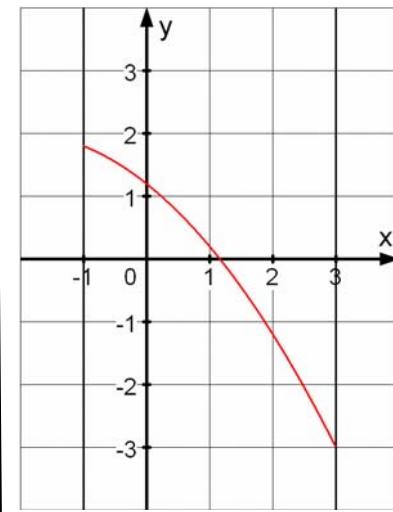


Intervall  $I = [-1,3]$



Dieser Graph ist absteigend.

Intervall  $I = [-1;3]$



**Aufgabe 1** Welche Aussage begründet ein Ansteigen des Graphen von  $f$ ?

- a) Für zwei Zahlen  $x_1 = 0$  und  $x_2 = 1$  aus  $I$  gilt  $f(x_1) > f(x_2)$ .
- b) Für alle Zahlen  $x_1$  und  $x_2$  aus  $I$  gilt  $f(x_1) \neq f(x_2)$ .
- c) Wenn  $x_1$  und  $x_2$  zwei Zahlen aus  $I$  sind und  $x_2$  die größere Zahl ist, dann gilt  $f(x_1) < f(x_2)$ .
- d) Wenn  $x_1 \in I$  und  $x_2 \in I$  und  $x_1 < x_2$ , dann gilt  $f(x_1) < f(x_2)$ .

**Aufgabe 2** Eine Funktion  $f$  heißt **streng monoton steigend**

(sms) auf einem Intervall  $I$ , falls gilt:

Wenn  $x_1, x_2 \in I$  und  $x_1 < x_2$ , dann gilt  $f(x_1) < f(x_2)$ .)

Ergänze: Eine Funktion  $f$  heißt **streng monoton fallend** (smf)

auf einem Intervall  $I$ , falls gilt:

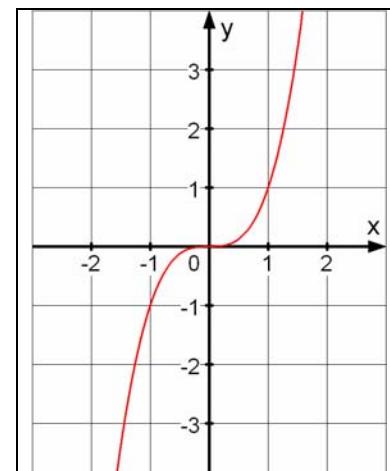
Wenn ..... und ....., dann gilt .....

- b) Bei der Funktion  $f$  mit  $f(x) = x^3$  (siehe Figur) ist anschaulich unklar, ob sie „um  $x = 0$  herum“ streng monoton steigend ist.

Füllen Sie die Tabelle aus.

$x$	-0,01	-0,001	0	0,001	0,01	0,1
$f(x)$						

Ist nach den Tabellenwerten die Funktion  $f$  mit  $f(x) = x^3$  auf  $\mathbb{R}$  streng monoton steigend?



**Aufgabe 3** Es soll untersucht werden, ob die Funktion  $f$  mit  $f(x) = x^3 - x^2$  auf  $I = [0;1]$  streng monoton fallend ist.

- a) Beurteilen Sie folgende Argumentation: Ich wähle  $x_1 = 0$  und  $x_2 = 0,5$  und berechne  $f(x_1) = 0$  und  $f(x_2) = -0,125$ . Also ist  $f(x_1) > f(x_2)$  und daher ist  $f$  streng monoton fallend.

- b) Bilden Sie sich mit Hilfe des GTR ein Urteil über die Monotonie von  $f$ .